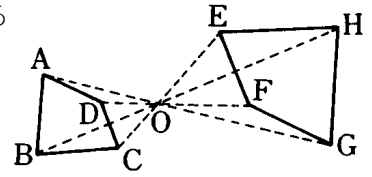


【】 図形の拡大と縮小

【問題】

右の図は、相似の位置にある2つの四角形を示したものである

- (1) 相似の中心はどこか。
- (2) 頂点Cに対応する頂点をいえ。
- (3) 辺ABに対応する辺をいえ。
- (4) 記号を用いて、相似の関係を表せ。



【解答欄】

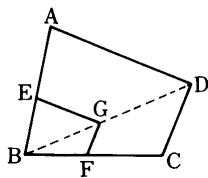
(1)	(2)	(3)
(4)		

【解答】 (1)点O (2)点E (3)辺GH (4)四角形ABCD \sim 四角形GHEF

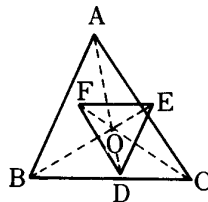
【問題】

次の図は、それぞれ相似の位置にある2つの図形を示したものである。相似の中心を答え、記号 \sim を用いて相似の関係を表せ。

(1)



(2)



【解答欄】

(1)
(2)

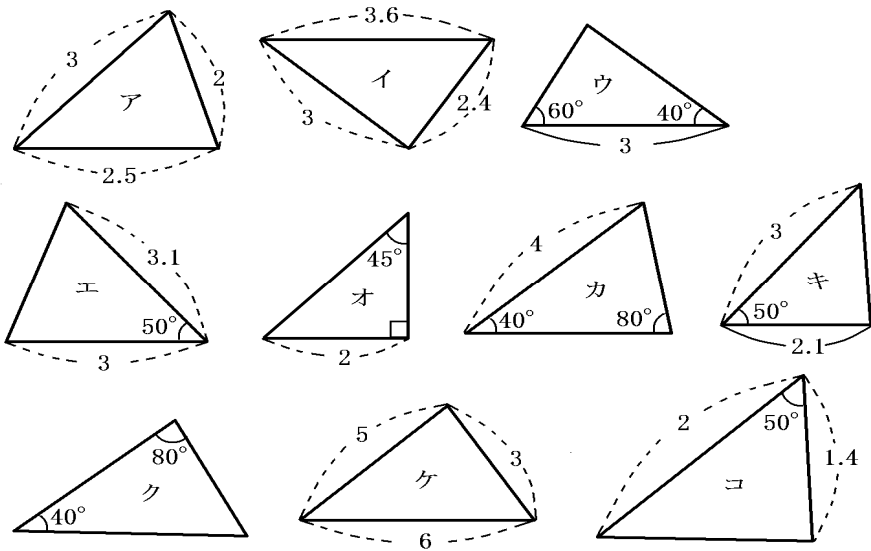
【解答】 (1)相似の中心B、四角形ABCD \sim 四角形EBFG

(2)相似の中心O、 $\triangle ABC \sim \triangle DEF$

【】 相似条件

[問題]

次の図の中から相似な三角形の組をすべて記号で選べ。また、その相似条件を答えよ。

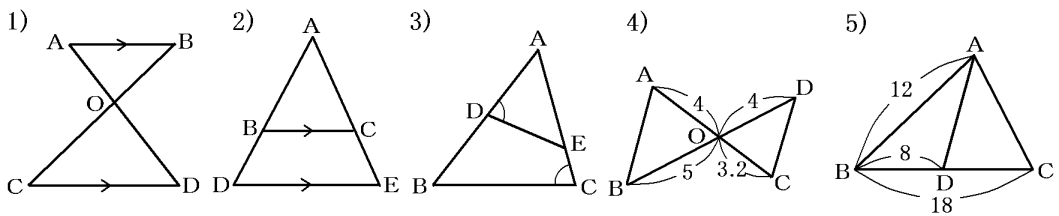


[解答欄]

