

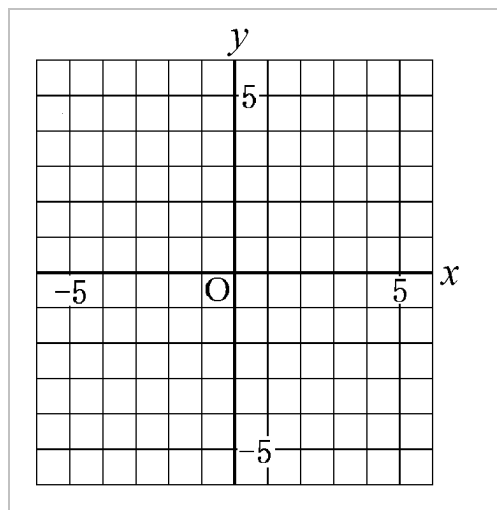
【】 方程式とグラフ

[二元一次方程式  $ax + by = c$  のグラフ]

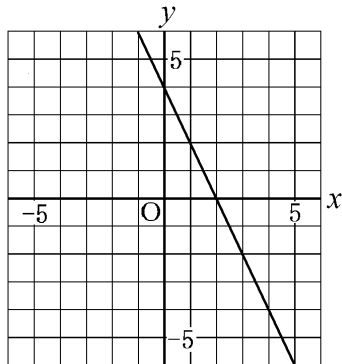
[問題](後期中間)

二元一次方程式  $2x + y = 4$  のグラフをかけ。

[解答欄]



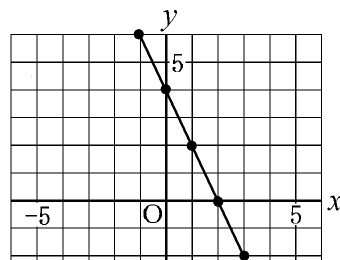
[解答]



[解説]

方程式の解を座標とする点の全体を、その方程式のグラフという。二元一次方程式  $2x + y = 4$  の解は無数にあるが、例えば、次の表のようになる。

$x$	-1	0	1	2	3
$y$	6	4	2	0	-2



これらの $(x, y)$ を「 $\cdot$ 」で表し、その点を結ぶと右の直線になる。この直線が二元一次方程式 $2x + y = 4$ のグラフである。

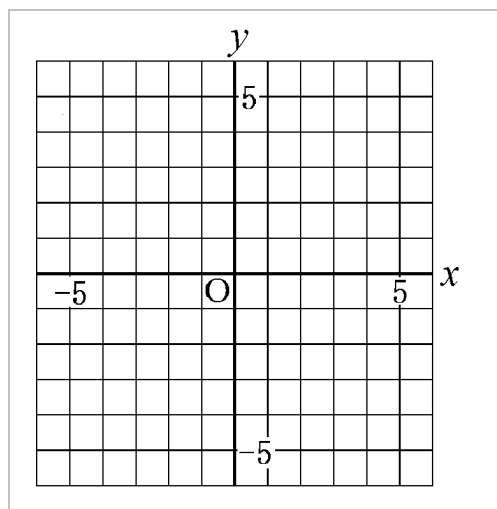
$2x + y = 4$ のグラフをかくには、 $2x + y = 4$ を $y$ について解いて、 $y = -2x + 4$ と変形すればよい。 $y = -2x + 4$ は傾きが $-2$ で切片が $4$ の一次関数になる。

[問題](3学期)

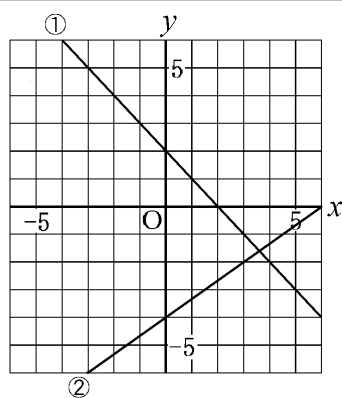
次の二元一次方程式のグラフをかけ。(グラフには番号をつけること)

- ①  $x + y = 2$       ②  $2x - 3y = 12$

[解答欄]



[解答]



【解説】

①  $x + y = 2$  より  $y = -x + 2$  なので、傾きが  $-1$ 、切片が  $2$  の直線になる。

②  $2x - 3y = 12$ ,  $-3y = -2x + 12$ ,  $y = \frac{2}{3}x - 4$

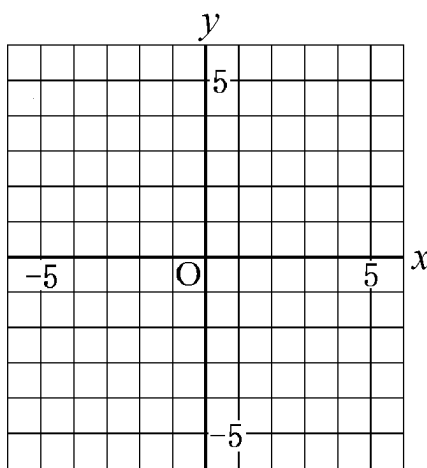
$y = \frac{2}{3}x - 4$  は傾きが  $\frac{2}{3}$ 、切片が  $-4$  の直線になる。

【問題】(後期中間)

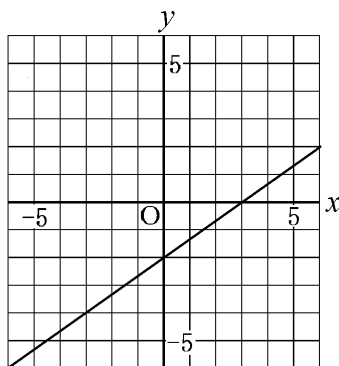
二元一次方程式  $2x - 3y = 6$  について、次の各問いに答えよ。

- (1)  $y$  軸との交点の座標を求めよ。
- (2)  $x$  軸との交点の座標を求めよ。
- (3) 方程式  $2x - 3y = 6$  のグラフをかけ。

【解答欄】

(1)	(2)
(3)	
	

[解答](1) (0, -2) (2) (3, 0) (3)

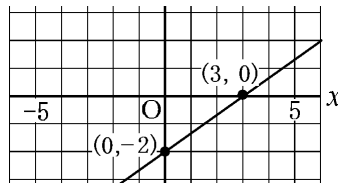


[解説]

(1)  $y$  軸上では  $x=0$  である。 $2x-3y=6$  に  $x=0$  を代入すると、 $0-3y=6$ ,  $y=-2$  したがって、 $y$  軸との交点の座標は  $(0, -2)$  である。

(2)  $x$  軸上では  $y=0$  である。 $2x-3y=6$  に  $y=0$  を代入すると、 $2x-0=6$ ,  $x=3$  したがって、 $x$  軸との交点の座標は  $(3, 0)$  である。

(3) (1)(2)より、 $2x-3y=6$  は  $(0, -2)$ ,  $(3, 0)$  を通るので、右図のように、この 2 点を座標軸にとり、直線で結べばよい。

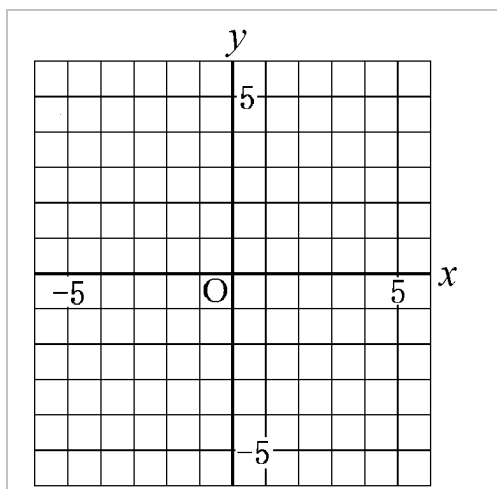


[問題](2 学期中間)

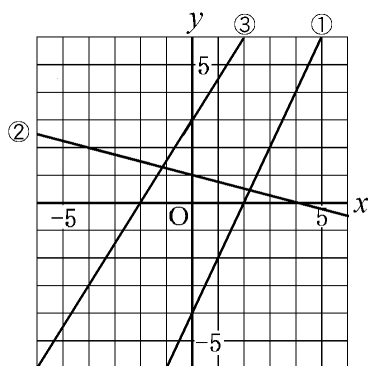
次の方程式のグラフをかけ。

- ①  $2x - y = 4$       ②  $x + 4y = 4$       ③  $3x - 2y + 6 = 0$

[解答欄]



[解答]



[解説]

①  $2x - y = 4$  に  $x = 0$  を代入すると、 $-y = 4$ 、 $y = -4$  なので、 $(0, -4)$  を通る。

$2x - y = 4$  に  $y = 0$  を代入すると、 $2x = 4$ 、 $x = 2$  なので、 $(2, 0)$  を通る。

2点 $(0, -4)$ 、 $(2, 0)$ を通る直線をかく。

②  $x + 4y = 4$  に  $x = 0$  を代入すると、 $4y = 4$ 、 $y = 1$  なので、 $(0, 1)$  を通る。

$x + 4y = 4$  に  $y = 0$  を代入すると、 $x = 4$  なので、 $(4, 0)$  を通る。

2点 $(0, 1)$ 、 $(4, 0)$ を通る直線をかく。

③  $3x - 2y + 6 = 0$  に  $x = 0$  を代入すると、 $-2y + 6 = 0$ 、 $2y = 6$ 、 $y = 3$  なので、 $(0, 3)$  を通る。

$3x - 2y + 6 = 0$  に  $y = 0$  を代入すると、 $3x + 6 = 0$ 、 $3x = -6$ 、 $x = -2$  なので、 $(-2, 0)$  を通る。

2点 $(0, 3)$ 、 $(-2, 0)$ を通る直線をかく。

\*  $ax + by = c$  のグラフは、1)  $x$  軸、 $y$  軸との交点を求めて、2点を結ぶ方法、

2)  $y = \sim$  の式に変形してかく方法がある。

[問題](2 学期期末)

次の各問いに答えよ。

(1) 方程式  $3x - 2y = 6$  のグラフと  $x$  軸との交点の座標を求めよ。

(2) 方程式  $5x - 4y = 12$  のグラフと  $y$  軸との交点の座標を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1)  $(2, 0)$  (2)  $(0, -3)$

[解説]

(1)  $3x - 2y = 6$  に  $y = 0$  を代入すると、 $3x = 6$ 、 $x = 2$

よって、 $x$  軸との交点の座標は  $(2, 0)$  である。

(2)  $5x - 4y = 12$  に  $x = 0$  を代入すると、 $-4y = 12$ 、 $y = -3$

よって、 $y$  軸との交点の座標は  $(0, -3)$  である。

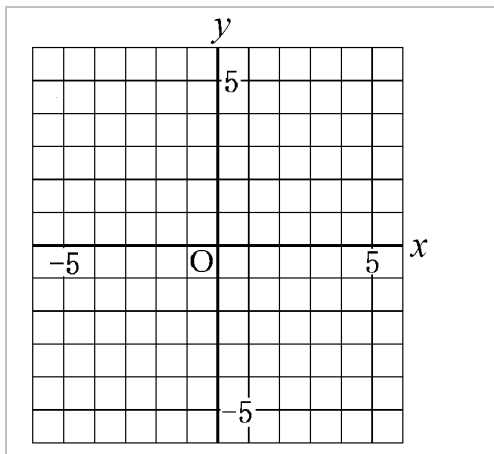
[ $y = k$ 、 $x = h$  のグラフ]

[問題](3 学期)

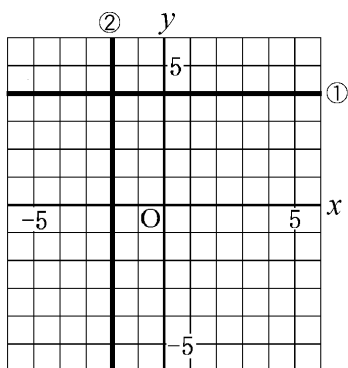
次の方程式のグラフをかけ。

①  $y = 4$       ②  $x = -2$

[解答欄]

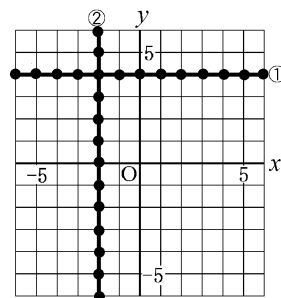


[解答]



[解説]

① 方程式  $y=4$  で、 $\dots, (-1, 4), (0, 4), (1, 4), (2, 4), \dots$  はこの方程式の解である。このように、 $x$  がどのような値をとっても、 $y$  の値は 4 になる。したがって、方程式  $y=4$  のグラフは、点  $(0, 4)$  を通り、 $x$  軸に平行な直線になる。



