

【】関数・変域

[関数の定義]

[問題](2学期中間)

ともなって変わる2つの変数 x , y があつて, x の値を決めると,それに対応して y の値がただ1つに決まるとき, y は x の()であるという。()に適語を入れよ。

[解答欄]

--

[解答]関数

[解説]

ともなって変わる2つの変数 x , y があつて, x の値を決めると,それに対応して y の値がただ1つに決まるとき, y は x の関数であるという。例えば,正方形の1辺を x cm,面積を y cm²とすると, x の値が決まると y の値は1つに決まるので, y は x の関数であるといえる。これに対し,長方形の周の長さを x cm,面積を y cm²とする場合は x の値が決まっても y の値は1つには決まらない。例えば,周の長さ(x)が10cmの場合,縦が1cmで横が4cmのとき面積(y)は4cm²であるが,縦が2cmで横が3cmのとき,面積(y)は6cm²になる。この場合は, y は x の関数とはいえない。

[問題](後期中間)

次の文章中の①, ②に適語を入れよ。

2つの(①) x と y があつて, x の値を決めると,それに対応して y の値がただ1つに決まるとき, y は x の(②)であるという。

[解答欄]

①	②
---	---

[解答]① 変数 ② 関数

[問題](3 学期)

y は x の関数であることを、「ともなって変わる 2 つの変数 x , y 」の語句を使ってを用いて説明せよ

[解答欄]

[解答]ともなって変わる 2 つの変数 x , y があって、 x の値を決めると、それに対応して y の値がただ 1 つに決まるとき、 y は x の関数であるという。

[関数を選べ]

[問題](後期期末)

次のア～ウで、 y が x の関数であるものはどれか。記号ですべて選べ。

ア 10L の水を x L 使ったときの残りの水の量 y L。

イ 1m の長さが 10 円の針金 x m の代金 y 円。

ウ 周の長さが x cm である長方形の面積 y cm²。

[解答欄]

[解答]ア, イ

[解説]

ア 例えば、 $x = 2$ (L)使ったとき、残りの水の量は $y = 10 - 2 = 8$ (L)である。使った量 x の値が決まれば、残りの水の量 y が決まるので、 y は x の関数であるといえる。 x , y の関係を式で表せば、 $y = 10 - x$ となる。

イ 例えば、針金を $x = 3$ (m)買うと、代金は $y = 10 \times 3 = 30$ (円)である。針金の長さ x (m)が決まれば、代金 y (円)が決まるので、 y は x の関数であるといえる。 x , y の関係を式で表せば、 $y = 10x$ となる。

ウ 例えば、周の長さが $x = 10$ (m)のとき、縦が 2m で横が 3m の場合は面積 y cm² は $2 \times 3 = 6$ (cm²)であるが、縦が 1m で横が 4m の場合は面積 y cm² は $1 \times 4 = 4$ (cm²)である。したがって、 x の値を決めても y の値は決まらないので、 y は x の関数とはいえない。

[問題](2 学期期末)

次の①～⑤で、 y が x の関数であるものものには○、関数でないものには×を書け。

- ① 半径 x cm の円周は y cm である。
- ② x 歳の人の身長は y cm である。
- ③ 100 ページの本を x ページ読んだとき、残りのページ数は y ページである。
- ④ 分速 70m で x 分間歩いた道のりは y m である。
- ⑤ 底辺が x cm の三角形の面積は y cm² である。

[解答欄]

①	②	③
④	⑤	

[解答]① ○ ② × ③ ○ ④ ○ ⑤ ×

[解説]

- ① (円周)=(直径)×(円周率)=(半径)×2×(円周率)なので、 $y = x \times 2 \times 3.14$ 、 $y = 6.28x$ となり、 x の値が決まれば y の値がただ 1 つに決まるので y は x の関数といえる。
- ② 年齢(x 歳)が決まっても、身長(y cm)は決まらないので y は x の関数ではない。
- ③ (残りのページ数 y)= $100 - (\text{読んだページ数 } x)$ なので、 $y = 100 - x$ となり、 x の値が決まれば y の値がただ 1 つに決まるので y は x の関数といえる。
- ④ (道のり y m)=(速さ)×(時間 x 分)なので、 $y = 70x$ となり、 x の値が決まれば y の値がただ 1 つに決まるので y は x の関数といえる。
- ⑤ 底辺(x cm)が決まっても、高さが決まっていないので、三角形の面積(y cm²)は決まらない。したがって、 y は x の関数とはいえない。

[変域]

[問題](2 学期中間)

次の各問いに答えよ。

- (1) 変数にとる値の範囲を，その変数の何というか。
- (2) x のとる値が次の範囲のとき， x の(1)を，不等号を使って表せ。
 - ① x は 3 以上，5 未満の数である。
 - ② x は負の数である。

[解答欄]

(1)	(2)①	②
-----	------	---

[解答](1) 変域 (2)① $3 \leq x < 5$ ② $x < 0$

[解説]

- (1) 変数にとる値の範囲を，その変数の変域という。
- (2) 「以上」「以下」はその数を含む。 x が 3 以上 $\rightarrow x = 3$ か， $x > 3$ のことで， $x \geq 3$ または $3 \leq x$ と表す。
「より大きい」「より小さい」「未満」はその数は含まない。
 x が 5 未満 $\rightarrow x < 5$ または $5 > x$ と表す。
「～以上，・・・未満」のように範囲が 2 数ではさまれているときは，
(小さい数) $\leq x <$ (大きい数) のように小さい順に並べる。
 x は 3 以上，5 未満なので， $3 \leq x < 5$
- (2) 0 は負の数には含まれないので，「 x は負の数」は「 x は 0 より小さい」と同じ。
よって， $x < 0$

[問題](2 学期期末)

次のことがらを不等号を使って表せ。

- (1) x は 9 より小さい数
- (2) x は正の数
- (3) x は -3 以上 7 未満の数

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) $x < 9$ (2) $x > 0$ (3) $-3 \leq x < 7$

[解説]

(1) 「より大きい」「より小さい」「未満」はその数は含まない。

「 x は9より小さい」は $x < 9$

$9 > x$ と表す場合もあるが、通常 x は左辺に書く。

(2) 0は正の数には含まれないので、「 x は正の数」は「 x は0より大きい数」と同じ。

よって、 $x > 0$

(3) 「以上」「以下」はその数を含む。

x が-3以上 $\rightarrow x = -3$ か、 $x > -3$ のことで、 $x \geq -3$ または $-3 \leq x$ と表す。

「～以上、…未満」のように範囲が2数ではさまれているときは、

(小さい数) $\leq x <$ (大きい数)のように小さい順に並べる。

「 x は-3以上7未満」なので、 $-3 \leq x < 7$

[問題](2 学期期末)

次の範囲を、不等号を使って表せ。

(1) x は0未満である。

(2) x は0以上3以下である。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) $x < 0$ (2) $0 \leq x \leq 3$

[解説]

(1) 「より大きい」「より小さい」「未満」はその数は含まない。

「 x は0未満」は $x < 0$

(2) 「以上」「以下」はその数を含む。

x が0以上 $\rightarrow x = 0$ か、 $x > 0$ のことで、 $x \geq 0$ または $0 \leq x$ と表す。

「～以上、…以下」のように範囲が2数ではさまれているときは、

(小さい数) $\leq x \leq$ (大きい数)のように小さい順に並べる。

「 x は0以上3以下である」ので、 $0 \leq x \leq 3$

[問題](後期中間)

x のとる値が次の範囲のとき, x の変域を不等号を使って表せ。

(1) x は, -2 より大きく 3 以下である。

(2) x は, -1 以上 4 未満である。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) $-2 < x \leq 3$ (2) $-1 \leq x < 4$

[解説]

「以上(以下)」という場合, その数自身も入るので, 不等号 \geq, \leq で表す。

「より大きい(小さい)」という場合, その数自身は入らないので, 不等号 $>, <$ で表す。

未満の場合も, その数自身は入らないので, 不等号 $>, <$ で表す。

[問題](2 学期期末)

次の各問いに答えよ。

(1) 変数 x の変域が 0 以上 30 以下のとき, x の変域を, 不等号を使って表せ。

(2) ある菓子のラベルに『12 歳未満は 1 回に 2 錠, 12 歳以上は 1 回に 3 錠飲んでください』と記されている。12 歳は何錠飲めばよいか。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) $0 \leq x \leq 30$ (2) 3 錠

[解説]

(1) 「以上(以下)」という場合, その数自身も入るので, 不等号 \geq, \leq で表す。

x の変域が 0 以上 30 以下なので, $0 \leq x \leq 30$

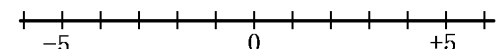
(2) 「12 歳未満」というとき, 12 歳は入らない。「12 歳以上」というとき 12 歳は入る。

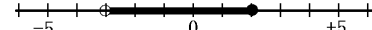
[問題](2 学期期末)

次の x の変域を，①不等号を使って表せ。②また，数直線上に表せ。

x は， -3 より大きく， 2 以下である。

[解答欄]

①	② 
---	--

[解答]① $-3 < x \leq 2$ ② 

[解説]

「より大きい」「より小さい」「未満」はその数は含まない。「以上」「以下」はその数を含む。「～より大きく，・・・以下」のように範囲が 2 数ではさまれているときは，(小さい数) $< x \leq$ (大きい数) のように小さい順に並べる。

「 x は， -3 より大きく， 2 以下」なので， $-3 < x \leq 2$
 数直線で表すとき， \leq などその数が含まれるときは●を， $<$ などその数が含まれないときは○を使って端点を表す。

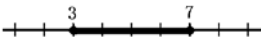
[問題](2 学期期末)

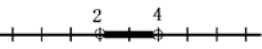
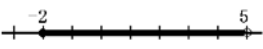
次の表は変域を，言葉， 不等号， 数直線を使って表わしたものである。空らんにあてはまるように①～⑥を表せ。

言葉	不等号	数直線
x は 3 以上 7 以下	①	②
③	$2 < x < 4$	④
x は -2 以上 5 未満	⑤	⑥

[解答欄]

①	②
③	④
⑤	⑥

[解答]① $3 \leq x \leq 7$ ②  ③ x は2より大きく4より小さい

④  ⑤ $-2 \leq x < 5$ ⑥ 

[解説]

「より大きい」「より小さい」「未満」はその数は含まない。「以上」「以下」はその数を含む。「～以上, …以下」のように範囲が2数ではさまれているときは、(小さい数) $\leq x \leq$ (大きい数)のように小さい順に並べる。

【】 比例の式

【】 比例の式

[比例定数]

[問題](2 学期期末)

次の文章中の①、②に適語を入れよ。

y が x の関数で、その間の関係が、 $y = ax$ (a は定数) で表されるとき、 y は x に (①) するという。また、定数 a を (②) という。

[解答欄]

①	②
---	---

[解答]① 比例 ② 比例定数

[解説]

ともなって変わる 2 つの変数 x 、 y があって、 x の値を決めると、それに対応して y の値がただ 1 つに決まるとき、 y は x の関数であるという。関数の中でも、 $y = ax$ (a は比例定数) で表されるとき、 y は x に比例するという。例えば、正方形の 1 辺を x cm、周囲の長さを y cm とすると、 $y = 4x$ の関係が成り立ち、 y は x に比例する。このときの比例定数は 4 である。

[問題](2 学期中間)

次の式の比例定数を答えよ。

① $y = 5x$ ② $y = -\frac{x}{2}$

[解答欄]

①	②
---	---

[解答]① 5 ② $-\frac{1}{2}$

[解説]

$y = ax$ のとき y は x に比例する。このときの a を比例定数という。

[問題](2学期期末)

次の文章中の①～④に適語を入れよ。

y が x の関数で、その関係が $y = ax$ で表せるとき、 y は x に(①)するという。 x 、 y のようにともなって変わる数を(②)というの対し、決まった数のことを(③)という。 $y = ax$ の a は(③)であるが、とくに(④)という。

[解答欄]

①	②	③
④		

[解答]① 比例 ② 変数 ③ 定数 ④ 比例定数

[比例の性質]

[問題](後期期末)

次の文章中の①、②にあてはまる適当な式や語句を書け。また、③の()内から適語を選べ。

y が x に比例しているとき比例定数を a として、 y を x の式で表すと(①)と表すことができる。 y が x に比例しているとき x の値が 2 倍、3 倍、4 倍・・・となるとき、それにもなって y の値は(②)となる。また、 x が 0 でないとき、 $\frac{y}{x}$ の値は

③(一定である／一定ではない)。

[解答欄]

①	②	③
---	---	---

[解答]① $y = ax$ ② 2 倍、3 倍、4 倍・・・ ③ 一定である

[解説]