[解答] ア, イ : 3組の辺の比が等しい
 ウ, カ, ク : 2組の角がそれぞれ等しい
 キ, コ : 2組の辺が等しく, そのはさむ角が等しい

[問題]

次の各図において, 相似な三角形は何と何か。また, その相似条件は何か。



[解答欄]

1)
2)
3)
4)
5)

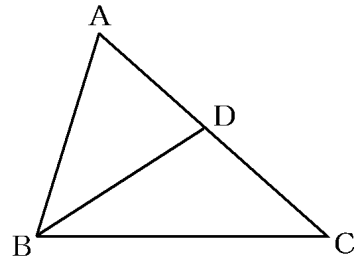
[解答]

- 1) $\triangle AOB$ と $\triangle DOC$: 2組の角がそれぞれ等しい
- 2) $\triangle ABC$ と $\triangle ADE$: 2組の角がそれぞれ等しい
- 3) $\triangle ADE$ と $\triangle ACB$: 2組の角がそれぞれ等しい
- 4) $\triangle ABO$ と $\triangle CDO$: 2組の辺の比が等しく, その間の角が等しい
- 5) $\triangle ABC$ と $\triangle DBA$: 2組の辺の比が等しく, その間の角が等しい

【】 相似の証明①(2組の辺の比が等しく, その間の角が等しい)

[問題]

右の図において, $AB=6\text{cm}$, $AC=9\text{cm}$, $AD=4\text{cm}$ であるとき, $\triangle ABC$ と $\triangle ADB$ が相似になることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle ABC$ と $\triangle ADB$ において,

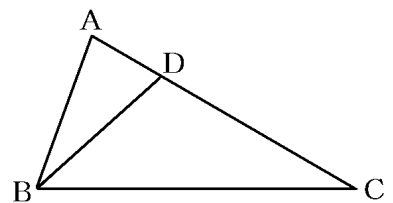
$\angle A$ は共通・・・①

仮定から $AB : AC = AD : AB = 2 : 3$ ・・・②

①, ②より2組の辺の比が等しく, そのはさむ角が等しいから $\triangle ABC \sim \triangle ADB$

[問題]

右の図で, $AB=4\text{cm}$, $AC=8\text{cm}$, $AD=2\text{cm}$ である。
 $\triangle ABC$ と $\triangle ADB$ は相似になることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle ABC$ と $\triangle ADB$ において

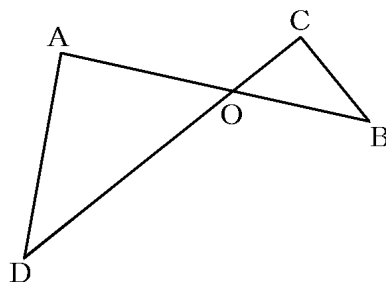
$\angle A$ は共通・・・①

仮定から $AC : AB = AB : AD = 2 : 1$ ・・・②

①, ②より2組の辺の比が等しく, そのはさむ角が等しいから $\triangle ABC \sim \triangle ADB$

[問題]

右の図で, $AO = 2CO$, $DO = 2BO$ のとき, $\triangle AOD$ と $\triangle COB$ は相似である。このことを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle AOD$ と $\triangle COB$ において

対頂角は等しいので $\angle AOD = \angle COB$ ・・・①

仮定から $AO : CO = DO : BO = 2 : 1$ ・・・②

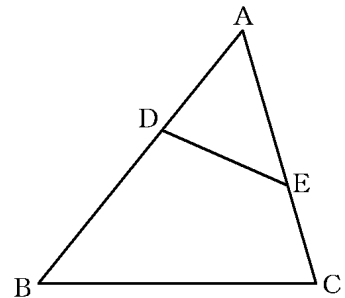
①, ②より2組の辺の比が等しく, そのはさむ角が等しいから $\triangle AOD \sim \triangle COB$

【】 相似の証明②(2組の角が等しい：共通角)

[問題]

右の図において、 $AD=4\text{cm}$ 、 $DB=6\text{cm}$ 、 $AE=5\text{cm}$ 、 $\angle ABC = \angle AED$ であるとき、