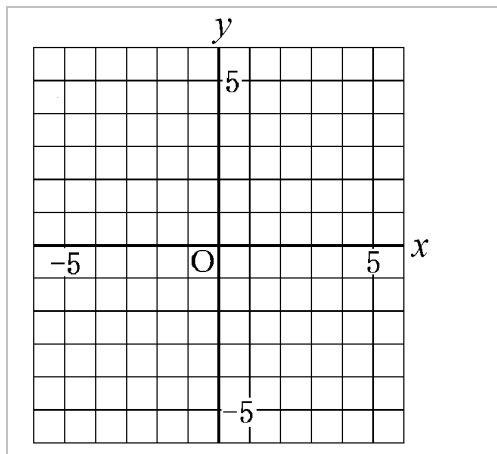
② 方程式  $x=-2$  で、 $\dots, (-2, -1), (-2, 0), (-2, 1), (-2, 2), \dots$  はこの方程式の解である。このように、 $y$  がどのような値をとっても、 $x$  の値は  $-2$  になる。したがって、方程式  $x=-2$  のグラフは、点  $(-2, 0)$  を通り、 $y$  軸に平行な直線になる。

[問題](2 学期期末)

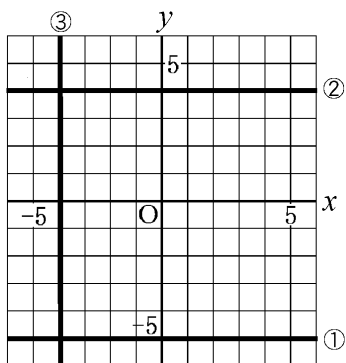
次の方程式のグラフをかけ。

- ①  $y=-5$       ②  $2y-8=0$       ③  $2x+8=0$

[解答欄]



[解答]



[解説]

②  $2y - 8 = 0$ ,  $2y = 8$ ,  $y = 4$

③  $2x + 8 = 0$ ,  $2x = -8$ ,  $x = -4$

[問題](2 学期期末)

次の文中の①, ②に適語を入れよ。

方程式  $y = k$  のグラフは, 点(0, ( ① ))を通り,  $x$  軸に( ② )な直線である。

[解答欄]

①	②
---	---

[解答]①  $k$  ② 平行

[問題](後期中間)

次の文中の①~③にあてはまる値や式を答えよ。

・ ( ① )のグラフは, 点(0, 3)を通り,  $x$  軸に平行な直線である。

・  $x = -2$  のグラフは点(( ② ), 0)を通り, ( ③ )軸に平行な直線である。

[解答欄]

①	②	③
---	---	---

[解答]①  $y = 3$  ②  $-2$  ③  $y$



【】 連立方程式とグラフ

【】 グラフをかいて連立方程式の解を求める

[問題](2学期中間)

次の各問いに答えよ。

(1) 次の2つの二元一次方程式を、それぞれグラフに表せ。(書いたら必ず番号をつけておくこと。)

①  $x - y = 3$       ②  $3x + 2y = 4$

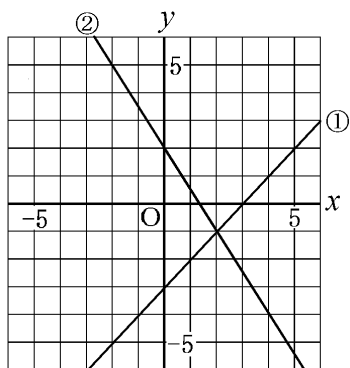
(2) (1)の①, ②の直線の交点の座標を読み取れ。

(3) (1)の①, ②を連立方程式として解け。

[解答欄]

(1) 	(2)	(3)
---------	-----	-----

[解答](1)



(2) (2, -1)    (3)  $x = 2, y = -1$

[解説]

①  $x - y = 3$  より  $-y = -x + 3$ ,  $y = x - 3$

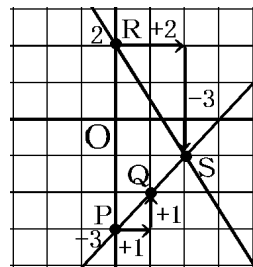
切片は  $-3$  なので  $P(0, -3)$  を通る。

(傾き)  $= 1 = \frac{1}{1} = \frac{(y \text{ の増加量})}{(x \text{ の増加量})}$  なので,

( $x$  の増加量)  $= 1$  のとき, ( $y$  の増加量)  $= 1$

$P$  から  $x$  方向に  $+1$ ,  $y$  方向に  $+1$  だけすすめた点  $Q$  をとる。

$PQ$  を結んだ直線が  $y = x - 3$  のグラフになる。



②  $3x + 2y = 4$  より,  $2y = -3x + 4$ ,  $y = -\frac{3}{2}x + 2$

切片は  $2$  なので,  $R(0, 2)$  を通る。

(傾き)  $= -\frac{3}{2} = \frac{-3}{2} = \frac{(y \text{ の増加量})}{(x \text{ の増加量})}$  なので, ( $x$  の増加量)  $= 2$  のとき,

( $y$  の増加量)  $= -3$

$R$  から  $x$  方向に  $+2$ ,  $y$  方向に  $-3$  だけすすめた点  $S$  をとる。 $RS$  を結んだ直線が

$y = -\frac{3}{2}x + 2$  のグラフになる。

グラフから交点の座標を読むと,  $x = 2$ ,  $y = -1$  よって, 交点の座標は  $(2, -1)$

(注) この交点は①の直線上にあるので  $x = 2$ ,  $y = -1$  を①  $x - y = 3$  に代入すると,

(左辺)  $= x - y = 2 - (-1) = 3 =$  (右辺) が成り立ち, ①の解の 1 つとなる。

同様に,  $x = 2$ ,  $y = -1$  を②  $3x + 2y = 4$  に代入すると,

(左辺)  $= 3x + 2y = 3 \times 2 + 2 \times (-1) = 6 - 2 = 4 =$  (右辺) が成り立ち, ②の解の 1 つと

なる。よって,  $x = 2$ ,  $y = -1$  は①と②をとともに満たし, ①, ②の連立方程式の解

となる。次に, 計算で解く。

$$\begin{cases} x - y = 3 \cdots \textcircled{1} \\ 3x + 2y = 4 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

代入法で解く。①より  $x = y + 3 \cdots \textcircled{1}'$

これを②に代入すると,  $3(y + 3) + 2y = 4$ ,  $3y + 9 + 2y = 4$ ,  $5y = -5$ ,  $y = -1$

$y = -1$  を①'に代入すると,  $x = -1 + 3 = 2$ , よって  $x = 2$ ,  $y = -1$

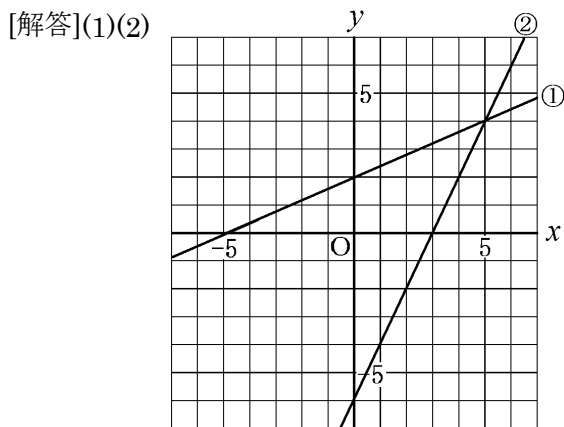
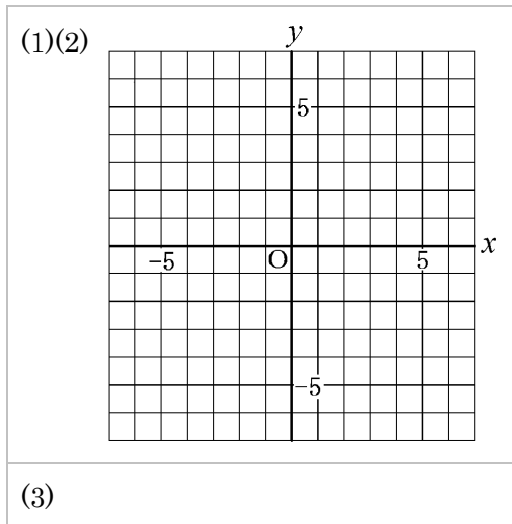
\*この  $x$ ,  $y$  の値は(1)で求めた交点の座標と一致する。

[問題](2学期中間)

連立方程式  $\begin{cases} 2x - 5y = -10 \cdots \textcircled{1} \\ y = 2x - 6 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$  について、次の各問いに答えよ。

- (1) ①のグラフをかけ。
- (2) ②のグラフをかけ。
- (3) 連立方程式の解を求めよ。

[解答欄]



(3)  $x = 5, y = 4$

[解説]

(1) まず  $y = \sim$  の形に変形する。

$$2x - 5y = -10, \quad -5y = -2x - 10, \quad 5y = 2x + 10, \quad y = \frac{2}{5}x + 2$$

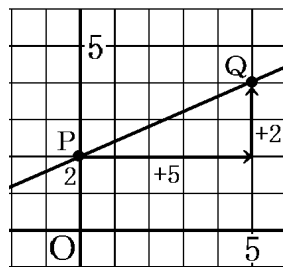
$y = \frac{2}{5}x + 2$  の切片は 2 なので、 $P(0, 2)$  を通る。

$$(\text{傾き}) = \frac{2}{5} = \frac{(y \text{ の増加量})}{(x \text{ の増加量})} \text{ なので,}$$

( $x$  の増加量) = 5 のとき, ( $y$  の増加量) = 2

$P$  から  $x$  方向に +5,  $y$  方向に +2 だけすすめた点  $Q$  をとる。  $PQ$  を結んだ直線が

$y = \frac{2}{5}x + 2$  のグラフになる。



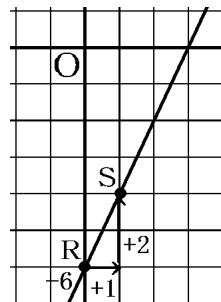
(2)  $y = 2x - 6$  の切片は -6 なので、 $R(0, -6)$  を通る。

$$(\text{傾き}) = 2 = \frac{2}{1} = \frac{(y \text{ の増加量})}{(x \text{ の増加量})} \text{ なので,}$$

( $x$  の増加量) = 1 のとき, ( $y$  の増加量) = 2

$R$  から  $x$  方向に +1,  $y$  方向に +2 だけすすめた点  $S$  をとる。

$RS$  を結んだ直線が  $y = 2x - 6$  のグラフになる。



(3) 直線①と②の交点の座標は①, ②の連立方程式の解と等しくなる。

①と②の交点の座標をグラフから読み取ると, (5, 4)

したがって, 連立方程式の解は,  $x = 5, y = 4$

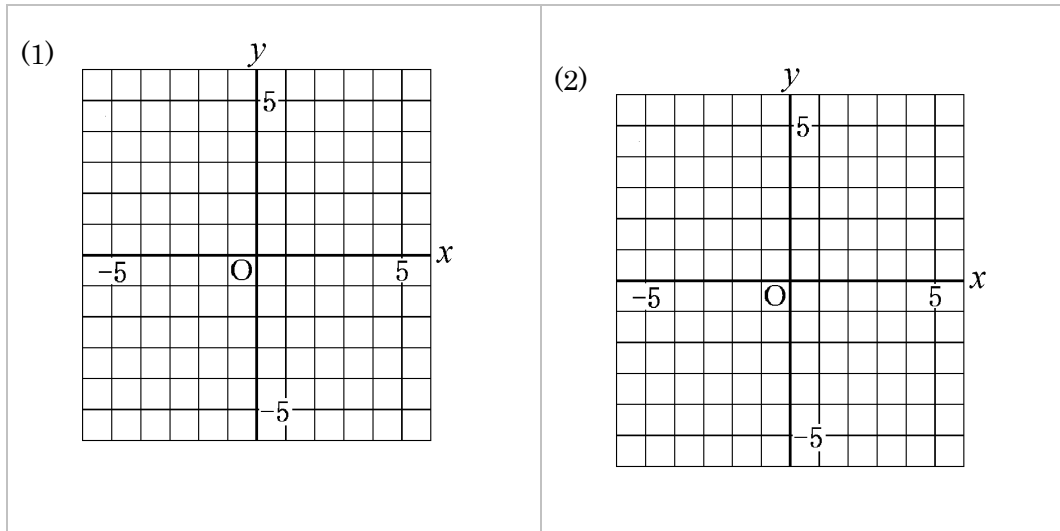
[問題](2学期中間)

次の連立方程式の解を，グラフを使って求めよ。

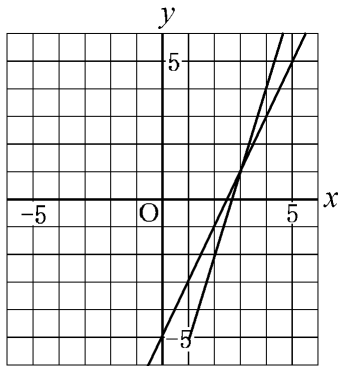
$$(1) \begin{cases} y = 2x - 5 \\ y = 3x - 8 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} x + y = 4 \\ x - 3y = 0 \end{cases}$$