比例の式は $y = ax$ (a は比例定数)と表すことができる。例えば、 $a = 3$ のとき $y = 3x$ で、 $x = 0$ のとき $y = 0$ である。 $x = 1$ のとき $y = 3 \times 1 = 3$ 、 $x = 2$ のとき $y = 3 \times 2 = 6$ 、 $x = 3$ のとき $y = 3 \times 3 = 9$ 、 $x = 4$ のとき $y = 3 \times 4 = 12$ で、 x の値が 2 倍、3 倍、4 倍・・・となるとき、それにもなって y の値は 2 倍、3 倍、4 倍・・・となっていく。比例定数 a は負の値もとる。例えば、 $a = -4$ のとき $y = -4x$ で、 $x = 0$ のとき $y = 0$ 、 $x = 1$ のとき $y = -4$ 、 $x = 2$ のとき $y = -8$ 、 $x = 3$ のとき $y = -12$ 、 $x = 4$ のとき $y = -16$ で、この場合も、 x の値が 2 倍、3 倍、4 倍・・・となるとき、それにもなって y の値は 2 倍、3

倍, 4倍...となっていく。

$y = ax$ の両辺を x で割ると, $y \div x = ax \div x$, $\frac{y}{x} = a$ となる。すなわち, $\frac{y}{x}$ の値は一

定で, 比例定数 a に等しい。

[問題](後期中間)

y が x に比例するときに常に成り立つことがらを, 次のア～オの中からすべて選び, 記号で答えよ。

ア x が増加すると, y も増加する。

イ x が 2倍, 3倍, 4倍, ...になると, y も 2倍, 3倍, 4倍, ...になる。

ウ $x = 0$ のとき, $y = 0$ である。

エ xy の値が一定である。

オ x が 0 のときをのぞいて, $y \div x$ の値は一定である。

[解答欄]

[解答]イ, ウ, オ

[解説]

ア たとえば $y = -2x$ のように比例定数が負の数の場合には, x が増加すると y は減少するので誤り。

イ, ウ は正しい。

エ xy の値が一定になるのは反比例の場合である。

オ たとえば $y = 3x$ の場合, $y \div x = 3$ で一定の値をとる。よって, 正しい。

[問題](2学期期末)

下の①～⑤のうち, x が増加すると y は減少するものをすべて選び記号で答えよ。

① $y = 2x$

② $y = 0.2x$

③ $y = -3x$

④ $y = -\frac{3}{2}x$

⑤ $y = \frac{2}{5}x$

[解答欄]

[解答]③, ④

[解説]

x と y が比例し、 $y = ax$ という式で表されるとき、
比例定数 a が正のとき、 x が増加すると y は増加する。
比例定数 a が負のとき、 x が増加すると y は減少する。
 a が負なのは③と④

[比例の関係を式で表す]

[問題](2 学期期末)

1 本 50 円の鉛筆 x 本の代金を y 円とおくとき、① y を x の式で表せ。② また、比例定数も求めよ。

[解答欄]

①	②
---	---

[解答]① $y = 50x$ ② 50

[解説]

(代金) = (1 本の値段) × (本数) なので、 $y = 50 \times x$ 、 $y = 50x$

x と y が $y = ax$ という関係にあるとき y は x に比例する。このときの a を比例定数という。よって、 $y = 50x$ は比例し、比例定数は 50

[問題](2 学期期末)

コピー用紙 20 枚の重さをはかったら、180g あった。同じコピー用紙の枚数を x 枚、重さを y g として、 y を x の式で表せ。

[解答欄]

--

[解答] $y = 9x$

[解説]

コピー用紙 1 枚の重さは、 $180 \div 20 = 9$ g なので、コピー用紙 x 枚の重さは、 $9 \times x = 9x$ (g) よって、 $y = 9x$

[問題](2 学期期末)

次の①, ②では, y は x に比例している。それぞれ y を x の式で表せ。

- ① 半径 x cm の円周の長さは y cm である。ただし, 円周率は 3.14 とする。
- ② 時計の長針は x 分間で y° 動く。

[解答欄]

①	②
---	---

[解答]① $y = 6.28x$ ② $y = 6x$

[解説]

- ① (円周の長さ)=(半径) $\times 2 \times 3.14$ なので, $y = x \times 2 \times 3.14$, $y = 6.28x$
- ② 時計の長針は 60 分で 360° 回転するので, 1 分間では, $360^\circ \div 60 = 6^\circ$ 回転する。
したがって x 分間では, $6 \times x = 6x^\circ$ 回転する。よって, $y = 6x$

[問題](2 学期期末)

次の①~③では, y は x に比例している。 y を x の式で表せ。

- ① 1 本 x 円の鉛筆を 5 本買ったときの代金は y 円である。
- ② 1 辺の長さが x cm の正方形の周囲の長さは y cm である。
- ③ 時計の長い針が x° 動くとき, 短い針は y° 動く。

[解答欄]

①	②	③
---	---	---

[解答]① $y = 5x$ ② $y = 4x$ ③ $y = \frac{x}{12}$

[解説]

- ① (代金)=(1 本の値段) \times (本数)なので, $y = x \times 5$, $y = 5x$
- ② (正方形の周囲の長さ)=(1 辺) $\times 4$ なので, $y = x \times 4$, $y = 4x$
- ③ 例えば, 1 時間で長い針は 360° , 短い針は $360 \div 12 = 30^\circ$ 動く。

$30 \div 360 = \frac{30}{360} = \frac{1}{12}$ なので, 短い針の動く角度は長い針の動く角度の $\frac{1}{12}$ 倍である。

よって, $y = x \times \frac{1}{12}$, $y = \frac{1}{12}x$

[比例するものを選ぶ]

[問題](3 学期)

次の(1)~(3)について、 y を x の式で表し、比例する場合は○を、比例しない場合は×を書け。

- (1) 底辺の長さを x cm、高さを 3cm としたときの三角形の面積を y cm² とする。
- (2) 毎時 x km の速さで 80 km の道のりを行くのにかかる時間は y 時間である。
- (3) 半径が x cm の円の周の長さを y cm とする。ただし、円周率は 3.14 とする。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) $y = \frac{3}{2}x$, ○ (2) $y = \frac{80}{x}$, × (3) $y = 6.28x$, ○

[解説]

(1) (三角形の面積) = $\frac{1}{2} \times (\text{底辺}) \times (\text{高さ})$ なので、 $y = \frac{1}{2} \times x \times 3$ よって、 $y = \frac{3}{2}x$

$y = ax$ の形になっているので比例する。

(2) (かかる時間) = (距離) ÷ (速さ) なので、 $y = 80 \div x$ よって、 $y = \frac{80}{x}$

$y = ax$ の形になっていないので比例しない。

(3) (円周の長さ) = (半径) × 2 × 3.14 なので、

$y = x \times 2 \times 3.14$ よって、 $y = 6.28x$

$y = ax$ の形になっているので比例する。

[問題](3 学期)

次の(1)~(4)の数量の関係を等式に表し、その中で x が y に比例しているものを記号で答えよ。

- (1) 1 辺の長さ x cm の正方形の周の長さ y cm
- (2) 1000 円で、1 冊 100 円のノートを買ったときの残り y 円
- (3) 面積 60cm² の長方形の縦の長さ x cm と横の長さ y cm
- (4) 1 本 120 円のジュースを x 本買ったときの代金 y 円

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)	比例 :	

[解答](1) $y = 4x$ (2) $y = 1000 - 100x$ (3) $y = \frac{60}{x}$ (4) $y = 120x$ 比例 : (1), (4)

[解説]

(1) (正方形の周の長さ)=(1辺) \times 4なので, $y = x \times 4$, $y = 4x$

(2) (代金)=(1冊の値段) \times (冊数) $=100 \times x = 100x$

(おつり) $=1000 -$ (代金)なので, $y = 1000 - 100x$

(3) (縦の長さ) \times (横の長さ)=(面積)なので, (横の長さ)=(面積) \div (縦の長さ)

よって, $y = 60 \div x$, $y = \frac{60}{x}$

(4) (代金)=(1本の値段) \times (本数)なので, $y = 120 \times x$, $y = 120x$

x と y が $y = ax$ (a は比例定数)という関係にあるとき y は x に比例する。

$y = ax$ という形になっているのは, (1)の $y = 4x$ と(4)の $y = 120x$ である。

[問題](2 学期期末)

次の(1)~(4)について, y を x の式で表せ。また, (5)の問いに答えよ。

(1) 底辺が x cm, 高さが 10cmの三角形の面積を y cm²とする。

(2) 1m のひもから, 5cm のひもを x 本切り取った残りの長さを y cm とする。

(3) 3m の重さが 24g の針金がある。この針金 x m の重さを y g とする。

(4) 半径が x cmの円の面積を y cm²とする。(円周率は 3.14 とする。)

(5) (1)~(4)のうち, y が x に比例しているものをすべて選び, 番号で答えよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)	(5)	

[解答](1) $y = 5x$ (2) $y = 100 - 5x$ (3) $y = 8x$ (4) $y = 3.14x^2$ (5) (1), (3)

[解説]

(1) (三角形の面積) = $\frac{1}{2} \times (\text{底辺}) \times (\text{高さ})$ なので, $y = \frac{1}{2} \times x \times 10$, $y = 5x$

(2) 長さの単位を cm にあわせ, $1\text{m} = 100\text{cm}$

(切り取る長さ) = $5 \times (\text{本数}) = 5 \times x = 5x$ (cm)

(残りの長さ) = $100 - (\text{切り取る長さ})$ なので, $y = 100 - 5x$

(3) 3m の重さが 24g なので, 1m の重さは $24 \div 3 = 8\text{g}$

よって, $x\text{m}$ の重さは $8 \times x = 8x\text{g}$ ゆえに, $y = 8x$

(4) (円の面積) = $3.14 \times (\text{半径})^2$ なので, $y = 3.14 \times x^2$, $y = 3.14x^2$

(5) x と y が $y = ax$ (a は比例定数) という関係にあるとき y は x に比例する。

$y = ax$ という形になっているのは, (1) の $y = 5x$ と (3) の $y = 8x$ である。

[問題](2 学期期末)

次のそれぞれについて, y を x の式で表せ。また, y が x に比例するものは比例定数を, 比例しないものは \times を書け。

(1) 毎秒 50m で走る電車が x 秒間に進む距離 y m

(2) 底辺が x cm, 高さが 18cm の三角形の面積 y cm²

(3) 150 ページの本を x ページ読んだときの残りのページが y ページ

(4) 半径 x cm の円の周の長さ y cm (円周率は 3.14 とする)

(5) 40m のひもを x 等分するときの 1 本分のひもの長さ y m

[解答欄]

(1)	(2)
(3)	(4)
(5)	

[解答](1) $y = 50x$, 50 (2) $y = 9x$, 9 (3) $y = 150 - x$, \times (4) $y = 6.28x$, 6.28

(5) $y = \frac{40}{x}$, \times

[解説]

x と y が $y = ax$ という関係にあるとき y は x に比例する。このときの a を比例定数という。

(1) (距離)=(速さ) \times (時間)なので, $y = 50 \times x$, $y = 50x$

$y = ax$ の形になっているので, y は x に比例する。比例定数 a は50

(2) (三角形の面積) $=\frac{1}{2} \times$ (底辺) \times (高さ)なので, $y = \frac{1}{2} \times x \times 18$, $y = 9x$

$y = ax$ の形になっているので, y は x に比例する。比例定数 a は9

(3) (残りのページ数) $=150 -$ (読んだページ数)なので, $y = 150 - x$

これは $y = ax$ の形になっていないので, 比例ではない。

(4) (円周の長さ) $=$ (半径) $\times 2 \times 3.14$ なので, $y = x \times 2 \times 3.14$, $y = 6.28x$

$y = ax$ の形になっているので, y は x に比例する。比例定数 a は6.28

(5) (1本分のひもの長さ) $=$ (ひもの長さ) \div (本数)なので,

$y = 40 \div x$, $y = \frac{40}{x}$ これは $y = ax$ の形になっていないので, 比例ではない。

【】式の決定, x , y の値

[式の決定]

[問題](3 学期)

y が x に比例していて, $x = 2$ のとき $y = -8$ である。 y を x の式で表せ。

[解答欄]

--

[解答] $y = -4x$

[解説]

y が x に比例するので $y = ax$ とおくことができる(a は比例定数)。 $x = 2$, $y = -8$ を $y = ax$ に代入すると, $-8 = a \times 2$, $a = -8 \div 2 = -4$ よって求める式は $y = -4x$

[問題](2 学期期末)

y が x に比例し, $x = -6$ のとき, $y = 2$ である。① y を x の式で示せ。② また, 比例定数を求めよ。

[解答欄]

①	②
---	---

[解答]① $y = -\frac{1}{3}x$ ② $-\frac{1}{3}$

[解説]

y が x に比例するので, $y = ax$ とおくことができる(a は比例定数)。この式に $x = -6$, $y = 2$ を代入すると, $2 = a \times (-6)$, $a = -\frac{2}{6}$ よって $a = -\frac{1}{3}$ で式は $y = -\frac{1}{3}x$

[式の決定・ x y の値]

[問題](2 学期期末)

y が x に比例し, $x = -9$ のとき, $y = 3$ である。このとき, 次の各問いに答えよ。

(1) y を x の式で表せ。

(2) $x = -24$ のときの y の値を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) $y = -\frac{1}{3}x$ (2) $y = 8$