- (1) $\triangle ABC$ と $\triangle AED$ が相似であることを証明せよ。
- (2) EC の長さを求めよ。



[解答欄]

(1)

(2)

[解答]

(1) $\triangle ABC$ と $\triangle AED$ において

$\angle A$ は共通・・・①

仮定から $\angle ABC = \angle AED$ ・・・②

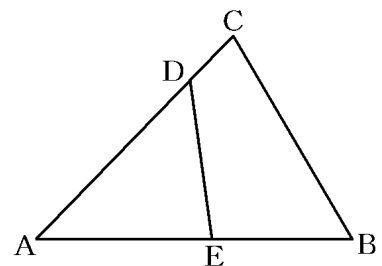
①、②より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle ABC \sim \triangle AED$

(2) 3cm

[問題]

右の図で、 $AC=6\text{cm}$ 、 $AB=7\text{cm}$ 、 $BC=5\text{cm}$ 、 $BE=3\text{cm}$ 、 $\angle ACB = \angle AED$ である。 DE の長さを求めよ。

[解答欄]

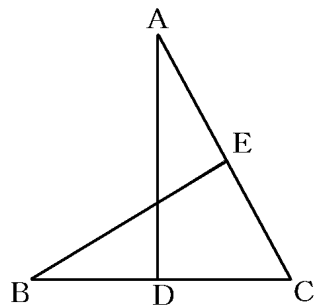


[解答] $\frac{10}{3}$ cm

[問題]

右の図で、 $\angle CAD = \angle CBE$ 、 $AC = 12$ cm、 $AD = 9$ cm、 $BC = 10$ cmのとき、

- (1) $\triangle ACD$ と $\triangle BCE$ が相似であることを証明せよ。
- (2) BE の長さを求めよ。



[解答欄]

(1)

(2)

[解答]

(1) $\triangle ACD$ と $\triangle BCE$ において

$\angle C$ は共通・・・①

仮定から $\angle CAD = \angle CBE$ ・・・②

①、②より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle ACD \sim \triangle BCE$

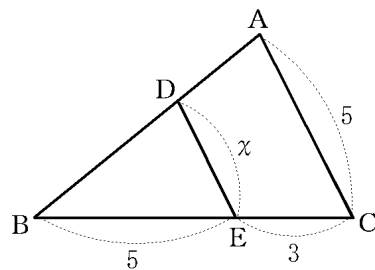
(2) 7.5cm

【】 相似の証明③(2組の角が等しい：平行)

【問題】

右の図で、ACとDEが平行のとき、

- (1) $\triangle ABC$ と $\triangle DBE$ が相似であることを証明せよ。
- (2) 線分xの長さを求めよ。



【解答欄】

(1)

(2)

【解答】

(1) $\triangle ABC$ と $\triangle DBE$ において

$\angle B$ は共通・・・①

仮定よりACとDEが平行なので $\angle BAC = \angle BDE$ ・・・②

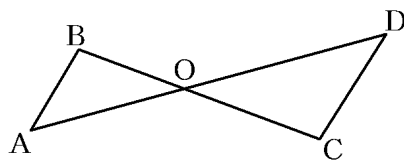
①, ②より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle ABC \sim \triangle DBE$

(2) $\frac{25}{8}$

【問題】

右の図において、ABとCDは平行で、 $AB = 6\text{cm}$,
 $AO = 9\text{cm}$, $BO = 5\text{cm}$, $CO = 8\text{cm}$ である。

- (1) $\triangle ABO$ と $\triangle DCO$ が相似であることを証明せよ。
- (2) DOとCDの長さをそれぞれ求めよ。



[解答欄]

(1)

(2)

[解答]