[解答欄]

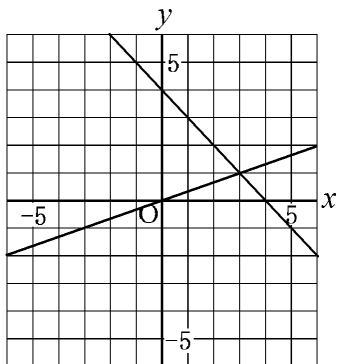


[解答](1)



$$x = 3, y = 1$$

(2)



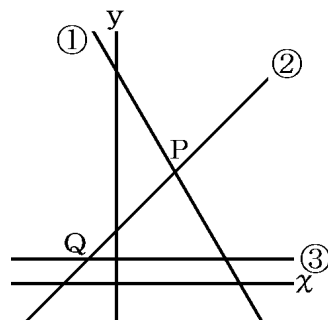
$$x = 3, y = 1$$

【1】 交点の座標を求める

[グラフから]

[問題](2 学期中間)

右の図で、①は方程式  $2x + y = 3$ ，②は方程式  $y = x + 1$ ，③は一次方程式  $2y = 1$  の解のグラフである。



(1) 交点 P の座標を求めよ。

(2) 交点 Q の座標を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1)  $\left(\frac{2}{3}, \frac{5}{3}\right)$  (2)  $\left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$

[解説]

交点の座標は 2 つの直線の式を連立方程式として解いて求める。

(1)  $2x + y = 3 \cdots \textcircled{1}$ ，  $y = x + 1 \cdots \textcircled{2}$  を連立方程式として解く。

②を①に代入すると，  $2x + (x + 1) = 3$ ，  $3x = 2$ ，  $x = \frac{2}{3}$

$x = \frac{2}{3}$  を②に代入すると，  $y = \frac{2}{3} + 1 = \frac{5}{3}$

よって交点 P の座標は  $\left(\frac{2}{3}, \frac{5}{3}\right)$

(2)  $y = x + 1 \cdots \textcircled{2}$ ，  $2y = 1 \cdots \textcircled{3}$  を連立方程式として解く。

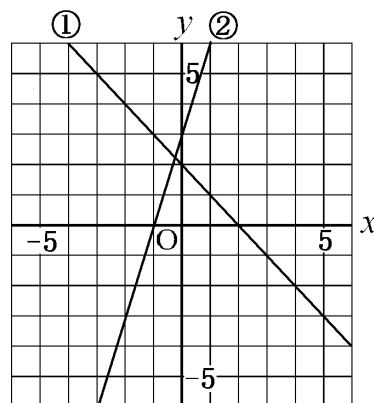
③より，  $y = \frac{1}{2}$  これを②に代入すると，  $\frac{1}{2} = x + 1$ ，  $x = \frac{1}{2} - 1 = -\frac{1}{2}$

よって交点 Q の座標は  $\left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$

[問題](2 学期期末)

右のグラフについて、次の問いに答えよ。

- (1) 右の図で、①の直線の式を求めよ。
- (2) 右の図で、②の直線の式を求めよ。
- (3) 直線①、②の交点の座標を求めよ。



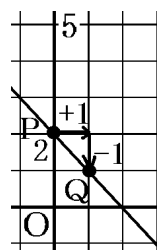
[解答欄]

(1)
(2)
(3)

[解答](1)  $y = -x + 2$  (2)  $y = 3x + 3$  (3)  $\left(-\frac{1}{4}, \frac{9}{4}\right)$

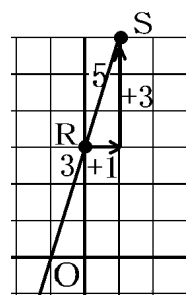
[解説]

(1)  $y = ax + b$  で  $a$  は傾き、 $b$  は切片(直線が  $y$  軸と交わる点の  $y$  座標)を表す。①の直線が  $y$  軸と交わる点の座標は  $P(0, 2)$  と読み取ることができる。したがって切片  $b$  は  $2$ 、 $x$ 、 $y$  とともに整数になる点をグラフから読み取ると右図の点  $Q$ 。P から  $Q$  で、 $x$  は  $+1$ 、 $y$  は  $-1$  変化する。したがって直線の傾き  $a$  は  $\frac{-1}{+1} = -1$  ゆえに、求める直線の式は



$y = -x + 2$  である。

(2) ②の直線が  $y$  軸と交わる点の座標は  $R(0, 3)$  と読み取ることができる。したがって切片  $b$  は  $3$ 、 $x$ 、 $y$  とともに整数になる点をグラフから読み取ると右図の点  $S$ 。R から  $S$  で、 $x$  は  $+1$ 、 $y$  は  $+3$  変化する。したがって直線の傾き  $a$  は  $\frac{+3}{+1} = 3$  ゆえに、求める直線の式は



$y = 3x + 3$  である。

(3) 2 直線の交点を求めるためには、2 直線の式を連立方程式として解けばよい。

$$\begin{cases} y = -x + 2 \cdots \textcircled{1} \\ y = 3x + 3 \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{で}\textcircled{2}\text{の}y\text{を}\textcircled{1}\text{に代入すると,}$$

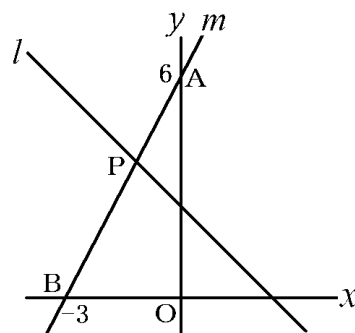
$$3x + 3 = -x + 2, 3x + x = 2 - 3, 4x = -1, x = -\frac{1}{4}$$

$$x = -\frac{1}{4} \text{ を①に代入すると, } y = -\left(-\frac{1}{4}\right) + 2 = \frac{1}{4} + 2 = \frac{9}{4}$$

よって、交点の座標は  $\left(-\frac{1}{4}, \frac{9}{4}\right)$

[問題](2 学期期末)

右の図で、直線  $l$  は  $y = -x + 3$  のグラフであり、直線  $m$  は 2 点  $A(0, 6)$ ,  $B(-3, 0)$  を通る直線である。直線  $l$  と  $m$  の交点を  $P$  とするとき、次の各問いに答えよ。



(1) 直線  $m$  の式を求めよ。

(2) 点  $P$  の座標を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1)  $y = 2x + 6$  (2)  $(-1, 4)$

[解説]

(1) 直線  $m$  は 2 点  $A(0, 6)$ ,  $B(-3, 0)$  を通るので、

$$(\text{直線 } m \text{ の傾き}) = \frac{6-0}{0-(-3)} = \frac{6}{3} = 2$$

切片は 6 であるので、 $m$  の式は  $y = 2x + 6$  である。

(2) 2 直線  $y = -x + 3 \cdots \textcircled{1}$ ,  $y = 2x + 6 \cdots \textcircled{2}$  の交点を求めるためには、2 直線の式を連立方程式として解けばよい。

$\textcircled{2}$  の  $y$  を  $\textcircled{1}$  に代入すると、

$$2x + 6 = -x + 3, \quad 2x + x = 3 - 6, \quad 3x = -3, \quad x = -1$$

$x = -1$  を  $\textcircled{1}$  の  $y = -x + 3$  に代入すると、

$$y = -(-1) + 3, \quad y = 4$$

よって、交点  $P$  の座標は  $(-1, 4)$  である。



[問題](2 学期期末)

右の図のように 2 つの直線①, ②があり, それらの交点を P とするとき, 交点 P の座標を求めよ。

[解答欄]

[解答](3, 2)

[解説]

直線①は A(0, 5), B(5, 0)を通るので,

$$(\text{直線①の傾き}) = \frac{0-5}{5-0} = \frac{-5}{5} = -1$$

切片は 5 であるので, ①の式は  $y = -x + 5$  である。

直線②は C(0, -4), D(2, 0)を通るので,

$$(\text{直線②の傾き}) = \frac{0-(-4)}{2-0} = \frac{4}{2} = 2$$

切片は -4 であるので, ②の式は  $y = 2x - 4$  である。

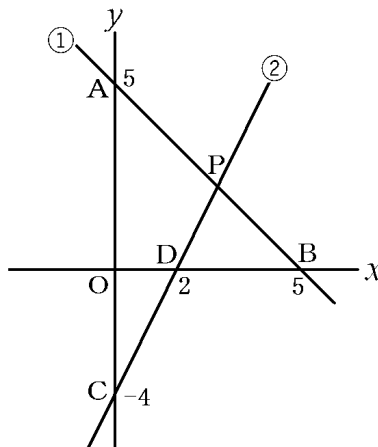
2 直線  $y = -x + 5 \cdots \textcircled{1}$ ,  $y = 2x - 4 \cdots \textcircled{2}$  の交点を求めるためには, 2 直線の式を連立方程式として解けばよい。

②の  $y$  を①に代入すると,

$$2x - 4 = -x + 5, \quad 2x + x = 5 + 4, \quad 3x = 9, \quad x = 3$$

$$x = 3 \text{ を①の } y = -x + 5 \text{ に代入すると, } y = -3 + 5, \quad y = 2$$

よって, 交点 P の座標は(3, 2)である。



[3 つの直線が 1 点で交わる]

[問題](後期中間)

次の 3 つの方程式のグラフが 1 点で交わる時,  $m$  の値を求めよ。

$$4x + y = 4, \quad 2x + y = 6, \quad mx + y = 5$$

[解答欄]

[解答]  $m = 3$

[解説]

まず、 $4x + y = 4 \cdots \textcircled{1}$ 、 $2x + y = 6 \cdots \textcircled{2}$ の交点を求める。

$\textcircled{1} - \textcircled{2}$ より、 $2x = -2$ 、 $x = -1$

$x = -1$ を $\textcircled{1}$ に代入すると、 $-4 + y = 4$ 、 $y = 8$

よって、交点の座標は $(-1, 8)$ である。

直線  $mx + y = 5 \cdots \textcircled{3}$ も交点 $(-1, 8)$ を通るので、 $\textcircled{3}$ に  $x = -1$ 、 $y = 8$ を代入して、  
 $-m + 8 = 5$ 、 $-m = -3$ 、 $m = 3$

[問題](2 学期期末)

3 直線  $4x - 5y = 3$ 、 $3x + 2y = 8$ 、 $5x - ay = 4$ が 1 点で交わるとき、 $a$ の値を求めよ。

[解答欄]

[解答]  $a = 6$

[解説]

まず、 $4x - 5y = 3 \cdots \textcircled{1}$ 、 $3x + 2y = 8 \cdots \textcircled{2}$ の交点を求める。

交点を求めるためには、 $\textcircled{1}$ 、 $\textcircled{2}$ を連立方程式として解けばよい。

$\textcircled{1} \times 3$ より、 $12x - 15y = 9 \cdots \textcircled{1}'$

$\textcircled{2} \times 4$ より、 $12x + 8y = 32 \cdots \textcircled{2}'$

$\textcircled{2}' - \textcircled{1}'$ より、 $23y = 23$ 、よって  $y = 1$

$y = 1$ を $\textcircled{1}$ に代入すると、 $4x - 5 \times 1 = 3$ 、 $4x = 8$ 、 $x = 2$

よって、交点の座標は $(2, 1)$

直線  $5x - ay = 4 \cdots \textcircled{3}$ も交点 $(2, 1)$ を通るので、 $\textcircled{3}$ に  $x = 2$ 、 $y = 1$ を代入して、  
 $5 \times 2 - a \times 1 = 4$ 、 $10 - a = 4$ 、 $-a = 4 - 10$ 、 $-a = -6$ 、 $a = 6$

[その他]

[問題](2学期中間)

一次関数  $y = 2x - 7$  のグラフ上で、 $x$  座標と  $y$  座標の値が等しくなる点の座標を求めよ。

[解答欄]

[解答](7, 7)

[解説]

$x$  座標と  $y$  座標の値が等しい点の座標は  $(a, a)$  とおくことができる。

点  $(a, a)$  は  $y = 2x - 7$  のグラフ上にあるので、

$y = 2x - 7$  に  $x = a$ ,  $y = a$  を代入すると、

$$a = 2a - 7, \quad a - 2a = -7, \quad -a = -7, \quad a = 7$$

よって、求める点の座標は  $(7, 7)$  である。

\* (別解)

$x$  座標と  $y$  座標の値が等しくなる点は  $y = x$  上にあるので、

$y = 2x - 7 \cdots \textcircled{1}$  と  $y = x \cdots \textcircled{2}$  の交点を、連立方程式を解いて求めることもできる。

$\textcircled{1}$  の  $y$  を  $\textcircled{2}$  に代入すると、

$$2x - 7 = x, \quad x = 7$$

$x = 7$  を  $\textcircled{2}$  に代入すると、 $y = 7$

よって、求める座標は  $(7, 7)$

[問題](前期期末)