[解説]

(1) y が x に比例するので $y = ax$ とおくことができる(a は比例定数)。

$x = -9$, $y = 3$ を $y = ax$ に代入すると,

$$3 = a \times (-9), \quad a = 3 \div (-9) = -\frac{3}{9} = -\frac{1}{3} \quad \text{よって } y = -\frac{1}{3}x$$

(2) $x = -24$ を $y = -\frac{1}{3}x$ に代入すると, $y = -\frac{1}{3} \times (-24) = 8$

[問題](2 学期期末)

y が x に比例し, $x = 4$ のとき $y = 12$ である。次の各問いに答えよ。

- (1) y を x の式で表せ。
- (2) 比例定数を書け。
- (3) $x = 6$ のときの y の値を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) $y = 3x$ (2) 3 (3) $y = 18$

[解説]

(1)(2) y が x に比例するので $y = ax$ とおくことができる。

$x = 4$, $y = 12$ を $y = ax$ に代入すると,

$$12 = a \times 4, \quad a = 12 \div 4 = 3 \quad \text{よって, 式は } y = 3x, \text{ 比例定数は } 3$$

(別解)

$$y = ax \text{ の両辺を } x \text{ で割ると, } y \div x = ax \div x, \quad \frac{y}{x} = a, \quad a = \frac{y}{x} \text{ である。}$$

$$a = \frac{y}{x} \text{ を使うと計算が簡単である。すなわち, } a = \frac{y}{x} = \frac{12}{4} = 3$$

(3) $x = 6$ を $y = 3x$ に代入すると, $y = 3 \times 6 = 18$

[問題](後期中間)

y が x に比例するとき、次の各問いに答えよ。

(1) $x = -6$ のとき、 $y = 2$ である。比例定数を求めよ。

(2) $x = \frac{1}{2}$ のとき、 $y = 3$ である。 y を x の式で表せ。

(3) $x = 6$ のとき、 $y = -4$ である。 $x = 8$ のときの y の値を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) $-\frac{1}{3}$ (2) $y = 6x$ (3) $y = -\frac{16}{3}$

[解説]

y が x に比例するとき、 $y = ax$ という式で表すことができる(a は比例定数)。

(1) $y = ax$ に $x = -6$ 、 $y = 2$ を代入すると、 $2 = a \times (-6)$ 、 $a = 2 \div (-6) = -\frac{1}{3}$

(別解) $a = \frac{y}{x} = \frac{2}{-6} = -\frac{1}{3}$

(2) $y = ax$ に $x = \frac{1}{2}$ 、 $y = 3$ を代入すると、 $3 = a \times \frac{1}{2}$ 、 $a = 3 \times 2 = 6$ よって $y = 6x$

このように、 x や y が分数のときは、 $a = \frac{y}{x}$ は使いにくい。

(3) $y = ax$ に $x = 6$ 、 $y = -4$ を代入すると、 $-4 = a \times 6$ 、 $a = -4 \div 6 = -\frac{2}{3}$

よって、 $y = -\frac{2}{3}x$

(別解) $a = \frac{y}{x} = \frac{-4}{6} = -\frac{2}{3}$ より、 $y = -\frac{2}{3}x$

$y = -\frac{2}{3}x$ に $x = 8$ を代入すると、 $y = -\frac{2}{3} \times 8 = -\frac{16}{3}$

[問題](2 学期期末)

次の各問いに答えよ。

- (1) y は x に比例し、比例定数が 5 である。 y を x の式で表せ。
- (2) y は x に比例し、 x が 8 のとき、 y は 4 である。 y を x の式で表せ。
- (3) (2) の式で、 $x=12$ のときの y の値を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) $y = 5x$ (2) $y = \frac{1}{2}x$ (3) $y = 6$

[解説]

(1) 比例の式は $y = ax$ で、 a は比例定数である。比例定数が 5 であるときは、 $y = 5x$

(2) $y = ax$ に $x=8$ 、 $y=4$ を代入すると、 $4 = a \times 8$ 、 $a = \frac{4}{8}$ 、 $a = \frac{1}{2}$ よって、 $y = \frac{1}{2}x$

(別解) $a = \frac{y}{x} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$ より、 $y = \frac{1}{2}x$

(3) $y = \frac{1}{2}x$ に $x=12$ を代入すると、 $y = \frac{1}{2} \times 12 = 6$

[問題](2 学期期末)

次の各問いに答えよ。

- (1) y が x に比例していて $x=-4$ のとき $y=12$ である。 y を x の式で表せ。
- (2) y が x に比例していて $x=12$ のとき $y=-9$ である。 $x=-8$ のとき y の値を求めよ。
- (3) y が x に比例していて、対応する x と y の値の商 $\frac{y}{x}$ が 4 である。 $y=-20$ のときの x の値を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) $y = -3x$ (2) $y = 6$ (3) $x = -5$

[解説]

(1) y が x に比例するとき、 $y = ax$ とおくことができる。

$y = ax$ に $x = -4$ 、 $y = 12$ を代入すると、

$$12 = a \times (-4), \quad a = 12 \div (-4) = -3 \quad \text{よって求める式は、} \quad y = -3x$$

(別解) $a = \frac{y}{x} = \frac{12}{-4} = -3$ より、 $y = -3x$

(2) $y = ax$ に $x = 12$ 、 $y = -9$ を代入すると、

$$-9 = a \times 12, \quad a = -9 \div 12 = -\frac{9}{12} = -\frac{3}{4} \quad \text{よって式は、} \quad y = -\frac{3}{4}x$$

(別解) $a = \frac{y}{x} = \frac{-9}{12} = -\frac{3}{4}$ より、 $y = -\frac{3}{4}x$

この式に $x = -8$ を代入すると、 $y = -\frac{3}{4}x = -\frac{3}{4} \times (-8) = 6$

(3) $\frac{y}{x} = 4$ の両辺に x をかけると、 $\frac{y}{x} \times x = 4 \times x$ 、 $y = 4x$

この式に $y = -20$ を代入すると、 $-20 = 4 \times x$ 、 $x = -20 \div 4 = -5$

[問題](2 学期期末)

y は x に比例し、 $x = 3$ のとき、 $y = -12$ である。次の各問いに答えよ。

(1) y を x の式で表せ。

(2) $x = -1$ のときの y の値を求めよ。

(3) $y = -2$ となる x の値を求めよ。

(4) x の変域が、 -3 以上 2 以下のとき、 y の変域を不等号を使って表せ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)		

[解答](1) $y = -4x$ (2) $y = 4$ (3) $x = \frac{1}{2}$ (4) $-8 \leq y \leq 12$

[解説]

(1) y が x に比例するので $y = ax$ とおくことができる。

$x = 3$, $y = -12$ を $y = ax$ に代入すると, $-12 = a \times 3$, $a = -12 \div 3 = -4$

ゆえに, $y = -4x$

(別解) $a = \frac{y}{x} = \frac{-12}{3} = -4$ より, $y = -4x$

(2) $x = -1$ を $y = -4x$ に代入すると, $y = -4 \times (-1) = 4$

(3) $y = -2$ を $y = -4x$ に代入すると, $-2 = -4x$, $x = -2 \div (-4) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$

(4) x の変域は $-3 \leq x \leq 2$ $x = -3$ のとき $y = -4 \times (-3) = 12$

$x = 2$ のとき $y = -4x = -4 \times 2 = -8$ ゆえに y の変域は $-8 \leq y \leq 12$

[x y の表]

[問題](2 学期期末)

y が x に比例しているとき, ①次の表から y と x の関係式を求め, ②表の空欄をうめよ。

x	ア	...	-4	0	2	...	10
y	6	...	2	0	-1	...	イ

[解答欄]

①	②ア	イ
---	----	---

[解答]① $y = -\frac{1}{2}x$ ②ア -12 イ -5

[解説]

y が x に比例するので, $y = ax$ とおくことができる(a は比例定数)。この式に $x = 2$,

$y = -1$ を代入すると, $-1 = a \times 2$, $a = -\frac{1}{2}$ よって関係式は, $y = -\frac{1}{2}x$

(別解) $a = \frac{y}{x} = \frac{-1}{2} = -\frac{1}{2}$ より, $y = -\frac{1}{2}x$

アでは $y=6$ なので $y=-\frac{1}{2}x$ に代入すると、 $6=-\frac{1}{2}x$, $x=-12$

イでは $x=10$ なので $y=-\frac{1}{2}x$ に代入すると、 $y=-\frac{1}{2}\times 10=-5$

[問題](2 学期期末)

次の表は、 y が x に比例しているときの対応の表である。次の各問いに答えよ。

x	-6	イ	-2	0	2
y	ア	12	ウ	エ	-6

(1) 空欄のア～エにあてはまる数を入れよ。

(2) 比例定数を求めよ。

[解答欄]

(1)ア	イ	ウ
エ	(2)	

[解答](1)ア 18 イ -4 ウ 6 エ 0 (2) -3

[解説]

(1) y が x に比例するので $y=ax$ とおくことができる。

表より $x=2$ のとき $y=-6$ 。これを $y=ax$ に代入すると、 $-6=a\times 2$, $a=-6\div 2=-3$

よって $y=-3x$ が成り立つ。

(別解) $a=\frac{y}{x}=\frac{-6}{2}=-3$ より、 $y=-3x$

ア $x=-6$ のとき、 $y=-3\times(-6)=18$

イ $y=12$ のとき、 $12=-3x$, $x=12\div(-3)=-4$

ウ $x=-2$ のとき、 $y=-3\times(-2)=6$

エ $x=0$ のとき、 $y=-3\times 0=0$

(2) 比例の式 $y=ax$ で a が比例定数。 $y=-3x$ なので比例定数は -3

[問題](3 学期)

次の表で表される変数 x , y の関係について, ①~⑧にあてはまることばや式, 数を答えよ。

x	...	-6	-4	-2	0	2	4	6	8	10	12
y	...	-30	-20	-10	0	10	20	30	40	50	60

x と y の関係を式に表すと, (①)となる。これは y が x に(②)していることを示している。このとき比例定数は(③)である。この x , y の関係は, 次のような特徴がある。

- ・ x の値が 2 倍, 3 倍...になると, 対応する y の値は, (④)倍, (⑤)倍...になる。
- ・ x の値が 2 ずつ増加すると, y の値は(⑥)ずつ増加している。したがって, x の値が 1 ずつ増加すると, y の値は(⑦)ずつ増加する。これは(⑧)の値と等しい。

[解答欄]

①	②	③
④	⑤	⑥
⑦	⑧	

[解答]① $y = 5x$ ② 比例 ③ 5 ④ 2 ⑤ 3 ⑥ 10 ⑦ 5 ⑧ 比例定数

[解説]

$y = ax$ とおいて, 例えば $x = 2$, $y = 10$ を代入すると, $10 = a \times 2$, $a = 5$ によって $y = 5x$ これは他の x , y の値についても成り立つ。

【】 さまざまな比例

[水そう]

[問題](2 学期期末)

90L はいる容器に、毎分 6L の割合で水を入れるとき水を入れ始めてから x 分後の水の量を y L とする。このとき、次の各問いに答えよ。

- (1) x と y の関係を式に表せ。
- (2) x の変域を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) $y = 6x$ (2) $0 \leq x \leq 15$

[解説]

(1) (容器にたまった水の量 y (L) = 6(L) × (時間(x 分))なので、

$$y = 6 \times x, \quad y = 6x$$

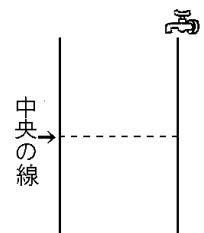
(2) 容器は 90L しかはらない。 $y = 90$ のときの x の値を求める。

$$y = 6x \text{ に } y = 90 \text{ を代入すると, } 90 = 6x, \quad x = 90 \div 6, \quad x = 15$$

したがって、 x の変域は、 $0 \leq x \leq 15$ となる。($x < 0$ や $x > 15$ では $y = 6x$ という式は成り立たない)

[問題](後期期末)

右の図のような高さが 20cm の水そうがある。この水そうに毎分 2cm ずつ水面が高くなるように水を入れていく。この水そうで、中央の線に水面がきたときから x 分後に、水面が中央の線より y cm 高い位置にあるとして、次の各問いに答えよ。



- (1) x と y の関係を式に表せ。
- (2) y の変域を求めよ。
- (3) x の変域を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) $y = 2x$ (2) $-10 \leq y \leq 10$ (3) $-5 \leq x \leq 5$

[解説]

(1) 水面は毎分 2cm ずつ高くなる。中央の線に水面がきたときから x 分後には、水面は中央の線より $2 \times x = 2x$ (cm) 高くなる。したがって、 $y = 2x$ が成り立つ。

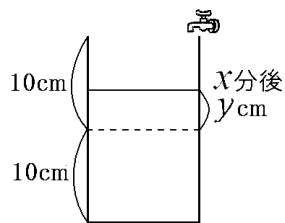
(2) 右図のように、この水そうは、中央の線より上下に 10cm の高さである。中央の線を基準に上を+、下を-で表すと、 y は -10 から +10 の範囲の値をとる。

したがって、 y の変域は、 $-10 \leq y \leq 10$ となる。

(3) $y = 2x$ に $y = 10$ を代入すると、 $10 = 2x$ 、 $x = 10 \div 2$ 、 $x = 5$

$y = 2x$ に $y = -10$ を代入すると、 $-10 = 2x$ 、 $x = (-10) \div 2$ 、 $x = -5$

したがって、 x の変域は、 $-5 \leq x \leq 5$ となる。



[問題](後期中間)

42L 入るタンクが満水になっている。いま、このタンクにつけられている排水管の口を開いて、毎分 3L の割合でタンクから水を抜いていき、タンクが空になったところで排水管の口を閉じる。水を抜き始めてから x 分後のタンクから排水した水の量を y L として、次の各問いに答えよ。

(1) y を x の式で表せ。

(2) 何分後に排水管の口を閉じることになるか。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) $y = 3x$ (2) 14 分後

[解説]

(1) 毎分 3L の割合で排水するので、 x 分後には、 $3 \times x = 3x$ (L) 排水することになる。したがって、 $y = 3x$ が成り立つ。

(2) 42L 入るタンクが満水になっているので、タンクが空になるのは 42L 排水したときである。 $y = 3x$ に $y = 42$ を代入すると、

$42 = 3x$ 、 $x = 42 \div 3$ 、 $x = 14$

したがって、14 分後にタンクが空になり、排水管の口を閉じることになる。

[線香・ろうそく]

[問題](2 学期期末)

火をつけると毎分 2mm ずつ短くなる長さ 12cm のろうそくがある。火をつけてから x 分後のろうそくの、燃えた長さを y mm とするとき、次の各問いに答えよ。

- (1) y を x の式で表せ。
- (2) 何分後に、このろうそくは燃えつきるか。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) $y = 2x$ (2) 60 分

[解説]

(1) (燃えた長さ) = (1 分間に短くなる長さ) × (燃えた時間(分))なので、

$$y = 2 \times x, \quad y = 2x$$

(2) 単位を mm にそろえると、 $12\text{cm} = 120\text{mm}$

$$y = 120 \text{ を } y = 2x \text{ に代入すると, } 120 = 2x \quad \text{ゆえに } x = 60$$

よって 60 分後に燃えつきる。

[問題](後期中間)

長さ 16cm の線香を燃やす。線香の燃えた長さは、燃やした時間に比例し、線香を 5 分間燃やしたとき、2cm 燃えた。 x 分後の燃えた長さを y cm とし、次の各問いに答えよ。

- (1) y を x の式で表せ。
- (2) x の変域を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) $y = 0.4x$ (2) $0 \leq x \leq 40$

[解説]

(1) 線香の燃えた長さ(y cm)は、燃やした時間(x 分)に比例するので、

$y = ax$ (a は比例定数)とおくことができる。

「5 分間燃やしたとき、2cm 燃えた」とあるので、 $x = 5$ のとき、 $y = 2$ になる。

$$x = 5, \quad y = 2 \text{ を } y = ax \text{ に代入すると, } 2 = a \times 5, \quad a = 2 \div 5, \quad a = 0.4$$

よって、 $y = 0.4x$ (別解： $a = \frac{y}{x} = \frac{2}{5} = 0.4$)

(2) この線香の長さは 16cm なので、 y の変域は、 $0 \leq y \leq 16$ である。

$y = 16$ を $y = 0.4x$ に代入すると、 $16 = 0.4x$ 、 $x = 16 \div 0.4$ 、 $x = 40$

したがって、 x の変域は $0 \leq x \leq 40$ となる。

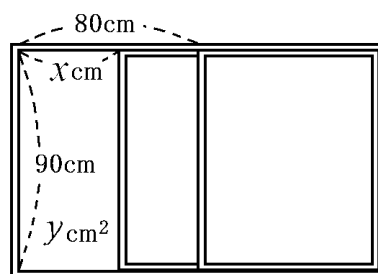
[その他]

[問題](2 学期期末)

右の図で、しまっている窓を開けるとき、開けた部分の横の長さを x cm、開けた部分の面積を y cm² として、各問いに答えよ。

(1) 次の x と y の対応の表において、アにあてはまる数を求めよ。

x (cm)	0	20	40	60	80
y (cm ²)	0	1800	3600	ア	7200



(2) x の値が 2 倍、3 倍、4 倍・・・と変わるとき、それに対応する y の値はどのように変わるか。

(3) y は x に比例するか。

(4) y を x の式で表せ。

(5) x の変域を $30 \leq x \leq 60$ とするとき、 y の変域を、不等号を使って表せ。

[解答欄]

(1)	(2)	
(3)	(4)	(5)

[解答](1) 5400 (2) 2 倍、3 倍、4 倍・・・と変わる。 (3) 比例する (4) $y = 90x$

(5) $2700 \leq y \leq 5400$

[解説]

(1) (開けた部分の面積) = (縦の長さ) × (横の長さ) = $90 \times 60 = 5400$

(2) x が 20、40、60、80 と 2 倍、3 倍、4 倍・・・と変わるとき、

y も 1800、3600、5400、7200 と 2 倍、3 倍、4 倍・・・と変わる。

(3) x が 2 倍, 3 倍, 4 倍... と変わるとき, それに対応する y の値も 2 倍, 3 倍, 4 倍... と変わるので, 比例といえる。

(4) (開けた部分の面積) = (縦の長さ) × (横の長さ) なので, $y = 90 \times x$, $y = 90x$

(5) $x = 30$ のとき, $y = 90x = 90 \times 30 = 2700$

(1) より, $x = 60$ のとき, $y = 5400$

よって, y の変域は, $2700 \leq y \leq 5400$

[問題](2 学期期末)

400 枚の紙のたばの厚さは 3.2cm である。これと同じ紙について, 次の各問いに答えよ。

(1) 厚さ x cm の紙のたばの枚数を y 枚として, y を x の式で表せ。

(2) 厚さが 12cm のとき, 紙たばの枚数を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) $y = 125x$ (2) 1500 枚

[解説]

(1) 400 枚の紙のたばの厚さが 3.2cm なので,

厚さが 1cm のときの枚数は $400 \div 3.2 = 125$ 枚

よって, 厚さが x cm のときの枚数は, $125 \times x = 125x$ ゆえに, $y = 125x$

(2) $y = 125x$ に $x = 12$ を代入すると,

$y = 125 \times 12 = 1500$ ゆえに 1500 枚

[問題](2 学期期末)

ばねののびがおもりの重さに比例するばねがある。このばねに 40g のおもりをつるしたところ, ばねが 2cm のびた。次の各問いに答えよ。

(1) おもりの重さが 1g 増えると, ばねは何 cm のびるか。

(2) x g のおもりをつるすと, y cm のびるとして, 次のような式をつくった。()
にあてはまる数を入れよ。

$$x \times (\quad) = y$$

(3) 240g のおもりをつるしたときのばねののびは何 cm か。

(4) (2) の x の変域を $0 \leq x \leq 600$ とするとき, y の変域を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)		

[解答](1) 0.05cm (2) 0.05 (3) 12cm (4) $0 \leq y \leq 30$

[解説]

(1) 40g のおもりではばねが 2cm のびたので、1g では $2 \div 40 = 0.05\text{cm}$ のびる。

(2) 1g で 0.05cm のびるので、 x g では、 $0.05 \times x = 0.05x$ のびる。

ゆえに、 $y = 0.05x$

(3) $y = 0.05x$ に $x = 240$ を代入すると、 $y = 0.05 \times 240 = 12$

よって、12cm のびる。

(4) $x = 0$ のとき $y = 0.05 \times 0 = 0$ 、 $x = 600$ のとき、 $y = 0.05 \times 600 = 30$

よって、 y の変域は、 $0 \leq y \leq 30$

【】座標・グラフ

【】座標

[座標軸・原点]

[問題](2 学期期末)

次の文中の①, ②に適語を入れよ。

座標軸は x 軸と(①)が垂直に交わっている。交わった点を(②)といい、点 O で表す。

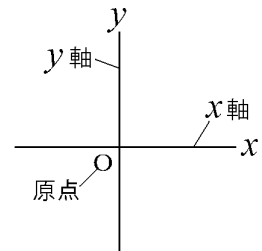
[解答欄]

①	②
---	---

[解答]① y 軸 ② 原点

[解説]

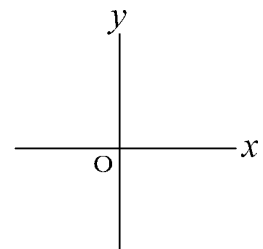
右の図のように、点 O で垂直に交わる 2 つの数直線を考える。このとき、横の数直線を x 軸、縦の数直線を y 軸、両方をあわせて座標軸という。座標軸が交わる点 O を原点という。



[問題](2 学期期末)

次の文中の①~④に適語を入れよ。

右の図のように、点 O で垂直に交わる 2 つの数直線を考えると、横の数直線を(①), 縦の数直線を(②), 両方をあわせて(③)といい、(③)の交点 O を(④)という。



[解答欄]

①	②	③
④		

[解答]① x 軸 ② y 軸 ③ 座標軸 ④ 原点

[点の座標を読む]

[問題](2 学期期末)

右の図の点 A, B, C の座標を答えよ。

[解答欄]

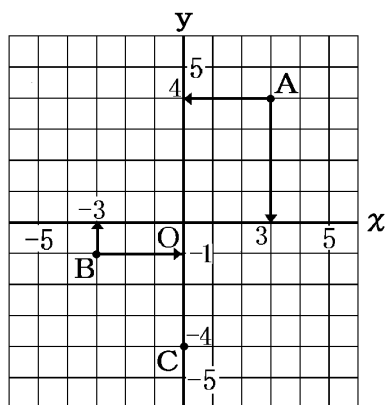
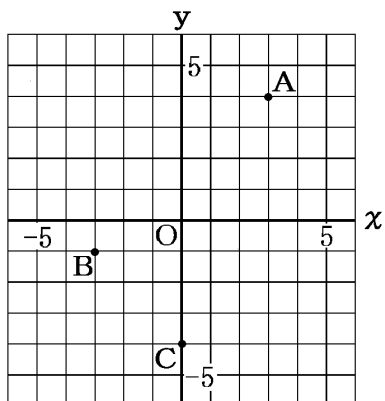
A
B
C

[解答]A(3, 4) B(-3, -1) C(0, -4)

[解説]

右図のように、点 A から x 軸に垂線を引くと、 x 座標が 3 のところで x 軸と交わる。また、点 A から y 軸に垂線を引くと、 y 座標が 4 のところで y 軸と交わる。このとき、点 A の x 座標は 3 で、 y 座標は 4 であるという。ある点の座標は、(x 座標), (y 座標) で表す。点 A の座標は(3, 4) となる。

同様にして、点 B の座標は(-3, -1)となる。
点 C の x 座標は 0, y 座標は -4 なので、点 C の座標は(0, -4)となる。



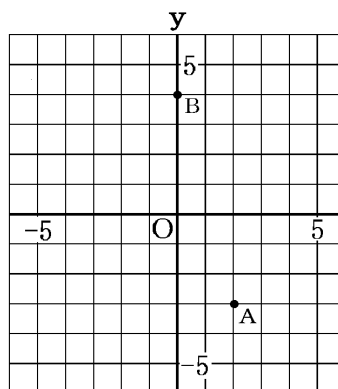
[問題](2 学期期末)

次の、点 A, 点 B の座標を答えよ。

[解答欄]

A
B

[解答]A(2, -3), B(0, 4)



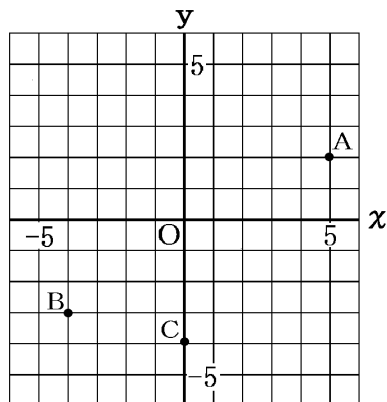
[問題](3 学期)

右の図について、点 A, B, C の座標を答えよ。

[解答欄]

A
B
C

[解答]A(5, 2) B(-4, -3) C(0, -4)



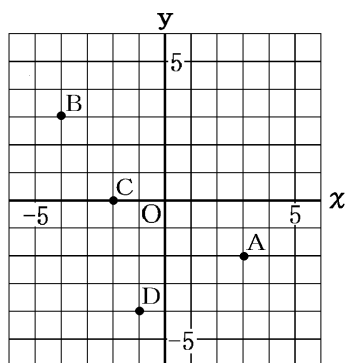
[問題](2 学期期末)

右の図で、点 A~D の座標を答えよ。

[解答欄]

A	B
C	D

[解答]A(3, -2), B(-4, 3), C(-2, 0), D(-1, -4)