一次関数  $y = \frac{1}{2}x - 3$  のグラフ上で、 $x$  座標と  $y$  座標の値が等しくなる点の座標を

求めよ。

[解答欄]

[解答](-6, -6)

[解説]

$x$  座標と  $y$  座標の値が等しい点の座標は  $(a, a)$  とおくことができる。

点  $(a, a)$  は  $y = \frac{1}{2}x - 3$  のグラフ上にあるので、

$y = \frac{1}{2}x - 3$  に  $x = a$ ,  $y = a$  を代入すると、 $a = \frac{1}{2}a - 3$ , 両辺を 2 倍すると、

$$2a = a - 6, \quad a = -6$$

よって、求める点の座標は  $(-6, -6)$  である。

[問題](2 学期中間)

2 直線  $x + y = 5$ ,  $-3x + ay = 9$  の交点が  $(2, m)$  のとき、 $m, a$  の値を求めよ。

[解答欄]

$m =$	$a =$
-------	-------

[解答]  $m = 3 \quad a = 5$

[解説]

$x + y = 5$  は交点  $(2, m)$  を通るので、 $x + y = 5$  に  $x = 2$ ,  $y = m$  を代入して、

$$2 + m = 5, \quad m = 5 - 2 = 3$$

したがって、交点の座標は  $(2, 3)$  である。

$-3x + ay = 9$  は交点  $(2, 3)$  を通るので、 $-3x + ay = 9$  に  $x = 2$ ,  $y = 3$  を代入して、

$$-3 \times 2 + a \times 3 = 9, \quad -6 + 3a = 9, \quad 3a = 9 + 6, \quad 3a = 15, \quad a = 5$$

[問題](2 学期期末)

$3x - 2y = 5$  と  $ax + y = 7$  のグラフが点  $(1, k)$  で交わる時、 $k$  の値を求めよ。また、そのときの  $a$  の値を求めよ。

[解答欄]

$k =$	$a =$
-------	-------

[解答]  $k = -1 \quad a = 8$

[解説]

$3x - 2y = 5$  は点  $(1, k)$  を通るので、 $3x - 2y = 5$  に  $x = 1$ ,  $y = k$  を代入して、

$$3 - 2k = 5, \quad -2k = 2, \quad k = -1$$

したがって、交点の座標は  $(1, -1)$  である。

$ax + y = 7$  は交点  $(1, -1)$  を通るので、 $ax + y = 7$  に  $x = 1$ ,  $y = -1$  を代入して、

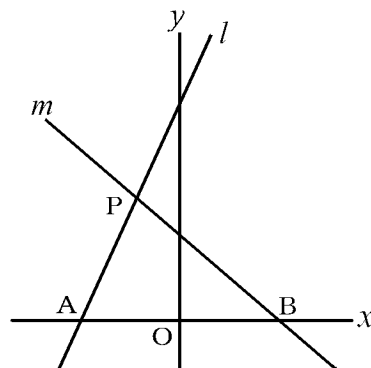
$$a - 1 = 7, \quad a = 8$$

【1】一次関数のグラフの応用

【1】面積を求める

[問題](3学期)

右図で、直線  $l$  は  $y = 2x + 8$ 、直線  $m$  は  $y = -x + 5$  である。 $l$  と  $m$  の交点を  $P$ 、 $l$  と  $x$  軸との交点を  $A$ 、 $m$  と  $x$  軸との交点を  $B$  とする。



- (1) 点  $A$  の座標を求めよ。
- (2) 点  $P$  の座標を求めよ。
- (3)  $\triangle PAB$  の面積を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1)  $(-4, 0)$  (2)  $(-1, 6)$  (3) 27

[解説]

(1)  $x$  軸との交点の  $y$  座標は  $0$  なので、 $y = 2x + 8$  に  $y = 0$  を代入する。

$$0 = 2x + 8, 2x = -8, x = -4$$

よって点  $A$  の座標は  $(-4, 0)$

(2) 2 直線の交点は、2 直線の式を連立方程式として解いて求める。

$$\begin{cases} y = 2x + 8 \cdots \textcircled{1} \\ y = -x + 5 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①の  $y$  を②に代入すると、

$$2x + 8 = -x + 5, 3x = -3, x = -1$$

$$x = -1 \text{ を } \textcircled{2} \text{ に代入すると, } y = -(-1) + 5 = 1 + 5 = 6$$

よって点  $P$  の座標は  $(-1, 6)$

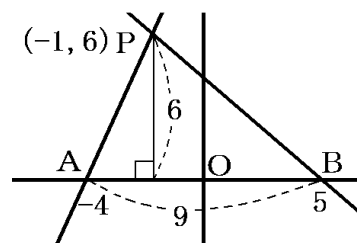
(3) まず、点  $B$  の  $x$  座標を求めておく。

$$y = -x + 5 \text{ に } y = 0 \text{ を代入すると, } 0 = -x + 5, x = 5$$

$\triangle PAB$  で底辺を  $AB$  とすると、

$$(\text{底辺}) = AB = 5 - (-4) = 5 + 4 = 9$$

点  $P$  の  $y$  座標が  $6$  なので、(高さ) =  $6$

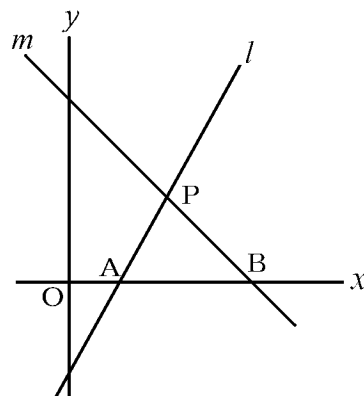


$$\text{よって, } (\triangle PAB \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times (\text{底辺}) \times (\text{高さ}) = \frac{1}{2} \times 9 \times 6 = 27$$

[問題](2学期中間)

右の図で、直線  $l$ ,  $m$  はそれぞれ、 $-2x + y = -4$ ,  $x + y = 8$  のグラフである。このとき、次の各問いに答えよ。

- (1) 交点  $P$  の座標を求めよ。
- (2)  $\triangle PAB$  の面積を求めよ。



[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答](1) (4, 4) (2) 12

[解説]

(1) 2直線の交点は、2直線の式を連立方程式として解いて求める。

$$\begin{cases} -2x + y = -4 \cdots \textcircled{1} \\ x + y = 8 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1} - \textcircled{2}$ より、 $-3x = -12$ ,  $x = 4$   $x = 4$  を $\textcircled{2}$ に代入すると、 $4 + y = 8$ ,  $y = 4$   
連立方程式の解が  $x = 4$ ,  $y = 4$  なので、交点の座標は(4, 4)

(2) まず、点  $A$ ,  $B$  の  $x$  座標を求める。

$x$  軸との交点の  $y$  座標は  $0$  なので、

$-2x + y = -4$  に  $y = 0$  を代入すると、

$$-2x + 0 = -4, x = 2$$

よって、点  $A$  の  $x$  座標は  $2$

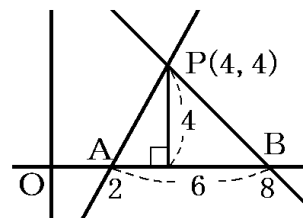
$x + y = 8$  に  $y = 0$  を代入すと、 $x + 0 = 8$ ,  $x = 8$

よって、点  $B$  の  $x$  座標は  $8$

$\triangle PAB$  で底辺を  $AB$  とすると、(底辺) =  $AB = 8 - 2 = 6$

点  $P$  の  $y$  座標が  $4$  なので、(高さ) =  $4$

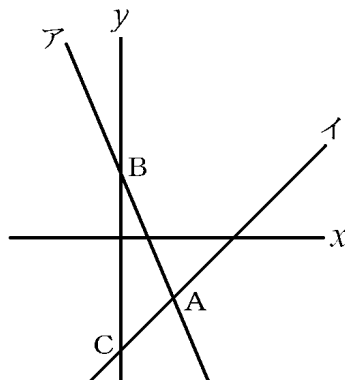
よって、( $\triangle PAB$  の面積) =  $\frac{1}{2} \times (\text{底辺}) \times (\text{高さ}) = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12$



[問題](1 学期中間)

右図の直線アの式は  $y = -2x + 3$  である。直線イは 2 点  $(-3, -9)$ ,  $(2, -4)$  を通る直線である。

- (1) 直線イの式を求めよ。
- (2) 2 直線ア, イの交点 A の座標を求めよ。
- (3) 直線ア, イが  $y$  軸と交わる点をそれぞれ B, C とする。三角形 ABC の面積を求めよ。ただし, 1 目もりを 1cm とする。



[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1)  $y = x - 6$  (2)  $(3, -3)$  (3)  $\frac{27}{2} \text{ cm}^2$

[解説]

(1) 直線イは 2 点を  $(-3, -9)$ ,  $(2, -4)$  を通るので,

$$(\text{傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-4 - (-9)}{2 - (-3)} = \frac{-4 + 9}{2 + 3} = \frac{5}{5} = 1$$

傾きが 1 なので, この直線の式は  $y = x + b$  とおくことができる。

点  $(2, -4)$  を通るので,  $y = x + b$  に  $x = 2$ ,  $y = -4$  を代入すると,  
 $-4 = 2 + b$ ,  $b = -6$  よって, 直線イの式は,  $y = x - 6$  である。

(2) 直線の交点の座標は 2 直線の式を連立方程式として解いて求める。

$y = x - 6$  の  $y$  を  $y = -2x + 3$  に代入すると,

$$x - 6 = -2x + 3, 3x = 9, x = 3 \quad x = 3 \text{ を } y = x - 6 \text{ に代入すると, } y = 3 - 6 = -3$$

よって, アとイの交点は  $(3, -3)$

(3)  $\triangle ABC$  の BC を底辺とすると, 高さは点 A の  $x$  座標になる。

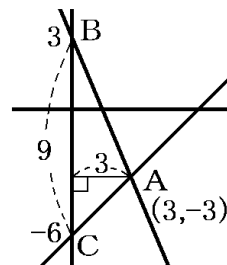
ア  $y = -2x + 3$  の  $y$  切片は 3 なので点 B の  $y$  座標は  $y = 3$

イ  $y = x - 6$  の  $y$  切片は  $-6$  なので点 C の  $y$  座標は  $y = -6$

よって, (底辺 BC の長さ)  $= 3 - (-6) = 9$  (cm)

(2)より点 A の  $x$  座標は 3 なので高さは 3 (cm)

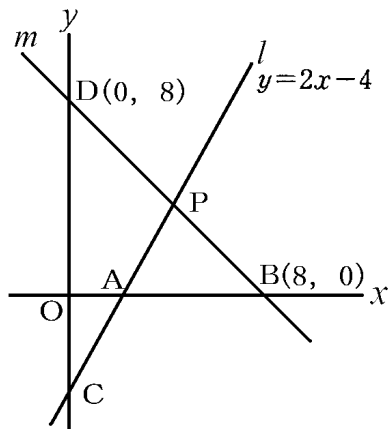
$$\text{よって, } (\triangle ABC \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times 9 \times 3 = \frac{27}{2} \text{ (cm}^2\text{)}$$





[問題](2学期中間)

右の図で、直線  $l$  の式は  $y = 2x - 4$  で、直線  $m$  は 2 点  $B(8, 0)$ 、 $D(0, 8)$  を通る。次の問いに答えよ。



- (1) 点  $A$  の座標を求めよ。
- (2) 直線  $m$  の式を求めよ。
- (3) 点  $P$  の座標を求めよ。
- (4)  $\triangle PAB$  の面積を求めよ。
- (5) 四角形  $PAOD$  の面積を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)	(5)	

[解答](1) (2, 0) (2)  $y = -x + 8$  (3) (4, 4) (4) 12 (5) 20

[解説]

(1)  $x$  軸との交点の  $y$  座標は 0 なので、 $y = 2x - 4$  に  $y = 0$  を代入して、

$$0 = 2x - 4, 2x = 4, x = 2 \quad \text{よって点 } A \text{ の座標は } (2, 0)$$

(2) 直線  $m$  は 2 点  $B(8, 0)$ 、 $D(0, 8)$  を通るので、

$$(\text{直線 } m \text{ の傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - 8}{8 - 0} = \frac{-8}{8} = -1$$

また、図より直線  $m$  の切片は 8 である。

よって、直線  $m$  の式は、 $y = -x + 8$

(3) 2 直線の交点は、2 直線の式を連立方程式として解いて求める。

$$\begin{cases} y = 2x - 4 \cdots \textcircled{1} \\ y = -x + 8 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①の  $y$  を②に代入すると、

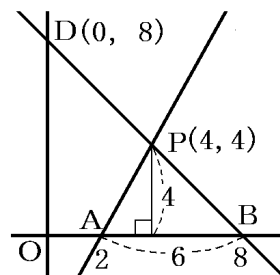
$$2x - 4 = -x + 8, 3x = 12, x = 4$$

$$x = 4 \text{ を②に代入すると、 } y = -4 + 8 = 4$$

よって点  $P$  の座標は (4, 4)