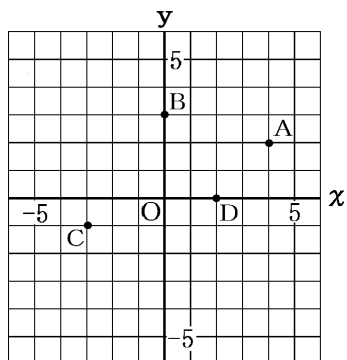
[問題](2 学期期末)

右の図で、それぞれの点の座標を答えよ。

[解答欄]

A	B
C	D

[解答]A(4, 2), B(0, 3), C(-3, -1), D(2, 0)



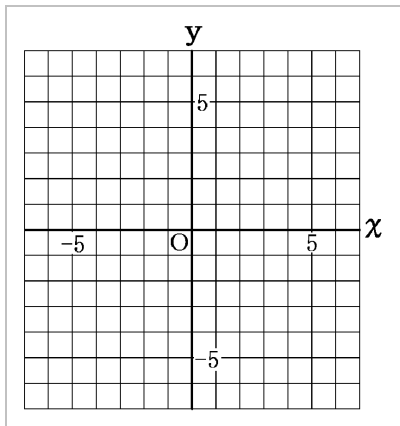
[点の座標を書き入れる]

[問題](3学期)

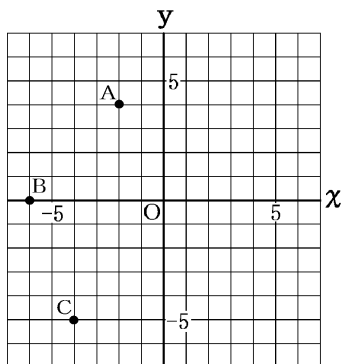
次の点 A, B, C を解答欄のグラフに書き入れよ。

A(-2, 4) B(-6, 0) C(-4, -5)

[解答欄]

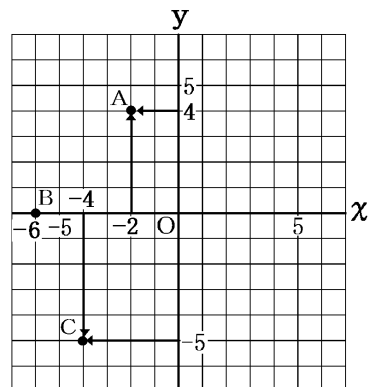


[解答]



[解説]

点 A の座標は(-2, 4)なので、 x 座標は-2、 y 座標は4である。右図のように、 x 軸上の-2と、 y 軸上の4からそれぞれ垂線を引き、交わった点がAである。

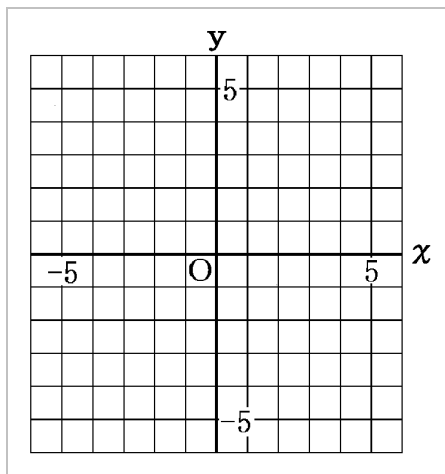


[問題](2 学期期末)

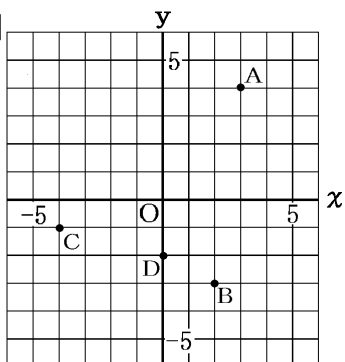
次の点 A~D を解答欄の図に示せ。

A(3, 4) B(2, -3) C(-4, -1) D(0, -2)

[解答欄]



[解答]

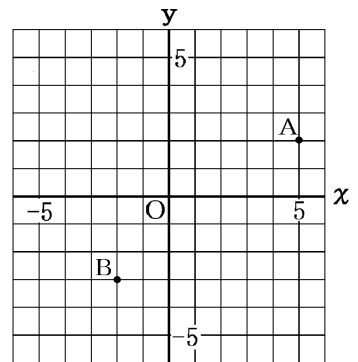


[問題](2 学期期末)

右の図で点 A, B の座標を求めよ。また, 解答用紙に下の点 D, E, F の位置を示せ。

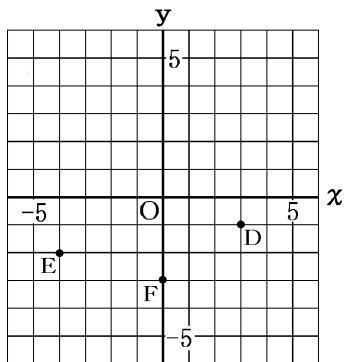
$D(3, -1)$, $E(-4, -2)$, $F(0, -3)$

[解答欄]



A	B

[解答] $A(5, 2)$, $B(-2, -3)$



[点の移動]

[問題](3 学期)

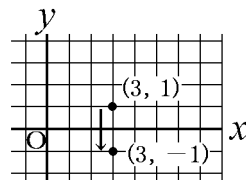
点(3, 1)を下へ 2 移動した点の座標を求めよ。

[解答欄]

[解答](3, -1)

[解説]

右図のように点(3, 1)を下へ2移動すると、y座標が2小さくなる。よって移動した点の座標は(3, -1)である。



[問題](2学期期末)

次の点の座標を答えよ。

- ① 点A(-3, 2)を上へ5だけ移動した点Pの座標。
- ② 点B(1, -2)を左へ4だけ移動した点Qの座標。
- ③ 点C(-1, 1)を右へ5, 上へ3だけ移動した点Rの座標。

[解答欄]

①	②	③
---	---	---

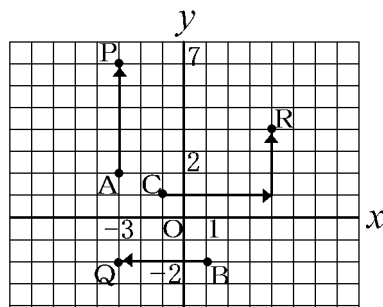
[解答]① P(-3, 7) ② Q(-3, -2) ③ R(4, 4)

[解説]

① 右図のように、点A(-3, 2)を上へ5だけ移動した点Pのy座標は、 $2+5=7$ になるので、P(-3, 7)となる。

② 右図のように、点B(1, -2)を左へ4だけ移動した点Qのx座標は、 $1-4=-3$ になるので、Q(-3, -2)となる。

③ 右図のように、点C(-1, 1)を右へ5, 上へ3だけ移動した点Rのx座標は $-1+5=4$, y座標は $1+3=4$ になるので、R(4, 4)となる。



[問題](2学期期末)

点A(2, 4)について、次の各問いに答えよ。

- (1) 点Aとx軸について対称な点Bの座標を求めよ。
- (2) 点Aとy軸について対称な点Cの座標を求めよ。
- (3) 点Aと原点について対称な点Dの座標を求めよ。

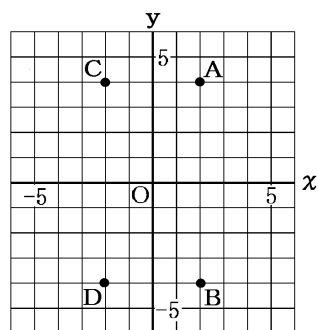
[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) B(2, -4) (2) C(-2, 4) (3) D(-2, -4)

[解説]

- (1) x 軸について対称な点 B は, y 座標の符号が反対になる。よって $B(2, -4)$
- (2) y 軸について対称な点 C は, x 座標の符号が反対になる。よって $C(-2, 4)$
- (3) 原点について対称な点 D は, x 座標と y 座標の符号がともに反対になる。よって $D(-2, -4)$



[座標と面積など]

[問題](3 学期)

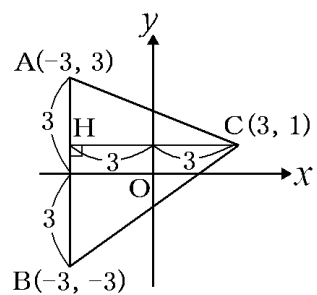
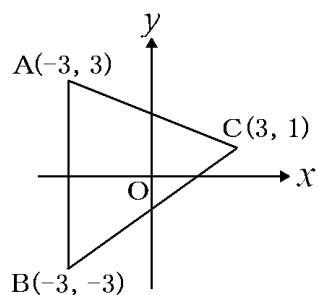
右の座標軸上にある $\triangle ABC$ の面積を求めよ。
ただし, グラフ 1 目盛りは 1cm とする。

[解答欄]

[解答] 18cm^2

[解説]

右図のように, AB を底辺, CH を高さとする。
図より, $AB=6(\text{cm})$, $CH=6(\text{cm})$ であるので,
 $(\triangle ABC \text{ の面積}) = (\text{底辺}) \times (\text{高さ}) \div 2$
 $= 6(\text{cm}) \times 6(\text{cm}) \div 2 = 18(\text{cm}^2)$



[問題](2 学期期末)

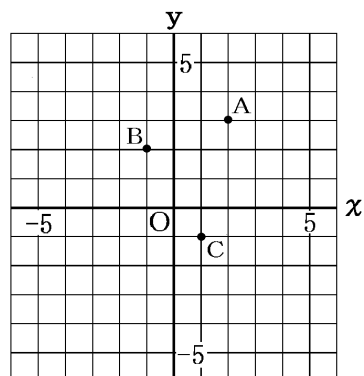
右の図において, 次の問いに答えよ。

- (1) 点 A の座標を求めよ。
- (2) 1 目盛りを 1cm とするとき, 三角形 ABC の面積を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答] (1) $A(2, 3)$ (2) 5.5cm^2



[解説]

右図のように D, E, F をとる。

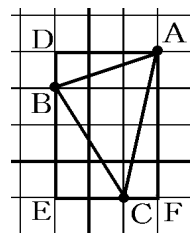
(長方形ADEFの面積) $=4 \times 3 = 12 \text{ cm}^2$

(三角形ABDの面積) $=3 \times 1 \div 2 = 1.5 \text{ cm}^2$

(三角形BCEの面積) $=2 \times 3 \div 2 = 3 \text{ cm}^2$

(三角形ACFの面積) $=1 \times 4 \div 2 = 2 \text{ cm}^2$

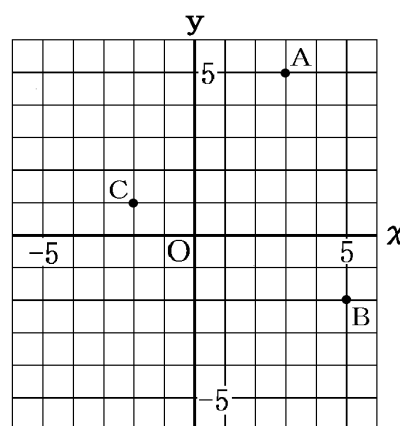
ゆえに(三角形ABCの面積) $=12 - 1.5 - 3 - 2 = 5.5 \text{ cm}^2$



[問題](3 学期)

右の図について、次の問いに答えよ。

- (1) 点 A, B, C の座標を求めよ。
- (2) x 軸について、点 A と対称な点の座標を求めよ。
- (3) 原点 O について、点 B と対称な点の座標を求めよ。
- (4) 点 A を通り $\triangle ABC$ の面積を 2 等分する直線と、辺 BC の交点を P とする。このとき、点 P の座標を求めよ。



[解答欄]

(1)A	B	C
(2)	(3)	(4)

[解答](1)A(3, 5), B(5, -2), C(-2, 1) (2) (3, -5) (3) (-5, 2)

(4) P(1.5, -0.5)

[解説]

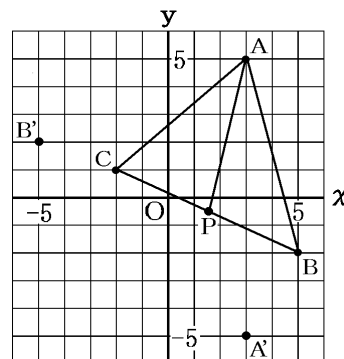
(2) x 軸について点 A と対称な点 A' は y 座標の符号が反対になる。よって、A'(3, -5)

(3) 原点 O について点 B と対称な点 B' は x 座標、 y 座標ともに符号が反対になる。よって、B'(-5, 2)

(4) 面積を 2 等分するので P は線分 BC の中点になる。

(x 座標) $=\{(B \text{ の } x \text{ 座標})+(C \text{ の } x \text{ 座標})\} \div 2 = (5-2) \div 2 = 1.5$

(y 座標) $=\{(B \text{ の } y \text{ 座標})+(C \text{ の } y \text{ 座標})\} \div 2 = (-2+1) \div 2 = -0.5$ よって P(1.5, -0.5)



[問題](3 学期)

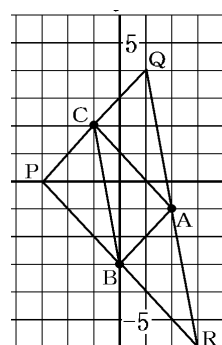
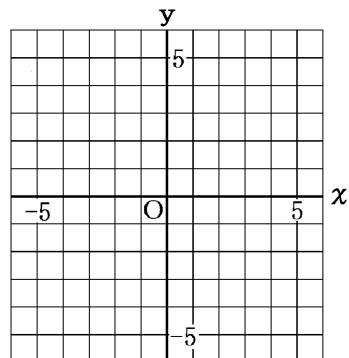
平行四辺形の 3 つの頂点がそれぞれ, $(2, -1)$, $(0, -3)$, $(-1, 2)$ であるとき, もう 1 つの頂点の座標をすべて求めよ。

[解答欄]

[解答] $(-3, 0)$, $(1, 4)$, $(3, -6)$

[解説]

与えられた 3 点を A, B, C とすると,
平行四辺形のもう 1 つの頂点になるのは図の
 $P(-3, 0)$, $Q(1, 4)$, $R(3, -6)$



【】 比例のグラフ

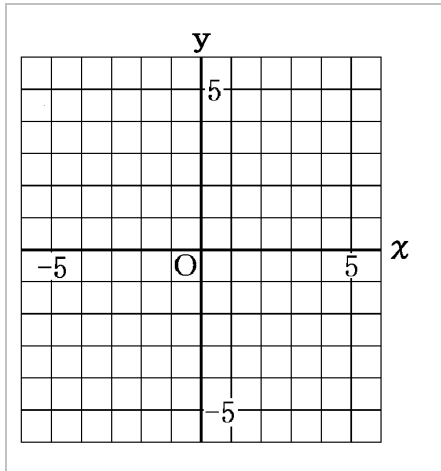
[比例のグラフをかく]

[問題](2 学期期末)

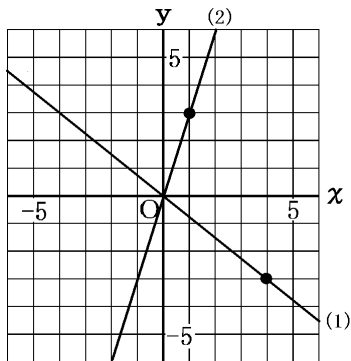
次のグラフを書け。

(1) $y = -\frac{3}{4}x$ (2) $y = 3x$

[解答欄]



[解答]



[解説]

* $y = ax$ は原点を通る。原点ともう 1 つの点をとって、この 2 点を通る直線を引く。

(1) $x = 4$ のとき、 $y = -\frac{3}{4}x = -\frac{3}{4} \times 4 = -3$ よって $(4, -3)$ と原点を通る直線をかく。

$x = 1$ などを選ぶと y が分数になり、正確な座標をかくことができない。分数の場合は分母の倍数を x とする。

(2) $x = 1$ のとき、 $y = 3x = 3 \times 1 = 3$ よって $(1, 3)$ と原点を通る直線をかく。

[問題](2 学期期末)

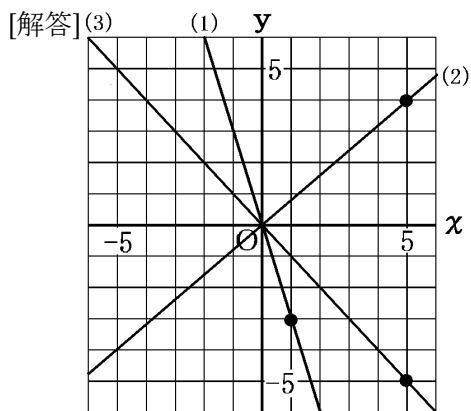
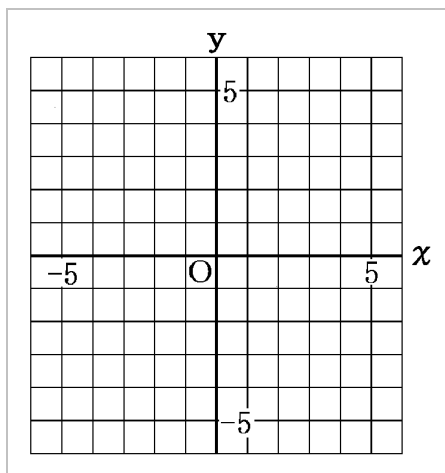
次の式のグラフを書け。

(1) $y = -3x$

(2) $y = \frac{4}{5}x$

(3) $y = -x$

[解答欄]



[解説]

* $y = ax$ は原点を通る。原点ともう 1 つの点をとって、この 2 点を通る直線を引く。

(1) $x=1$ のとき、 $y = -3x = -3 \times 1 = -3$ よって $(1, -3)$ と原点を通る直線をかく。

(2) 分数の場合は分母の倍数を x とおいて、 y を整数になるようにする。

$x=5$ のとき、 $y = \frac{4}{5}x = \frac{4}{5} \times 5 = 4$ よって $(5, 4)$ と原点を通る直線をかく。

(3) $x=5$ のとき $y = -x = -5$ よって $(5, -5)$ と原点を通る直線をかく。

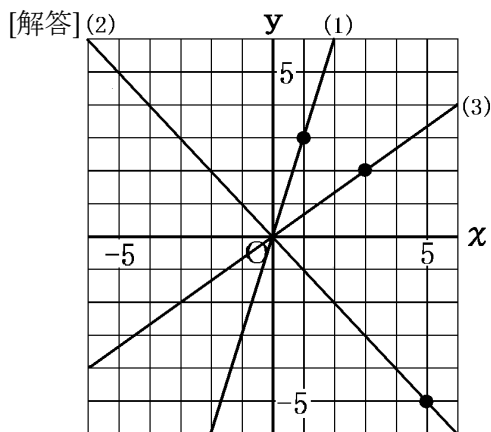
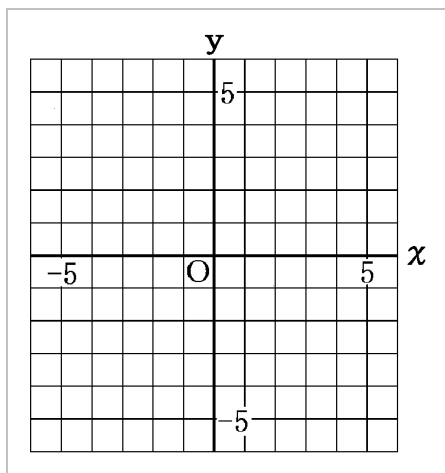
($x=1$ でもよいが、できるだけ絶対値が大きい方が正確に書きやすい)

[問題](2 学期期末)

次のグラフをかけ。グラフには番号をつけること。

- (1) $y = 3x$ (2) $y = -x$ (3) $y = \frac{2}{3}x$

[解答欄]



[解説]

* $y = ax$ は原点を通る。原点ともう 1 つの点をとって、この 2 点を通る直線を引く。

(1) $x = 1$ のとき、 $y = 3x = 3 \times 1 = 3$ よって(1, 3) と原点を通る直線をかく。

(2) $x = 5$ のとき $y = -x = -5$ よって(5, -5) と原点を通る直線をかく。

($x = 1$ でもよいが、できるだけ絶対値が大きい方が正確に書きやすい)

(3) 分数の場合は分母の倍数を x とおいて、 y を整数になるようにする。

$x = 3$ のとき、 $y = \frac{2}{3}x = \frac{2}{3} \times 3 = 2$ よって(3, 2) と原点を通る直線をかく。

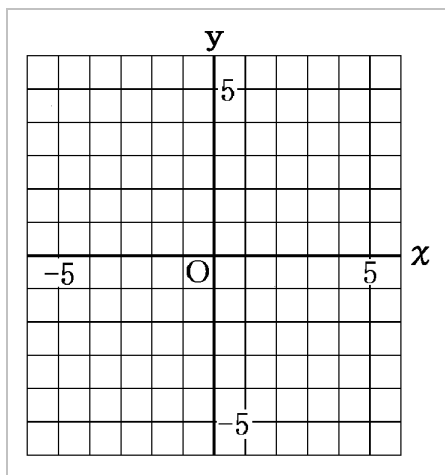
[問題](2 学期期末)

次の比例のグラフをかけ。

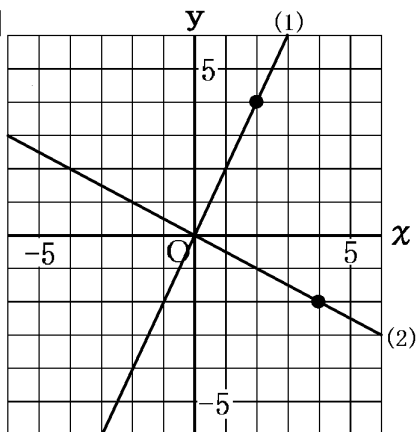
(1) $y = 2x$

(2) $y = -\frac{1}{2}x$

[解答欄]



[解答]



[解説]

* $y = ax$ は原点を通る。原点ともう 1 つの点をとって、この 2 点を通る直線を引く。

(1) $x = 2$ のとき $y = 2x = 2 \times 2 = 4$ よって $(2, 4)$ と原点を通る直線をかく。

($x = 1$ でもよいが、できるだけ絶対値が大きい方が正確に書きやすい)

(2) 分数の場合は分母の倍数を x とおいて、 y を整数になるようにする。

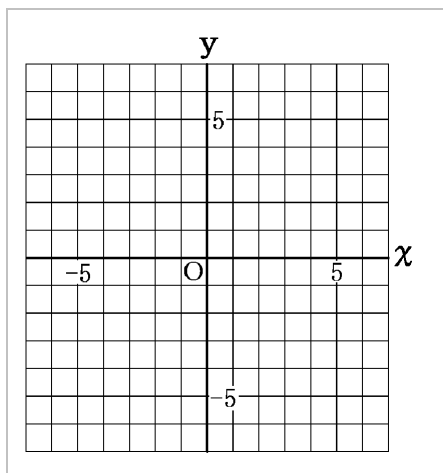
$x = 4$ のとき、 $y = -\frac{1}{2}x = -\frac{1}{2} \times 4 = -2$ よって $(4, -2)$ と原点を通る直線をかく。

[問題](3 学期)

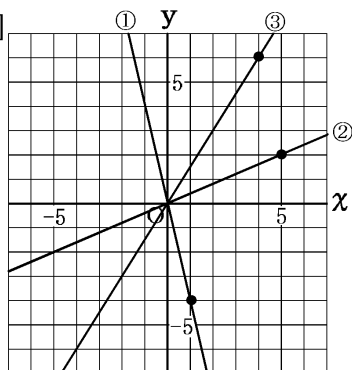
次のア～ウのグラフをかけ。

ア $y = -4x$ イ $y = \frac{2}{5}x$ ウ $y = 1.5x$

[解答欄]



[解答]



[解説]

* $y = ax$ は原点を通る。原点ともう 1 つの点をとって、この 2 点を通る直線を引く。

ア $x = 1$ のとき、 $y = -4x = -4 \times 1 = -4$ よって $(1, -4)$ と原点を通る直線をかく。

イ 分数の場合は分母の倍数を x おいて、 y を整数になるようにする。

$x = 5$ のとき、 $y = \frac{2}{5}x = \frac{2}{5} \times 5 = 2$ よって $(5, 2)$ と原点を通る直線をかく。

ウ 小数の場合は y が整数になるような x を選ぶ。

$x = 4$ のとき、 $y = 1.5x = 1.5 \times 4 = 6$ よって $(4, 6)$ と原点を通る直線をかく。

[問題](後期中間)

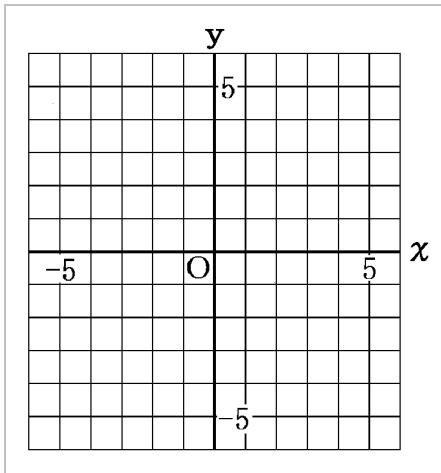
次の比例のグラフを書け。

(1) $y = 2x$

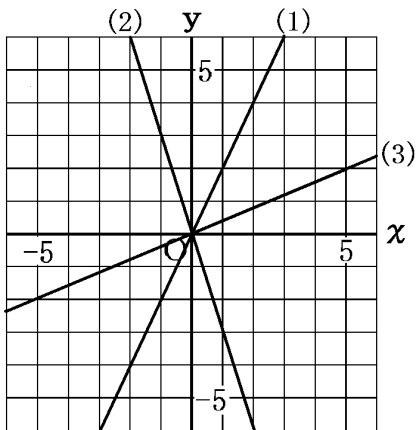
(2) $y = -3x$

(3) $y = 0.4x$

[解答欄]



[解答]



[解説]