(4)  $\triangle PAB$  で底辺を  $AB$  とすると、

$$A(2, 0), B(8, 0) \text{ なので、(底辺)} = AB = 8 - 2 = 6$$



点 P の y 座標が 4 なので、(高さ) = 4

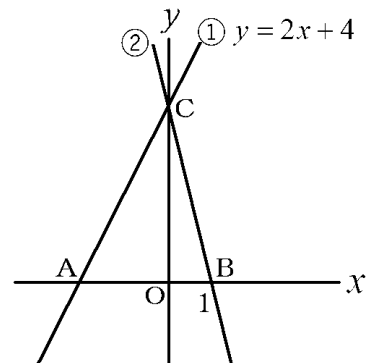
$$\text{よって、} (\triangle PAB \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times (\text{底辺}) \times (\text{高さ}) = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12$$

$$(5) (\triangle OBD \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times OB \times OD = \frac{1}{2} \times 8 \times 8 = 32$$

$$(\text{四角形 PAOD の面積}) = (\triangle OBD \text{ の面積}) - (\triangle PAB \text{ の面積}) = 32 - 12 = 20$$

[問題](後期中間)

右の図のように、2 直線  $y = 2x + 4 \cdots \textcircled{1}$ 、 $y = ax + b \cdots \textcircled{2}$  があり、この 2 直線は y 軸上で交わっている。x 軸と直線①、直線②との交点をそれぞれ A、B、直線①と直線②の交点を C とする。点 B の座標が (1, 0) であるとき、次の各問いに答えよ。



- (1) 直線②の式を求めよ。
- (2) 点 A の座標を求めよ。
- (3)  $\triangle ABC$  の面積を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1)  $y = -4x + 4$  (2)  $(-2, 0)$  (3) 6

[解説]

(1) 直線①の式は  $y = 2x + 4$  なので、切片は 4 である。したがって、点 C の座標は (0, 4) である。また、点 B の座標は (1, 0) である。

$$\text{よって、(直線②の傾き)} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - 4}{1 - 0} = -4$$

切片は 4 なので、直線②の式は  $y = -4x + 4$  である。

(2) 点 A の y 座標は 0 なので、 $y = 2x + 4$  に  $y = 0$  を代入すると、 $0 = 2x + 4$ 、 $2x = -4$ 、 $x = -2$

よって、点 A の座標は  $(-2, 0)$  である。

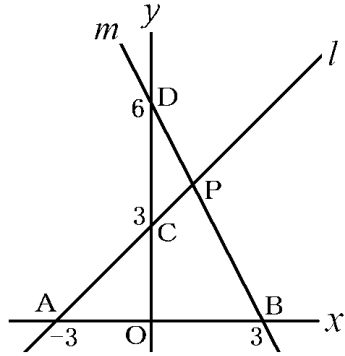
(3)  $\triangle ABC$  で、AB を底辺とすると、高さは CO になる。

$AB=1-(-2)=1+2=3$ ,  $CO=4$  なので,

$$(\triangle ABC \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times AB \times CO = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6$$

[問題](後期中間)

右の図のように、2点  $A(-3, 0)$  と  $C(0, 3)$  を通る直線  $l$  と、2点  $B(3, 0)$  と  $D(0, 6)$  を通る直線  $m$  がある。直線  $l, m$  は点  $P$  で交わっている。このとき、次の各問いに答えよ。



- (1) 直線  $l$  の式を求めよ。
- (2) 直線  $m$  の式を求めよ。
- (3) 交点  $P$  の座標を求めよ。
- (4)  $\triangle PAB$  の面積を求めよ。ただし、1 目もりは  $1\text{cm}$  とする。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)		

[解答](1)  $y = x + 3$  (2)  $y = -2x + 6$  (3)  $(1, 4)$  (4)  $12\text{cm}^2$

[解説]

(1) 直線  $l$  は 2 点  $A(-3, 0)$  と  $C(0, 3)$  を通るので、

$$(\text{直線 } l \text{ の傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{3 - 0}{0 - (-3)} = \frac{3}{3} = 1$$

切片は 3 なので、直線  $l$  の式は  $y = x + 3$  である。

(2) 直線  $m$  は 2 点  $B(3, 0)$  と  $D(0, 6)$  を通るので、

$$(\text{直線 } m \text{ の傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - 6}{3 - 0} = \frac{-6}{3} = -2$$

切片は 6 なので、直線  $m$  の式は  $y = -2x + 6$  である。

(3) 2 直線の交点は、2 直線の式を連立方程式として解いて求める。

$$\begin{cases} y = x + 3 \cdots \textcircled{1} \\ y = -2x + 6 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①の  $y$  を②に代入すると、

$$x+3=-2x+6, \quad x+2x=6-3, \quad 3x=3, \quad x=1$$

$$x=1 \text{ を①に代入すると, } y=1+3=4$$

よって、交点  $P$  の座標は  $(1, 4)$  である。

(4)  $\triangle PAB$  で、 $AB$  を底辺とする。  $AB=3-(-3)=3+3=6$

高さは点  $P$  の  $y$  座標の  $4$  になる。

$$\text{よって, } (\triangle PAB \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12 \text{ (cm}^2\text{)}$$

[問題](後期中間)

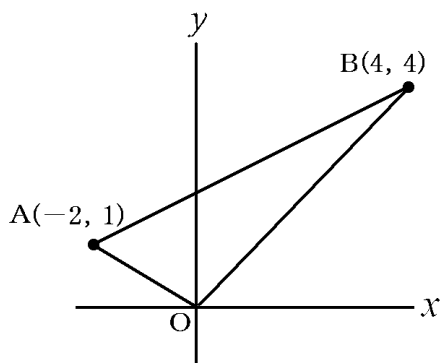
右の図について、次の各問いに答えよ。

(1) 直線  $AB$  の式を求めよ。

(2)  $\triangle OAB$  の面積を求めよ。

[解答欄]

(1)
(2)



[解答](1)  $y = \frac{1}{2}x + 2$     (2) 6

[解説]

(1)  $A(-2, 1)$ ,  $B(4, 4)$  なので、

$$\text{(直線 AB の傾き)} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{4 - 1}{4 - (-2)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

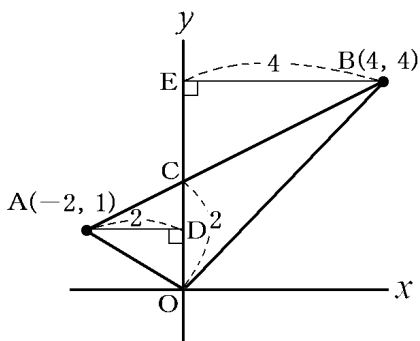
傾きが  $\frac{1}{2}$  なので、この直線の式は  $y = \frac{1}{2}x + b$  とおくことができる。

点  $A(-2, 1)$  を通るので、 $y = \frac{1}{2}x + b$  に  $x = -2$ ,  $y = 1$  を代入すると、

$$1 = \frac{1}{2} \times (-2) + b, \quad 1 = -1 + b, \quad b = 2$$

よって、直線 AB の式は、 $y = \frac{1}{2}x + 2$  である。

(2)  $\triangle OAB$  の OA, OB, AB は、 $x$  軸または  $y$  軸に平行ではない。そこで、 $\triangle OAB$  を  $\triangle OCA$  と  $\triangle OCB$  の 2 つに分割して考える。右図のように、 $\triangle OCA$  で  $CO=2$  を底辺とすると、高さは  $AD=2$  となる。したがって、



$$(\triangle OCA \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times CO \times AD = \frac{1}{2} \times 2 \times 2 = 2$$

同様に、 $\triangle OCB$  で  $CO=2$  を底辺とすると、高さは  $BE=4$  となる。したがって、

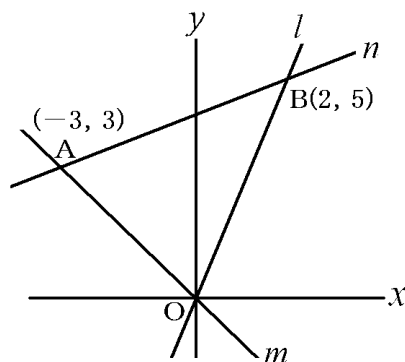
$$(\triangle OCB \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times CO \times BE = \frac{1}{2} \times 2 \times 4 = 4$$

よって、 $(\triangle OAB \text{ の面積}) = (\triangle OCA \text{ の面積}) + (\triangle OCB \text{ の面積}) = 2 + 4 = 6$

[問題](2 学期期末)

3 直線  $l$ ,  $m$ ,  $n$  が、右の図のように交わっている。  $l$ ,  $m$  は原点を通る直線である。

$A(-3, 3)$ ,  $B(2, 5)$  であるとき、次の各問いに答えよ。



(1) 直線  $l$  の式を求よ。

(2) 直線  $m$  の式を求よ。

(3) 直線  $n$  の式を求よ。

(4)  $\triangle OAB$  の面積を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)		

[解答](1)  $y = \frac{5}{2}x$  (2)  $y = -x$  (3)  $y = \frac{2}{5}x + \frac{21}{5}$  (4)  $\frac{21}{2}$

[解説]

(1) 直線  $l$  は原点  $(0, 0)$  を通るので切片は  $0$  である。また、 $B(2, 5)$  を通るので、

$$(\text{直線 } l \text{ の傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{5 - 0}{2 - 0} = \frac{5}{2} \text{ である。}$$

よって、直線  $l$  の式は、 $y = \frac{5}{2}x$  である。

(2) 直線  $m$  は原点  $(0, 0)$  を通るので切片は  $0$  である。また、 $A(-3, 3)$  を通るので、

$$(\text{直線 } m \text{ の傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{3 - 0}{-3 - 0} = \frac{3}{-3} = -1 \text{ である。}$$

よって、直線  $m$  の式は、 $y = -x$  である。

(3) 直線  $n$  は 2 点  $A(-3, 3)$ 、 $B(2, 5)$  を通るので、

$$(\text{直線 } n \text{ の傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{5 - 3}{2 - (-3)} = \frac{2}{5}$$

傾きが  $\frac{2}{5}$  なので、この直線の式は  $y = \frac{2}{5}x + b$  とおくことができる。

点  $A(-3, 3)$  を通るので、 $y = \frac{2}{5}x + b$  に  $x = -3$ 、 $y = 3$  を代入すると、

$$3 = \frac{2}{5} \times (-3) + b, \quad 3 = -\frac{6}{5} + b, \quad b = 3 + \frac{6}{5} = \frac{21}{5}$$

よって、直線  $n$  の式は、 $y = \frac{2}{5}x + \frac{21}{5}$  である。

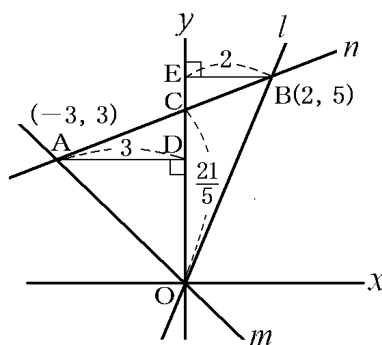
(4)  $\triangle OAB$  を  $\triangle OCA$  と  $\triangle OCB$  の 2 つに分割して考える。

点  $C$  は直線  $n : y = \frac{2}{5}x + \frac{21}{5}$  の切片なので、

$$CO = \frac{21}{5} \text{ である。}$$

右図のように、 $\triangle OCA$  で  $CO = \frac{21}{5}$  を底辺とすると、

高さは  $AD = 3$  となる。したがって、



$$(\triangle OCA \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times CO \times AD = \frac{1}{2} \times \frac{21}{5} \times 3 = \frac{63}{10}$$

同様に、 $\triangle OCB$  で  $CO = \frac{21}{5}$  を底辺とすると、高さは  $BE = 2$  となる。したがって、

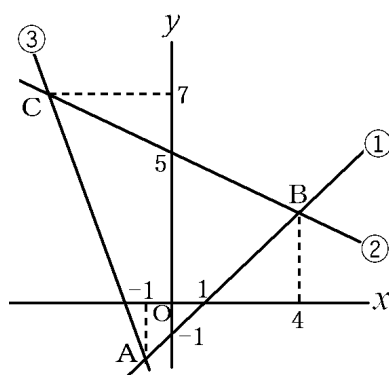
$$(\triangle OCB \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times CO \times BE = \frac{1}{2} \times \frac{21}{5} \times 2 = \frac{42}{10}$$

$$\text{よって、} (\triangle OAB \text{ の面積}) = (\triangle OCA \text{ の面積}) + (\triangle OCB \text{ の面積}) = \frac{63}{10} + \frac{42}{10} = \frac{105}{10} = \frac{21}{2}$$