* $y = ax$ は原点を通る。原点ともう 1 つの点をとって、この 2 点を通る直線を引く。

(1) $x = 1$ のとき、 $y = 2 \times 1 = 2$ よって(1, 2) と原点を通る直線をかく。

(2) $x = 1$ のとき、 $y = -3 \times 1 = -3$ よって(1, -3) と原点を通る直線をかく。

(3) $x = 5$ のとき $y = 0.4 \times 5 = 2$ よって(5, 2) と原点を通る直線をかく。

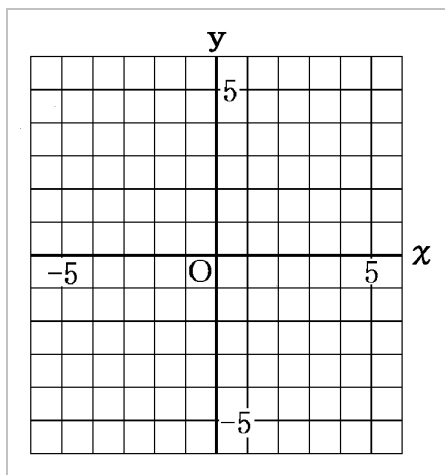
[問題](2 学期期末)

解答用紙の図に次のグラフをかけ。

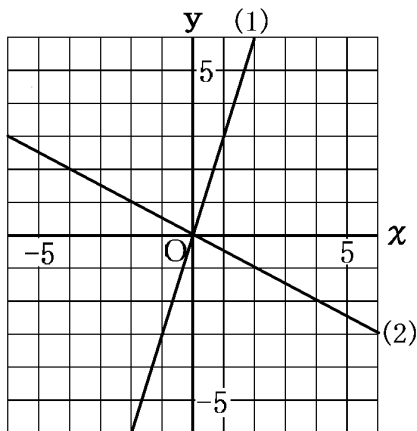
(1) $y = 3x$

(2) $y = -\frac{1}{2}x$

[解答欄]



[解答]



[解説]

* $y = ax$ は原点を通る。原点ともう 1 つの点をとって、この 2 点を通る直線を引く。

(1) $x = 1$ のとき、 $y = 3 \times 1 = 3$ よって $(1, 3)$ と原点を通る直線をかく。

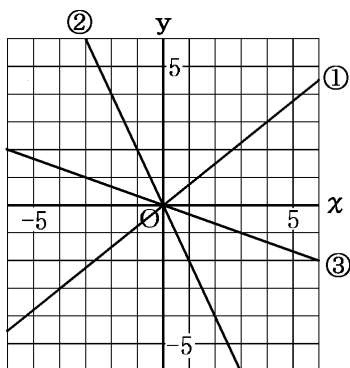
(2) y の値を整数にするために x は 2 の倍数を選ぶ。

$x = 2$ のとき、 $y = -\frac{1}{2} \times 2 = -1$ よって $(2, -1)$ と原点を通る直線をかく。

[グラフから比例の式を求める]

[問題](2 学期期末)

次の図の①～③のグラフについて、 y を x の式で表せ。



[解答欄]

①	②	③
---	---	---

[解答]① $y = \frac{3}{4}x$ ② $y = -2x$ ③ $y = -\frac{1}{3}x$

[解説]

グラフから適当な点を選んで、その x 座標と y 座標を $y = ax$ に代入して a を求める。

① グラフが(4, 3)を通るので、 $x = 4$, $y = 3$ を $y = ax$ に代入すると、

$$3 = a \times 4, \quad a = \frac{3}{4} \quad \text{ゆえに直線の式は } y = \frac{3}{4}x$$

② グラフが(1, -2)を通るので、 $x = 1$, $y = -2$ を $y = ax$ に代入すると、

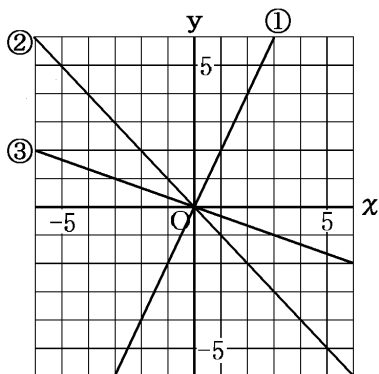
$$-2 = a \times 1, \quad a = -2 \quad \text{ゆえに直線の式は } y = -2x$$

③ グラフが(3, -1)を通るので、 $x = 3$, $y = -1$ を $y = ax$ に代入すると、

$$-1 = a \times 3, \quad a = -\frac{1}{3} \quad \text{ゆえに直線の式は } y = -\frac{1}{3}x$$

[問題](2 学期期末)

次の①～③のグラフについて、 y を x の式で表せ。



[解答欄]

①	②	③
---	---	---

[解答]① $y = 2x$ ② $y = -x$ ③ $y = -\frac{1}{3}x$

[解説]

①～③は原点を通る直線なので比例のグラフで $y = ax$ とおくことができる。

①はグラフより $x=1$ のとき、 $y=2$ なので、これを $y = ax$ に代入。 $2 = a \times 1$ よって $a = 2$ ゆえにグラフの式は、 $y = 2x$

②はグラフより $x=1$ のとき、 $y=-1$ なので、これを $y = ax$ に代入。 $-1 = a \times 1$ よって $a = -1$ ゆえにグラフの式は $y = -x$

③はグラフより $x=3$ のとき、 $y=-1$ なので、これを $y = ax$ に代入。 $-1 = a \times 3$

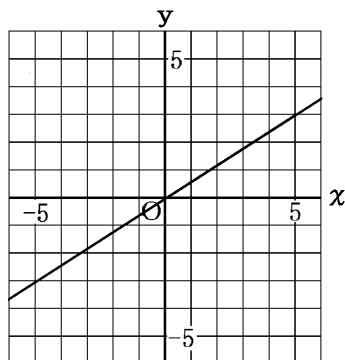
よって、グラフの式は $y = -\frac{1}{3}x$

[問題](2 学期期末)

グラフが右図のようになる比例の式を求めよ。

[解答欄]

[解答] $y = \frac{3}{5}x$



[解説]

* グラフから適当な点を選んで、その x 座標と y 座標を $y = ax$ に代入して a を求める。
 求める式を $y = ax$ とおく。

グラフが (5, 3) を通るので、 $x = 5$ 、 $y = 3$ を $y = ax$ に代入すると、

$$3 = a \times 5, \quad a = \frac{3}{5} \quad \text{よって } y = \frac{3}{5}x$$

[問題](2 学期期末)

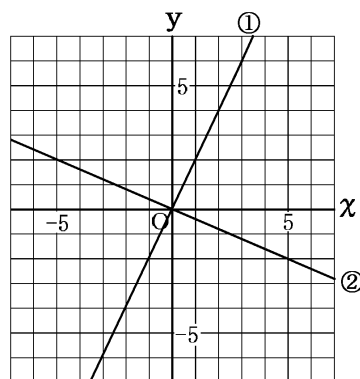
右の図で①、②のグラフの式を求めよ。また、次のア、イの式のグラフをかけ。

ア $y = -2x$

イ $y = \frac{3}{5}x$

[解答欄]

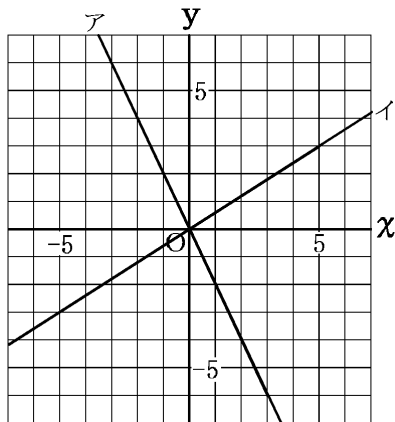
①	②
---	---



y

x

[解答]① $y = 2x$ ② $y = -\frac{2}{5}x$



[解説]

①, ②は原点を通る直線なので比例のグラフで $y = ax$ とおくことができる。①では、グラフより $x=1$ のとき、 $y=2$ なので、これを $y = ax$ に代入。 $2 = a \times 1$ よって $a = 2$ ゆえにグラフの式は、 $y = 2x$

②は、グラフより $x=5$ のとき、 $y=-2$ なので、これを $y = ax$ に代入。 $-2 = a \times 5$

よって $a = -\frac{2}{5}$ ゆえにグラフの式は $y = -\frac{2}{5}x$

$y = ax$ は原点を通る。原点ともう1つの点をとって、この2点を通る直線を引く。

ア $x=3$ のとき $y = -2x = -2 \times 3 = -6$ よって $(3, -6)$ と原点を通る直線をかく。

* $x=1$ を代入してもよいが、グラフに収まる範囲で、できるだけ大きい数を代入した方がより正確にかくことができる。

イ $x=5$ のとき $y = \frac{3}{5} \times 5 = 3$ よって $(5, 3)$ と原点を通る直線をかく。

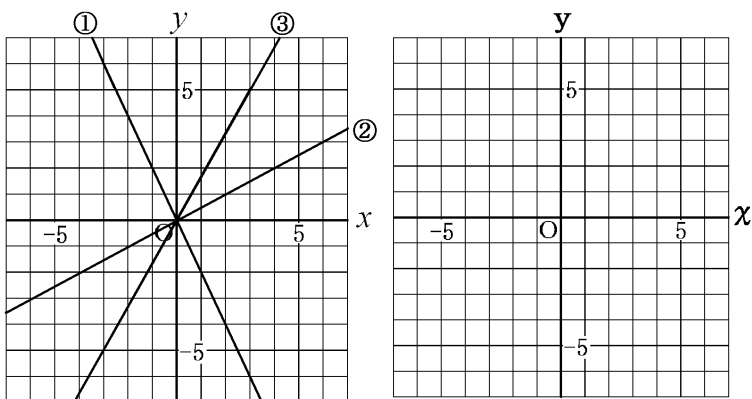
[問題](2学期期末)

次の比例のグラフ①～③について、 y を x の式で表せ。また、④～⑥のグラフをかけ。

④ $y = 3x$

⑤ $y = -\frac{1}{2}x$

⑥ $3y = 2x$



[解答欄]

①	②	③

[解答]① $y = -2x$ ② $y = \frac{1}{2}x$ ③ $y = \frac{5}{3}x$

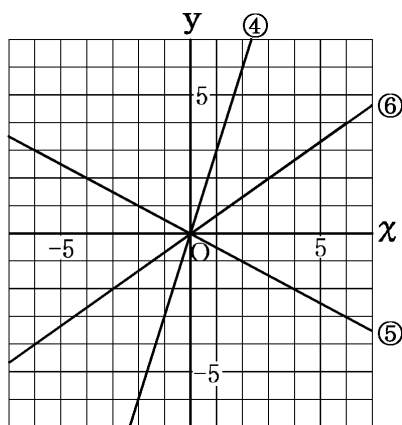
[解説]

①～③は原点を通る直線なので比例のグラフで $y = ax$ とおくことができる。

①はグラフより $x=1$ のとき、 $y=-2$ なので、これを $y = ax$ に代入。 $-2 = a \times 1$ よって $a = -2$ ゆえにグラフの式は、 $y = -2x$

②はグラフより $x=2$ のとき、 $y=1$ なので、これを

$y = ax$ に代入。 $1 = a \times 2$ よって $a = \frac{1}{2}$ ゆえにグラフの式は、 $y = \frac{1}{2}x$



③はグラフより $x=3$ のとき、 $y=5$ なので、これを $y=ax$ に代入。 $5=a \times 3$ よって

$$a = \frac{5}{3} \quad \text{ゆえにグラフの式は、} y = \frac{5}{3}x$$

* $y=ax$ は原点を通る。原点ともう1つの点をとって、この2点を通る直線を引く。

④ $y=3x$: $x=1$ のとき、 $y=3 \times 1=3$ よって(1, 3) と原点を通る直線をかく。

⑤ $y=-\frac{1}{2}x$: $x=2$ のとき $y=-\frac{1}{2} \times 2=-1$ よって(2, -1) と原点を通る直線をか
く。

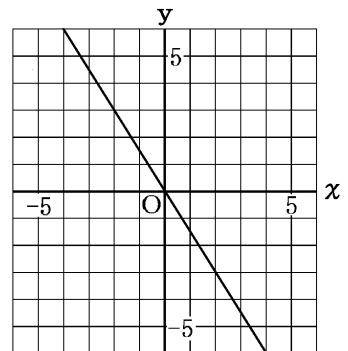
⑥ $3y=2x$ を変形すると、 $y=\frac{2}{3}x$

$x=3$ のとき $y=\frac{2}{3} \times 3=2$ よって(3, 2) と原点を通る直線をかく。

[問題](2 学期期末)

右の比例のグラフについて、次の問いに答えよ。

- (1) このグラフを表す比例の式を求めよ。
- (2) このグラフが $(b, -9)$ を通るとき、 b の値を求めよ。



[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) $y = -\frac{3}{2}x$ (2) $b = 6$

[解説]

(1) 求める式を $y=ax$ とおく。グラフが(2, -3)を通るので、 $x=2$ 、 $y=-3$ を $y=ax$

に代入すると、 $-3=a \times 2$ 、 $a=-\frac{3}{2}$ ゆえに $y=-\frac{3}{2}x$

(2) $x=b$ 、 $y=-9$ を $y=-\frac{3}{2}x$ に代入すると、

$$-9 = -\frac{3}{2}b \quad \text{両辺を} -\frac{3}{2} \text{で割ると、} b = -9 \div \left(-\frac{3}{2}\right) = -9 \times \left(-\frac{2}{3}\right) = 6$$