[問題](後期中間)

右の図において、①、②、③は直線を表している。次の各問いに答えよ。

- (1) ①の式を求めよ。
- (2) ③の式を求めよ。
- (3) 3つの直線で囲まれた $\triangle ABC$ の面積を求めよ。



[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1)  $y = x - 1$  (2)  $y = -3x - 5$  (3) 30

[解説]

(1) グラフより、直線①は2点 $(0, -1)$ 、 $(1, 0)$ を通るので、

$$(\text{傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - (-1)}{1 - 0} = \frac{1}{1} = 1 \text{ で、切片は } -1 \text{ である。}$$

よって、直線①の式は  $y = x - 1$  である。

(2) 直線③上の2点A、Cの座標がわかれば、直線③の式を求めることができる。

点Aは、直線①上の点でもあるので、 $x = -1$ を、(1)で求めた①の式  $y = x - 1$  に代入すると、 $y = -1 - 1 = -2$  になる。よって、点Aの座標は $(-1, -2)$ であることがわかる。…<1>

点 C の y 座標は 7 であるが、x 座標は与えられていない。直線②の式がわかれば、点 C の x 座標を求めることができる。そこで、まず、直線②の式を求める。

グラフより、直線②は点(0, 5)を通るので切片は 5 である。

点 B は直線①上にもあるので、 $x = 4$  を(1)で求めた①の式  $y = x - 1$  に代入すると、 $y = 4 - 1 = 3$  となる。したがって、点 B の座標は(4, 3)である。

以上より、直線②は 2 点(0, 5), (4, 3)を通るので、

$$(\text{傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{3 - 5}{4 - 0} = \frac{-2}{4} = -\frac{1}{2} \text{ で、切片は } 5 \text{ である。}$$

よって、直線②の式は、 $y = -\frac{1}{2}x + 5$  であることがわかる。

点 C の y 座標は 7 であるので、 $y = -\frac{1}{2}x + 5$  に  $y = 7$  を代入すると、

$$7 = -\frac{1}{2}x + 5, \quad 14 = -x + 10, \quad x = 10 - 14, \quad x = -4$$

よって、点 C の座標は(-4, 7)である。…<2>

<1>, <2>より、直線③は、2 点 A(-1, -2), C(-4, 7)を通る。

$$(\text{傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-2 - 7}{-1 - (-4)} = \frac{-9}{3} = -3$$

傾きが -3 なので、直線③の式は  $y = -3x + b$  とおくことができる。

点 A(-1, -2)を通るので、 $y = -3x + b$  に  $x = -1, y = -2$  を代入すると、

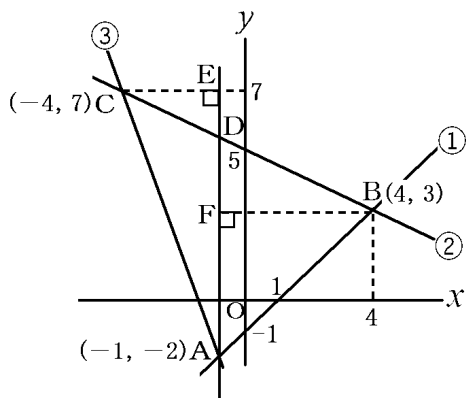
$$-2 = -3 \times (-1) + b, \quad -2 = 3 + b, \quad b = -5$$

よって、直線③の式は、 $y = -3x - 5$

(3)  $\triangle ABC$  の AB, BC, CA は、x 軸または y 軸に平行ではないので、 $\triangle ABC$  を 2 つの三角形に分割して考える。

y 軸で分割しようとする、三角形と四角形になる。そこで、右図のように、点 A を通って y 軸に平行な直線 AE で、 $\triangle ADB$  と  $\triangle ADC$  の 2 つの三角形に分ける。

点 D の x 座標は -1 であるので、直線②





$y = -\frac{1}{2}x + 5$  に  $x = -1$  を代入すると,

$$y = -\frac{1}{2} \times (-1) + 5 = \frac{1}{2} + 5 = \frac{11}{2} \quad \text{よって, } AD = \frac{11}{2} - (-2) = \frac{11}{2} + 2 = \frac{15}{2}$$

$\triangle ADB$  で  $AD = \frac{15}{2}$  を底辺とすると, 高さは  $BF = 4 - (-1) = 5$  なので,

$$(\triangle ADB \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times \frac{15}{2} \times 5 = \frac{75}{4}$$

$\triangle ADC$  で  $AD = \frac{15}{2}$  を底辺とすると, 高さは  $CE = -1 - (-4) = 3$  なので,

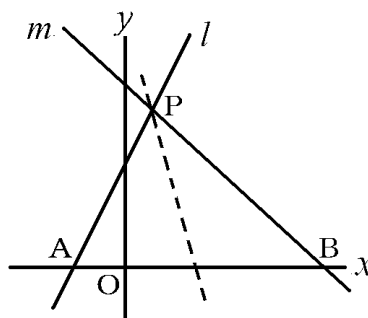
$$(\triangle ADC \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times \frac{15}{2} \times 3 = \frac{45}{4}$$

$$\text{よって, } (\triangle ABC \text{ の面積}) = (\triangle ADB \text{ の面積}) + (\triangle ADC \text{ の面積}) = \frac{75}{4} + \frac{45}{4} = \frac{120}{4} = 30$$

【】面積の二等分

[問題](2学期期末)

直線  $l: y = 2x + 4$ ，傾き  $-1$  の直線  $m$  が図のように点  $P(2, 8)$  で交わっている。次の各問いに答えよ。



- (1) 直線  $m$  の式を求めよ。
- (2)  $\triangle ABP$  の面積を求めよ。
- (3) 点  $P$  を通り， $\triangle ABP$  の面積を 2 等分する直線の式を求めよ。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1)  $y = -x + 10$  (2) 48 (3)  $y = -4x + 16$

[解説]

(1) 傾きが  $-1$  なので  $m$  の式は  $y = -x + b$  とおくことができる。  $P(2, 8)$  を通るので， $x = 2, y = 8$  を  $y = -x + b$  に代入して， $8 = -2 + b, b = 10$

よって，直線  $m$  の式は， $y = -x + 10$  となる。

(2) 直線  $l: y = 2x + 4$  に  $y = 0$  を代入すると， $0 = 2x + 4$  で  $x = -2$ 。よって点  $A$  の  $x$  座標は  $-2$

(1)より，直線  $m: y = -x + 10$

$y = -x + 10$  に  $y = 0$  を代入すると， $0 = -x + 10$   
 $x = 10$

よって，点  $B$  の  $x$  座標は  $10$ 。

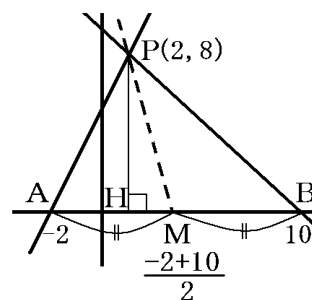
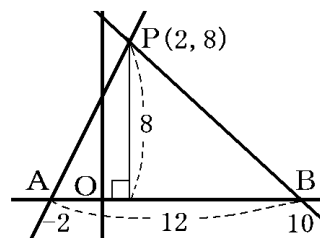
したがって， $AB = 10 - (-2) = 12$

底辺を  $AB$  とすると，高さは点  $P$  の  $y$  座標で  $8$

よって， $(\triangle ABP \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times 12 \times 8 = 48$

(3) 線分  $AB$  の中点を  $M$  とする。

$\triangle PAM$  と  $\triangle PBM$  で，それぞれの底辺を  $AM, BM$  とすると， $AM = BM$  で底辺の長さは等しい。高さは図の  $PH$  で共通。よって， $\triangle PAM$  と  $\triangle PBM$  の面積は等しくなる。



AB の中点 M の  $x$  座標は、 $\frac{-2+10}{2} = 4$

面積を二等分する直線は点 P(2, 8) と M(4, 0) とを通る。

$$(\text{直線 PM の傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - 8}{4 - 2} = \frac{-8}{2} = -4$$

傾きが  $-4$  なので、直線 PM の式は  $y = -4x + b$  とおくことができる。

直線 PM は M(4, 0) を通るので、 $y = -4x + b$  に  $x = 4$ ,  $y = 0$  を代入すると、

$$0 = -4 \times 4 + b, \quad b = 16$$

よって、 $\triangle ABP$  の面積を 2 等分する直線 PM の式は、 $y = -4x + 16$  である。

[問題](2 学期中間)

右の図のように、直線  $y = x + 4$  と直線  $y = ax + 10$

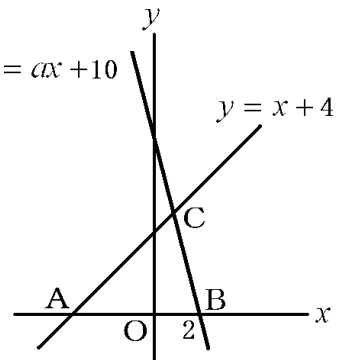
がある。この 2 直線と、 $x$  軸との交点をそれぞれ A、 $y = ax + 10$

B とする。B の座標は (2, 0) である。

(1) 直線  $y = ax + 10$  の傾き  $a$  の値を求めよ。

(2) 直線  $y = x + 4$  と直線  $y = ax + 10$  の交点 C の座標を求めよ。

(3) 点 C を通り、 $\triangle ABC$  の面積を 2 等分する直線の式を求めよ。



[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1)  $a = -5$  (2) (1, 5) (3)  $y = \frac{5}{2}x + \frac{5}{2}$

[解説]

(1) 直線  $y = ax + 10$  は点 B(2, 0) を通るので、 $y = ax + 10$  に  $x = 2$ ,  $y = 0$  を代入して、 $0 = 2a + 10$ ,  $2a = -10$ ,  $a = -5$

(2) 2 直線の交点は、2 直線の式を連立方程式として解けばよい。

$y = x + 4$  を  $y = -5x + 10$  に代入すると、

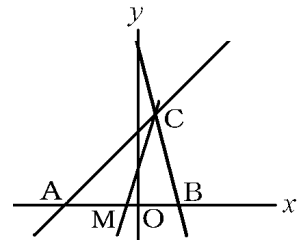
$$x + 4 = -5x + 10, \quad x + 5x = 10 - 4, \quad 6x = 6, \quad x = 1$$

$x=1$ を  $y=x+4$  に代入すると、  $y=1+4=5$

よって、交点  $C$  の座標は  $(1, 5)$

(3) 点  $C$  を通り、 $\triangle ABC$  の面積を 2 等分する直線は、右図のように線分  $AB$  の中点  $M$  を通る。

$y=x+4$  に  $y=0$  を代入すると、  $0=x+4$ 、  $x=-4$  なので、直線  $y=x+4$  と  $x$  軸との交点  $A$  の座標は  $(-4, 0)$



点  $B$  の座標は  $(2, 0)$  なので、中点  $M$  の  $x$  座標は、  $\frac{-4+2}{2} = -1$

$M(-1, 0)$  と  $C(1, 5)$  を通る直線  $MC$  の式を求める。

$$(\text{直線 } MC \text{ の傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{5 - 0}{1 - (-1)} = \frac{5}{2}$$

傾きが  $\frac{5}{2}$  なので、直線  $MC$  の式は  $y = \frac{5}{2}x + b$  とおくことができる。

直線  $MC$  は  $M(-1, 0)$  を通るので、  $y = \frac{5}{2}x + b$  に  $x = -1$ 、  $y = 0$  を代入すると、

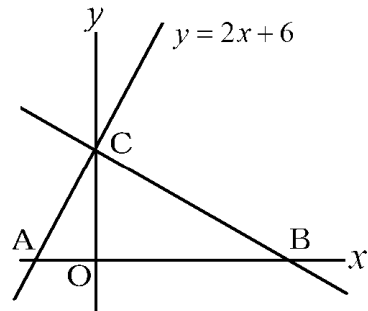
$$0 = \frac{5}{2} \times (-1) + b, \quad b = \frac{5}{2}$$

よって、 $\triangle ABC$  の面積を 2 等分する直線  $MC$  の式は、  $y = \frac{5}{2}x + \frac{5}{2}$  である。

[問題](2 学期中間)

右の図で、点  $A$ 、 $B$  は、 $x$  軸上、点  $C$  は  $y$  軸上の点である。直線  $AC$  の式が  $y = 2x + 6$  であるとき、次の問いに答えよ。

- (1)  $\triangle AOC$  の面積を求めよ。
- (2)  $\triangle COB$  の面積が、 $\triangle AOC$  の 3 倍であるとき、直線  $CB$  の式を求めよ。
- (3) 直線  $CB$  が(2)の条件を満たすとき、点  $C$  を通り  $\triangle CAB$  の面積を 2 等分する直線の式を求めよ。



[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) 9 (2)  $y = -\frac{2}{3}x + 6$  (3)  $y = -2x + 6$

[解説]

(1) 点 A の y 座標は  $y = 0$  なので,  $y = 2x + 6$  に  $y = 0$  を代入して,

$$0 = 2x + 6, 2x = -6, x = -3$$

よって, 点 A の座標は  $(-3, 0)$  で,  $OA = 3$

点 C の x 座標は  $x = 0$  なので,  $y = 2x + 6$  に  $x = 0$  を代入すると,  $y = 0 + 6 = 6$

よって, 点 C の座標は  $(0, 6)$  で,  $OC = 6$

$$(\triangle AOC \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times OA \times OC = \frac{1}{2} \times 3 \times 6 = 9$$

(2)  $\triangle COB$  の底辺を  $OB$  とすると高さは  $CO$  である。また,  $\triangle AOC$  の底辺を  $OA$  とすると高さは  $CO$  である。したがって,  $\triangle COB$  と  $\triangle AOC$  は高さが  $CO$  で共通なので, 2 つの三角形の底辺の長さの比と面積比は等しくなる。

$\triangle COB$  の面積は  $\triangle AOC$  の 3 倍であるので,  $OB = 3OA = 3 \times 3 = 9$  となり, 点 B の座標は  $(9, 0)$  となる。

2 点  $C(0, 6)$ ,  $B(9, 0)$  を通る直線  $CB$  の式を求める。

$$(\text{直線 } CB \text{ の傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - 6}{9 - 0} = \frac{-6}{9} = -\frac{2}{3}$$

直線  $CB$  は  $C(0, 6)$  を通るので切片は 6 である。

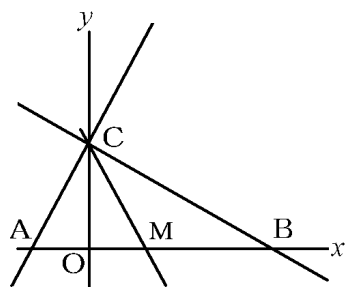
よって, 直線  $CB$  の式は,  $y = -\frac{2}{3}x + 6$  となる。

(3) 点 C を通り  $\triangle CAB$  の面積を 2 等分する直線は, 右図のように線分  $AB$  の中点  $M$  を通る。

$A(-3, 0)$ ,  $B(9, 0)$  なので,

$$\text{中点 } M \text{ の } x \text{ 座標は, } \frac{-3 + 9}{2} = \frac{6}{2} = 3 \text{ となる。}$$

2 点  $C(0, 6)$ ,  $M(3, 0)$  を通る直線の式を求める。



$$(\text{直線 MC の傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - 6}{3 - 0} = \frac{-6}{3} = -2$$

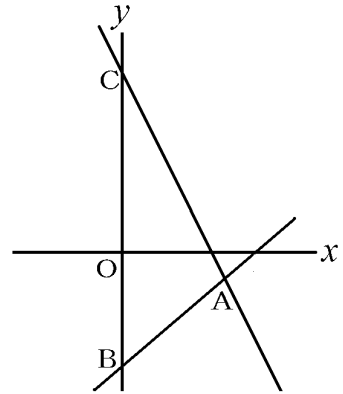
直線 MC は C(0, 6) を通るので切片は 6 である。

よって、 $\triangle ABC$  の面積を 2 等分する直線 MC の式は、 $y = -2x + 6$  である。

[問題](1 学期中間)

右の図のように、2 つの直線  $y = x - 4$ 、 $y = -2x + 5$  の交点を A、y 軸と交わる点をそれぞれ B、C とするとき、次の各問いに答えよ。

- (1) 交点 A の座標を求めよ。
- (2)  $\triangle ABC$  の面積を求めよ。
- (3) 点 B を通り、 $\triangle ABC$  の面積を 2 等分する直線の式を求めよ。



[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) (3, -1) (2)  $\frac{27}{2}$  (3)  $y = 4x - 4$

[解説]

(1) 2 直線の交点は、2 直線の式を連立方程式として解いて求める。

$$\begin{cases} y = x - 4 & \cdots \textcircled{1} \\ y = -2x + 5 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①の y を②に代入すると、

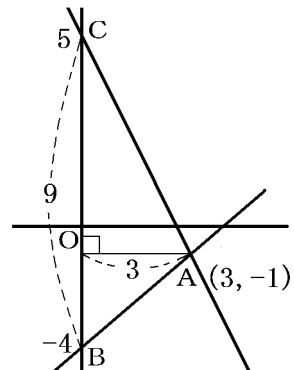
$$x - 4 = -2x + 5, \quad 3x = 9, \quad x = 3$$

$$x = 3 \text{ を } \textcircled{1} \text{ に代入すると、} \quad y = 3 - 4 = -1$$

よって、交点 A の座標は (3, -1) となる。

(2) BC を底辺とすると、高さは A 点の x 座標と等しくなる。

点 C の y 座標は  $y = -2x + 5$  の切片なので、 $y = 5$



点 B の y 座標は  $y = x - 4$  の切片なので、 $y = -4$   
 よって、 $BC = 5 - (-4) = 9$ 、(1)より点 A の座標は  
 (3, -1)なので高さは3である。よって、

$$(\triangle ABC \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times BC \times (\text{高さ}) = \frac{1}{2} \times 9 \times 3 = \frac{27}{2}$$

(3) 線分 AC の中点を M とする。

$\triangle BAM$  と  $\triangle BCM$  でそれぞれの底辺を AM, CM とすると、  
 $AM = CM$  で底辺の長さは等しい。高さは図の BH で共通。

ゆえに  $\triangle BAM$  と  $\triangle BCM$  の面積は等しくなる。

そこで、まず M の座標を求める。

(1)より  $A(3, -1)$ 、点 C は  $y = -2x + 5$  の切片なので

$C(0, 5)$

$$A(3, -1), C(0, 5) \text{ の中点 } M \text{ は } \left( \frac{3+0}{2}, \frac{-1+5}{2} \right) = \left( \frac{3}{2}, 2 \right)$$

\*2点  $(x_1, y_1)$ ,  $(x_2, y_2)$  の中点の座標は、

$$\left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$$

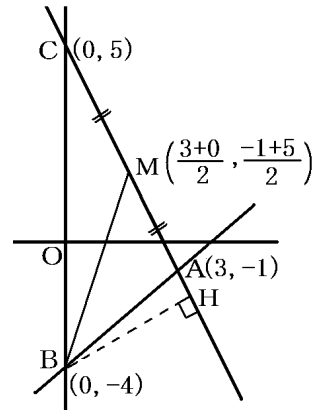
点 B は  $y = x - 4$  の切片なので、y 座標は -4

求める直線も B 点を通るので切片は -4、ゆえに  $y = ax - 4$  とおくことができる。

この  $y = ax - 4$  は  $M\left(\frac{3}{2}, 2\right)$  を通るので、 $x = \frac{3}{2}$ ,  $y = 2$  を  $y = ax - 4$  に代入して、

$$2 = \frac{3}{2}a - 4, \quad 4 = 3a - 8, \quad 3a = 12, \quad a = 4$$

よって求める直線の式は  $y = 4x - 4$

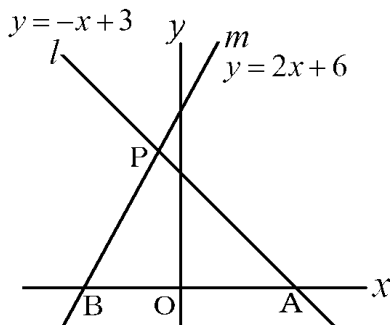


【】 その他

[回転体の体積]

[問題](2 学期期末)

右の図で、直線  $l$ ,  $m$  はそれぞれ 1 次関数  $y = -x + 3$ ,  $y = 2x + 6$  のグラフである。直線  $l$ ,  $m$  の交点を  $P$  とし、直線  $l$ ,  $m$  と  $x$  軸との交点をそれぞれ  $A$ ,  $B$  とする。このとき、次の各問いに答えよ。



- (1) 点  $A$ ,  $B$ ,  $P$  の座標をそれぞれ求めよ。
- (2)  $\triangle APB$  の面積を求めよ。
- (3) 点  $B$  を通り  $\triangle APB$  の面積を 2 等分する直線の式を求めよ。
- (4)  $\triangle APB$  を、 $x$  軸を軸として回転させたときにできる立体の体積を求めよ。

[解答欄]

(1)A :	B :	C :
(2)	(3)	(4)

[解答](1)A : (3, 0) B : (-3, 0) P : (-1, 4) (2) 12 (3)  $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$

(4)  $32\pi$

[解説]

(1) 点  $A$  :  $y = -x + 3$  に  $y = 0$  を代入して、 $0 = -x + 3$ ,  $x = 3$  よって、 $A(3, 0)$

点  $B$  :  $y = 2x + 6$  に  $y = 0$  を代入して、 $0 = 2x + 6$ ,  $x = -3$  よって、 $B(-3, 0)$

点  $P$  :  $y = -x + 3 \cdots \textcircled{1}$ ,  $y = 2x + 6 \cdots \textcircled{2}$  を連立方程式として解く。

$\textcircled{2}$  の  $y$  を  $\textcircled{1}$  に代入すると、 $2x + 6 = -x + 3$ ,  $3x = -3$ ,  $x = -1$

$x = -1$  を  $\textcircled{1}$  に代入すると、 $y = -(-1) + 3 = 4$  よって、 $P(-1, 4)$

(2)  $AB$  を底辺とする。 $A(3, 0)$ ,  $B(-3, 0)$  なので、 $AB = 3 - (-3) = 6$

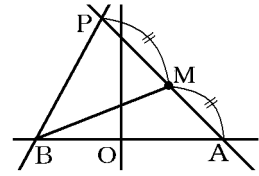
高さは点  $P(-1, 4)$  の  $y$  座標の 4 になるので、

$$(\triangle APB \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times (\text{底辺}) \times (\text{高さ}) = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12$$



(3) 右図のように、AP の中点を M とすると、  
直線 BM は  $\triangle APB$  の面積を二等分する。

(1)より、 $A(3, 0)$ ,  $P(-1, 4)$ なので、 $M\left(\frac{3-1}{2}, \frac{0+4}{2}\right)$ ,



$M(1, 2)$ になる。

直線 BM は 2 点  $B(-3, 0)$ ,  $M(1, 2)$ を通るので、

$$(\text{直線 BM の傾き}) = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{2 - 0}{1 - (-3)} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

傾きが  $\frac{1}{2}$  なので、直線 BM の式は  $y = \frac{1}{2}x + b$  とおくことができる。

直線 BM は  $B(-3, 0)$ を通るので、 $y = \frac{1}{2}x + b$  に  $x = -3$ ,  $y = 0$  を代入すると、

$$0 = \frac{1}{2} \times (-3) + b, \quad b = \frac{3}{2}$$

よって、 $\triangle APB$  の面積を 2 等分する直線 BM の式は、 $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$  である。

(4)  $\triangle APB$  を、 $x$  軸を軸として回転させたときにできる立体は右図のように、2 つの円錐  $V_1$  と  $V_2$  を合わせた形になる。

右図より、 $PH = 4 - 0 = 4$

$AH = 3 - (-1) = 4$ ,  $BH = -1 - (-3) = 2$

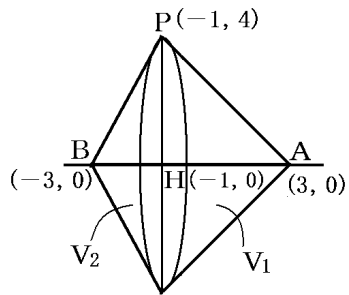
$V_1$  は底面の円の半径が  $PH = 4$  で、高さが  $AH = 4$  の円錐であるので、

$$(V_1 \text{ の体積}) = \frac{1}{3} \times \pi \times PH^2 \times AH = \frac{1}{3} \times \pi \times 4^2 \times 4 = \frac{64}{3} \pi$$

$V_2$  は底面の円の半径が  $PH = 4$  で、高さが  $BH = 2$  の円錐であるので、

$$(V_2 \text{ の体積}) = \frac{1}{3} \times \pi \times PH^2 \times BH = \frac{1}{3} \times \pi \times 4^2 \times 2 = \frac{32}{3} \pi$$

よって、 $(V_1 \text{ の体積}) + (V_2 \text{ の体積}) = \frac{64}{3} \pi + \frac{32}{3} \pi = \frac{96}{3} \pi = 32\pi$



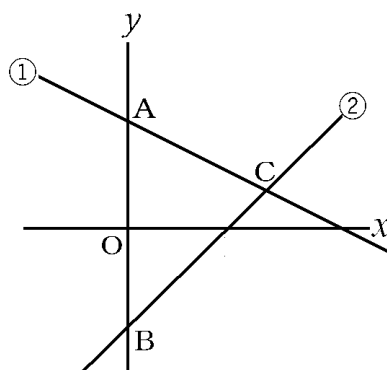
[問題](2学期中間)