[問題](2 学期期末)

次の①～⑤のグラフの式をア～オの中から選
べ。

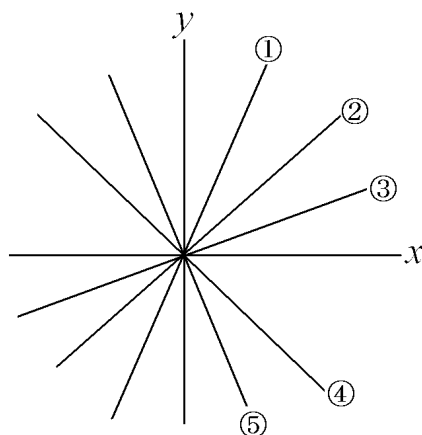
ア $y = -3x$

イ $y = x$

ウ $y = \frac{1}{3}x$

エ $y = -x$

オ $y = 2x$



[解答欄]

①	②	③
④	⑤	

[解答]① オ ② イ ③ ウ ④ エ ⑤ ア

[解説]

②が x 軸となす角は 45° ぐらいなので、傾きは 1 と判断できる。よって②の式はイ $y = x$
①の傾きは正で 1 より大きい。したがってオ $y = 2x$ と判断できる。③の傾きは正で 1
より小さいので、ウ $y = \frac{1}{3}x$ と考えられる。

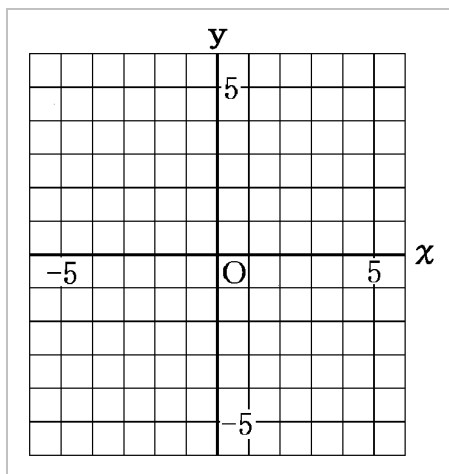
④が x 軸となす角は 45° ぐらいで、右下がりなので、傾きは -1 と判断できる。したが
って、④の式はエ $y = -x$ と判断できる。⑤は右下がりなので傾きは負で、その絶対
値は 1 より大きいので、⑤はア $y = -3x$ と判断できる。

[変域がある場合]

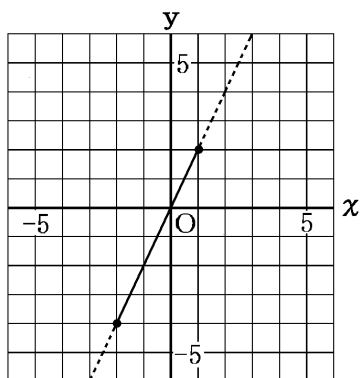
[問題](2学期期末)

$y = 2x$ ($-2 \leq x \leq 1$) のグラフをかけ。

[解答欄]



[解答]



[解説]

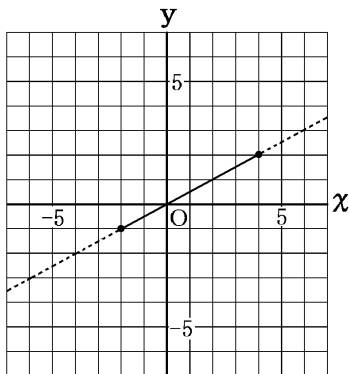
$x = -2$ を $y = 2x$ に代入すると、 $y = 2 \times (-2) = -4$ となるので、
グラフは $(-2, -4)$ を通る。

$x = 1$ を $y = 2x$ に代入して、 $y = 2 \times 1 = 2$ となるので、
グラフは $(1, 2)$ を通る。

$(-2, -4)$ と $(1, 2)$ を通る直線をひく。ただし、 $-2 \leq x \leq 1$ の部分は実線で、それ以外の部分は点線でかく。

[問題](2学期中間)

次のグラフの式を求めよ。



[解答欄]

[解答] $y = \frac{1}{2}x \ (-2 \leq x \leq 4)$

[解説]

原点を通る直線なので比例で、式は $y = ax$ とおくことができる。点(4, 2)を通るので、 $x = 4$, $y = 2$ を $y = ax$ に代入すると、

$$2 = a \times 4, \quad a = 2 \div 4 = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

よって、直線の式は、 $y = \frac{1}{2}x$ である。

グラフより、 x の変域は、 $-2 \leq x \leq 4$ である。

[問題](2学期期末)

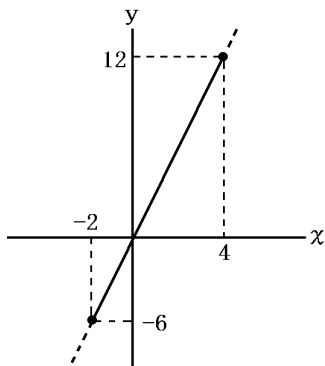
x と y の関係が、 $y = 3x$ のとき、 x の変域 $-2 \leq x \leq 4$ に対する y の変域を求めよ。

[解答欄]

[解答] $-6 \leq y \leq 12$

[解説]

次のグラフより， x の変域 $-2 \leq x \leq 4$ に対する y の変域は， $-6 \leq y \leq 12$ である。



[その他]

[問題](2 学期期末)

次のア～エの比例の式について，次の問いに答えよ。

ア $y = 2x$ イ $y = -4x$ ウ $y = -\frac{1}{3}x$ エ $y = x$

- (1) グラフが右上がりになるものをすべて選び記号で答えよ。
- (2) x の値が増加するとき， y の値が減少するものをすべて選び記号で答えよ。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) ア，エ (2) イ，ウ

[解説]

比例のグラフ $y = ax$ で

- ・ $a > 0$ のとき： x が増加すると y も増加する→直線は右上がり
- ・ $a < 0$ のとき： x が増加すると y は減少する→直線は右下がり

[問題](2 学期期末)

次の(1)~(3)にあてはまるものを、(ア)~(エ)の中から選び、記号で答えよ。

(ア) $y = 2x$ (イ) $y = -3x$ (ウ) $y = 0.2x$ (エ) $y = -\frac{2}{3}x$

- (1) x の値が増加すると、 y の値も増加するもの
- (2) x が 1 ずつ増加すると、 y の値は 3 ずつ減少するもの
- (3) グラフが点(5, 1)を通る。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) (ア), (ウ) (2) (イ) (3) (ウ)

[解説]

- (1) 比例のグラフ $y = ax$ で、 $a > 0$ のとき x が増加すると y も増加する
- (2) (ア)~(エ)はすべて比例のグラフで $x = 0$ のとき $y = 0$ 。 x を 1 増加、 y を 3 減少させると $x = 1$, $y = -3$ $x = 1$ を代入して $y = -3$ になるのは(イ)
- (3) $x = 5$ を代入して $y = 1$ になるのは(ウ)

[問題](2 学期期末)

下の(ア)~(エ)の比例の式において、次の問いにあてはまるものをすべて答えよ。

(ア) $y = 4x$ (イ) $y = -0.4x$ (ウ) $y = -x$ (エ) $y = \frac{1}{4}x$

- (1) グラフが右下がりの直線になる式
- (2) x が増加すると y も増加する式
- (3) x の値が 16 のとき、 y の値が 4 になる式

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) (イ), (ウ) (2) (ア), (エ) (3) (エ)

[解説]

- (1) 比例の式 $y = ax$ において、 $a > 0$ のときは直線は右上がり、 $a < 0$ のときは右下がりになる。したがって、グラフが右下がりの直線になる式は、(イ) $y = -0.4x$ と(ウ) $y = -x$

(2) 比例の式 $y = ax$ において、 $a > 0$ のときは x が増加すると y も増加する。

$a > 0$ なのは、(ア) $y = 4x$ と (エ) $y = \frac{1}{4}x$

(3) $x = 16$ をそれぞれの式に代入すると、

(ア) $y = 4x = 4 \times 16 = 64$ (イ) $y = -0.4x = -0.4 \times 16 = -6.4$

(ウ) $y = -x = -(-16) = 16$ (エ) $y = \frac{1}{4}x = \frac{1}{4} \times 16 = 4$

[問題](2 学期期末)

比例のグラフについて、下記の文章の()の中にあてはまる言葉を下の(ア)~(オ)の中より選び、記号で答えよ。

比例のグラフは、(1)を通る直線のグラフである。一般式を $y = ax$ とおくと、 $a > 0$ のときにはグラフは(2)の直線で、 x の値が増加すると y の値は(3)する。 $a < 0$ のときにはグラフは(4)の直線で、 x の値が増加すると y の値は(5)する。

(語群)

(ア) 右上がり (イ) 右下がり (ウ) 減少 (エ) 増加 (オ) 原点

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)	(5)	

[解答](1) (オ) (2) (ア) (3) (エ) (4) (イ) (5) (ウ)

[問題](2 学期期末)

次の()の中にあてはまる数や語句を答えよ。

(1) y が x に比例しているとき、 x が 2 倍になると、 y は(①)倍になる。

(2) y が x に比例していて、 $x \neq 0$ のとき、 $\frac{y}{x}$ の値は(②)に等しい。

(3) $y = ax$ のグラフは、(③)を通る(④)である。

[解答欄]

①	②	③
④		

[解答]① 2 ② 比例定数 ③ 原点 ④ 直線

[解説]

(1) y が x に比例しているとき、 x が 2, 3, 4...倍になると、 y も 2, 3, 4...倍になる。

(2) y が x に比例するとき $y = ax$ 両辺を x で割ると、 $y \div x = ax \div x$, $\frac{y}{x} = a$

(3) $y = ax$ に $x = 0$ を代入すると、 $y = a \times 0 = 0$ なので原点を通る。

[問題](後期中間)

次のア～カの表、式、グラフの中で比例しているものはどれか。すべて選び、記号で答えよ。

ア

x	...	1	2	3	4	...
y	...	3	5	7	9	...

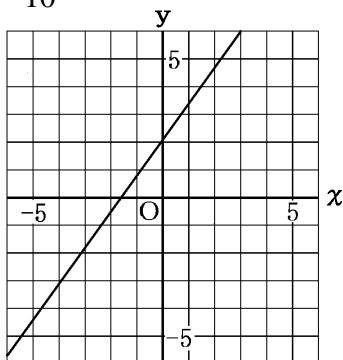
イ

x	...	-4	-3	-2	-1	...
y	...	12	9	6	3	...

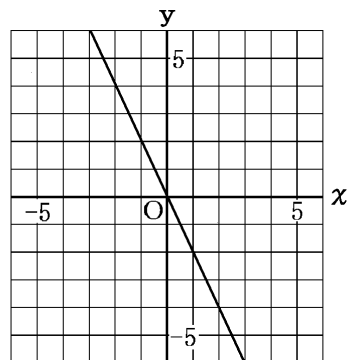
ウ $y = -\frac{x}{10}$

エ $y = \frac{6}{x}$

オ



カ



[解答欄]

[解答]イ, ウ, カ

【解説】

y が x に比例するとき、 x が 2, 3, 4...倍になると、 y も 2, 3, 4...倍になる。
したがって、ア、イのうち、イが比例の関係になっている。

比例は $y = ax$ ，反比例は $y = \frac{a}{x}$ の形であらわされる。（ a は比例定数）

ウは $y = -\frac{1}{10}x$ と表すことができるので比例である（比例定数は $-\frac{1}{10}$ ）。

エは $y = \frac{6}{x}$ なので反比例である。

比例のグラフは原点を通る直線になるので、オ、カのうち、カのみが比例である。

[印刷/他のPDFファイルについて]

※ このファイルは、FdData 中間期末数学 1 年(7,800 円)の一部を PDF 形式に変換したサンプルで、印刷はできないようになっています。製品版の FdData 中間期末数学 1 年は Word の文書ファイルで、印刷・編集を自由に行うことができます。

※ FdData 中間期末(社会・理科・数学)全分野の PDF ファイル、および製品版の購入方法は <http://www.fdtex.com/dat/> に掲載しております。

下図のような、[FdData 無料閲覧ソフト(RunFdData2)]を、Windows のデスクトップ上にインストールすれば、FdData 中間期末・FdData 入試の全 PDF ファイル(各教科約 1800 ページ以上)を自由に閲覧できます。次のリンクを左クリックするとインストールが開始されます。

RunFdData 【 <http://fddata.deci.jp/lnk/instRunFdDataWDs.exe> 】

※ダイアログが表示されたら、【実行】ボタンを左クリックしてください。インストール中、いくつかの警告が出ますが、[実行][許可する][次へ]等を選択します。

【イメージ画像】



【Fd教材開発】 (092) 404-2266

<http://www.fdtex.com/dat/>