右の図で、直線①、②の式は、それぞれ、

$$\textcircled{1} : y = -\frac{1}{2}x + 6$$

$$\textcircled{2} : y = x - 6$$

で、それぞれの直線と  $y$  軸との交点を  $A$ 、 $B$  とする。また、2つの直線の交点を  $C$  とする。このとき、次の各問いに答えよ。ただし、座標の1目もりを  $1\text{cm}$  とする。



(1) 点  $C$  の座標を求めよ。

(2)  $\triangle ABC$  の面積を求めよ。

(3)  $\triangle ABC$  を、 $y$  軸を軸として回転させてできる立体の体積を求めよ。ただし、円周率を  $\pi$  とする。

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答](1) (8, 2) (2)  $48\text{cm}^2$  (3)  $256\pi\text{cm}^3$

[解説]

(1)  $y = -\frac{1}{2}x + 6 \cdots \textcircled{1}$ ,  $y = x - 6 \cdots \textcircled{2}$  を連立方程式として解く。

②の  $y$  を①に代入すると、 $x - 6 = -\frac{1}{2}x + 6$ ,  $2x - 12 = -x + 12$

$$2x + x = 12 + 12, \quad 3x = 24, \quad x = 8$$

$$x = 8 \text{ を } \textcircled{2} \text{ に代入すると, } y = 8 - 6 = 2$$

よって、点  $C$  の座標は  $(8, 2)$  である。

(2)  $y = -\frac{1}{2}x + 6$  の切片は  $6$  なので、点  $A$  の  $y$  座標は  $6$  である。

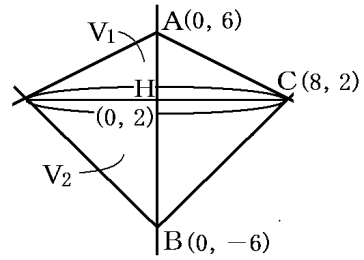
$y = x - 6$  の切片は  $-6$  なので、点  $B$  の  $y$  座標は  $-6$  である。

$$\text{よって, } AB = 6 - (-6) = 12(\text{cm})$$

$\triangle ABC$  の底辺を  $AB$  とすると、高さは点  $C$  の  $x$  座標の  $8\text{cm}$  になる。

$$\text{よって, } (\triangle ABC \text{ の面積}) = \frac{1}{2} \times 12 \times 8 = 48(\text{cm}^2)$$

(3)  $\triangle ABC$ を、 $y$ 軸を軸として回転させてできる立体は右図のように、2つの円錐 $V_1$ と $V_2$ を合わせた形になる。



右図より、 $CH=8-0=8(\text{cm})$

$AH=6-2=4(\text{cm})$ 、 $BH=2-(-6)=8(\text{cm})$

$V_1$ は底面の円の半径が $CH=8\text{cm}$ で、  
高さが $AH=4\text{cm}$ の円錐であるので、

$$(V_1\text{の体積}) = \frac{1}{3} \times \pi \times CH^2 \times AH = \frac{1}{3} \times \pi \times 8^2 \times 4 = \frac{256}{3} \pi (\text{cm}^3)$$

$V_2$ は底面の円の半径が $CH=8\text{cm}$ で、高さが $BH=8\text{cm}$ の円錐であるので、

$$(V_2\text{の体積}) = \frac{1}{3} \times \pi \times CH^2 \times BH = \frac{1}{3} \times \pi \times 8^2 \times 8 = \frac{512}{3} \pi (\text{cm}^3)$$

$$\text{よって、}(V_1\text{の体積}) + (V_2\text{の体積}) = \frac{256}{3} \pi + \frac{512}{3} \pi = \frac{768}{3} \pi = 256\pi (\text{cm}^3)$$

[等積変形など]

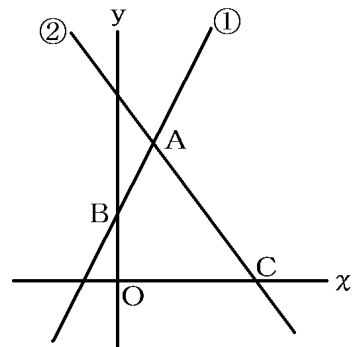
[問題](2学期中間)

右の図のように、1次関数

$$y = 2x + 3 \cdots \textcircled{1}$$

$$y = -x + 6 \cdots \textcircled{2}$$

のグラフがある。①、②のグラフの交点をA、①のグラフと $y$ 軸との交点をB、②のグラフと $x$ 軸との交点をCとすると、次の問いに答えよ。



(1) 点B、Cの座標をそれぞれ求めよ。

(2) 点Aの座標を求めよ。

(3)  $y$ 軸上に点Pをとって、 $\triangle ABC$ と面積が等しくなるように $\triangle ABP$ をつくりたい。このとき、点Pの $y$ 座標の値 $p$ を求めよ。(ただし、 $p < 3$ である。)

[解答欄]

(1)B :	C :	(2)
(3)		

[解答](1)B : (0, 3) C : (6, 0) (2) (1, 5) (3)  $p = -12$

[解説]

(1) 点 B の座標を求めるために、①の  $y = 2x + 3$  に  $x = 0$  を代入すると、 $y = 3$  によって、点 B の座標は(0, 3)になる。

次に、点 C の座標を求めるために、②の  $y = -x + 6$  に  $y = 0$  を代入すると、 $0 = -x + 6$ ,  $x = 6$  によって、点 C の座標は(6, 0)になる。

(2) 2 直線の交点を求めるために、2 直線の式  $y = 2x + 3 \cdots \textcircled{1}$  と  $y = -x + 6 \cdots \textcircled{2}$  を連立方程式として解く。

①の  $y$  を②に代入すると、

$$2x + 3 = -x + 6, 2x + x = 6 - 3, 3x = 3, x = 1$$

$x = 1$  を①に代入すると、 $y = 2 \times 1 + 3 = 5$  によって、交点 A の座標は(1, 5)

(3) \*この問題は、数学 2 年の図形の「等積変形」の考え方をを使う。

点 C を通り AB に平行な直線をひくと、この直線と y 軸と交わる点が点 P である。

このとき、 $\triangle ABC$  と  $\triangle ABP$  は底辺 AB を共有する。 $\triangle ABC$  の高さ CQ と  $\triangle ABP$  の高さ PR は、 $AB \parallel CP$  なので等しくなる。よって、 $\triangle ABC$  と  $\triangle ABP$  の面積は等しくなる。

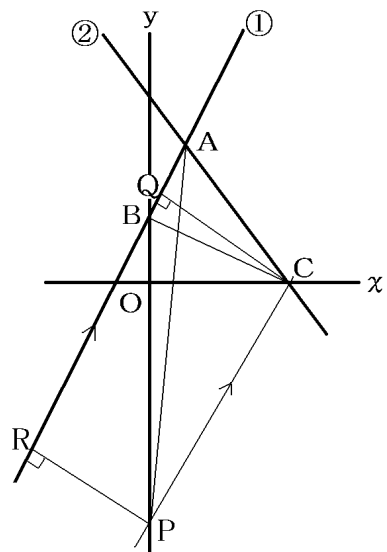
点 C を通って①と平行な直線の傾きは①の傾きと等しくなるので、式は、 $y = 2x + b$  と表すことができる。これに  $C(6, 0)$  を代入して、

$$0 = 12 + b \text{ で } b = -12$$

式は  $y = 2x - 12$

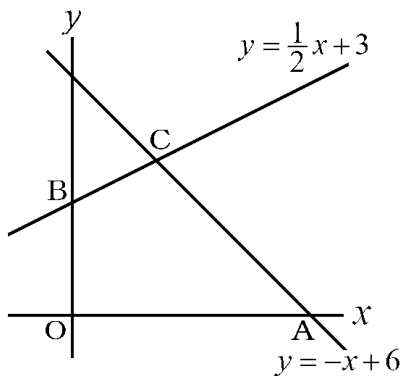
$y = 2x - 12$  が y 軸と交わる点 P の座標は(0, -12)

よって、 $p = -12$



[問題](後期期末)

右の図のように、2つの直線  $y = -x + 6$ 、  
 $y = \frac{1}{2}x + 3$ がある。次の各問いに答えよ。



- (1) 点 A, C の座標をそれぞれ求めよ。
- (2) 四角形 OACB と面積の等しい三角形 OBP をつくりたい。点 P の座標を  $x$  軸上にとるとき、点 P の座標を求めよ。ただし、 $x > 6$  とする。

[解答欄]

(1)A :	C :	(2)
--------	-----	-----

[解答]A : (6, 0) C : (2, 4) (2) (10, 0)

[解説]

(1)A :  $y = -x + 6$ に  $y = 0$  を代入すると、 $0 = -x + 6$ 、 $x = 6$  よって、A(6, 0)

C :  $y = -x + 6 \cdots \textcircled{1}$ 、 $y = \frac{1}{2}x + 3 \cdots \textcircled{2}$ を連立方程式として解く。

$\textcircled{2}$ の  $y$  を  $\textcircled{1}$ に代入すると、 $\frac{1}{2}x + 3 = -x + 6$ 、両辺を2倍すると、 $x + 6 = -2x + 12$ 、

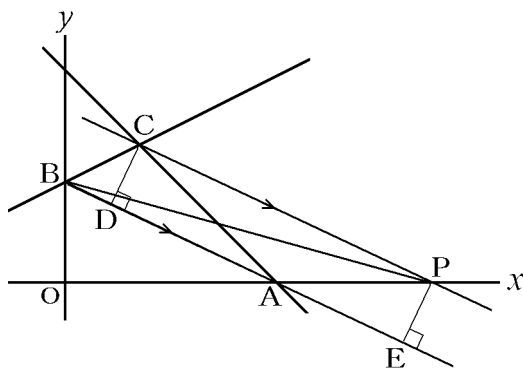
$$x + 2x = 12 - 6, \quad 3x = 6, \quad x = 2$$

$$x = 2 \text{ を } \textcircled{1} \text{ の } y = -x + 6 \text{ に代入すると、} y = -2 + 6 = 4$$

よって、点 C の座標は(2, 4)である。

(2) \*この問題は、数学2年の図形の「等積変形」の考え方を使う。

右図で、 $BA \parallel CP$  となるように、直線 CP をひくと、 $\triangle BAC$  と  $\triangle BAP$  は、底辺 BA が共通で高さ(CD と PE)が等しいので、面積が等しくなる。



このとき、

$$(\text{四角形 OACB}) = (\triangle OAB) + (\triangle BAC) = (\triangle OAB) + (\triangle BAP) = (\triangle OBP) \text{ となる。}$$

そこで、直線 CP の式を求めて、点 P の座標を求める。

点 B は  $y = \frac{1}{2}x + 3$  の切片であるので B の座標は (0, 3) である。また、(1)より点 A

の座標は (6, 0) である。よって、(直線 BA の傾き)  $= \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - 3}{6 - 0} = \frac{-3}{6} = -\frac{1}{2}$

CP // BA なので、直線 CP の傾きは  $-\frac{1}{2}$  である。

したがって、直線 CP の式は  $y = -\frac{1}{2}x + b$  とおくことができる。

直線 CP は C(2, 4) を通るので、 $y = -\frac{1}{2}x + b$  に  $x = 2$ ,  $y = 4$  を代入すると、

$$4 = -\frac{1}{2} \times 2 + b, \quad 4 = -1 + b, \quad b = 5$$

よって、直線 CP の式は、 $y = -\frac{1}{2}x + 5$  であることがわかる。

点 P の y 座標は 0 であるので、 $y = -\frac{1}{2}x + 5$  に  $y = 0$  を代入すると、

$$0 = -\frac{1}{2}x + 5, \quad \text{両辺を 2 倍して, } 0 = -x + 10, \quad x = 10$$

したがって、点 P の座標は (10, 0) である。

[印刷/他の PDF ファイルについて]

※ このファイルは、FdData 中間期末数学 2 年(7,800 円)の一部を PDF 形式に変換したサンプルで、印刷はできないようになっています。製品版の FdData 中間期末数学 2 年は Word の文書ファイルで、印刷・編集を自由に行うことができます。

※FdData中間期末(社会・理科・数学)全分野のPDFファイル、および製品版の購入方法は <http://www.fdtype.com/dat/> に掲載しております。

下図のような、[FdData 無料閲覧ソフト(RunFdData2)]を、Windows のデスクトップ上にインストールすれば、 FdData 中間期末・FdData 入試の全 PDF ファイル(各教科約 1800 ページ以上)を自由に閲覧できます。次のリンクを左クリックするとインストールが開始されます。

RunFdData 【 <http://fddata.deci.jp/lnk/instRunFdDataWDs.exe> 】

※ダイアログが表示されたら、【実行】ボタンを左クリックしてください。インストール中、いくつかの警告が出ますが、[実行][許可する][次へ]等を選択します。

【イメージ画像】



【Fd教材開発】(092) 404-2266

<http://www.fdtype.com/dat/>