(1) $\triangle ABO$ と $\triangle DCO$ において

仮定より AB と CD が平行なので $\angle ABO = \angle DCO$, $\angle BAO = \angle CDO$

2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle ABO \sim \triangle DCO$

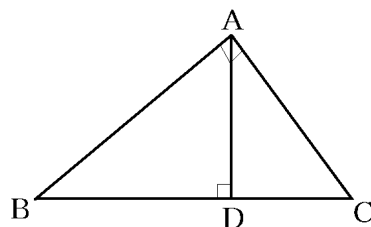
(2) $DO : 14.4\text{cm}$, $CD : 9.6\text{cm}$

【】 相似の証明④(2組の角が等しい：直角三角形)

【問題】

直角三角形の頂点Aから辺BCに垂線ADをひく。

- (1) $\triangle ABC$ と $\triangle DBA$ が相似になることを証明せよ。
- (2) $\triangle ABD$ と $\triangle CAD$ が相似になることを証明せよ。
- (3) $AB=4\text{cm}$, $AC=3\text{cm}$, $BC=5\text{cm}$ のとき, BD の長さを求めよ。



【解答欄】

(1)

(2)

(3)

【解答】

(1) $\triangle ABC$ と $\triangle DBA$ において, $\angle B$ は共通 \cdots ①

仮定より $\angle BAC = \angle BDA = 90^\circ \cdots$ ②

①, ②より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle ABC \sim \triangle DBA$

(2) $\triangle ABD$ と $\triangle CAD$ において

仮定より $\angle ADB = \angle CDA = 90^\circ \cdots$ ①

$\angle ABD + \angle BAD = 90^\circ$, $\angle CAD + \angle BAD = 90^\circ$ なので

$\angle ABD = \angle CAD \cdots$ ②

①, ②より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle ABD \sim \triangle CAD$

(3) 3.2cm

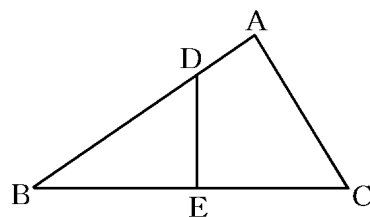
[問題]

∠Aが直角の直角三角形ABCがある。BCの中点EからBCに対して垂線をひき、ABとの交点をDとする。

AB=16cm, AC=12cm, BC=20cmとすると、

(1) △ABCと△EBDが相似であることを証明せよ。

(2) DEの長さを求めよ。



[解答欄]

(1)

(2)

[解答]

(1) △ABCと△EBDにおいて

∠Bは共通・・・①

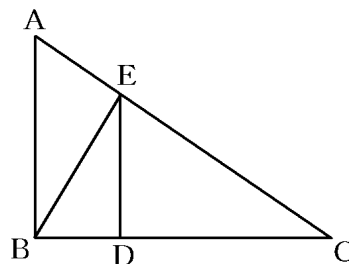
仮定より∠BAC=∠BED=90°・・・②

①, ②より2組の角がそれぞれ等しいので△ABC∽△EBD

(2) 7.5cm

[問題]

右の図で、∠ABC=∠BEC=∠EDC=90°とすると、△ABEと△BEDが相似になることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle ABE$ と $\triangle BED$ において

仮定より $\angle AEB = \angle BDE = 90^\circ \cdots \textcircled{1}$

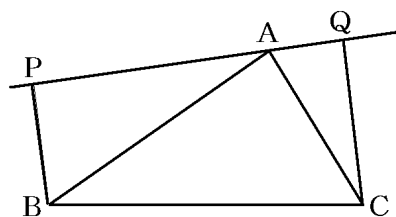
$\angle BAE + \angle ABE = 90^\circ$ $\angle EBD + \angle ABE = 90^\circ$ なので

$\angle BAE = \angle EBD \cdots \textcircled{2}$

$\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle ABE \sim \triangle BED$

[問題]

$\angle A$ が直角の直角三角形 ABC の頂点 A を通る直線に,
 B , C からそれぞれ垂線 BP , CQ をひく。このとき, \triangle
 ABP と $\triangle CAQ$ が相似になることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle ABP$ と $\triangle CAQ$ において

仮定より $\angle APB = \angle CQA = 90^\circ \cdots \textcircled{1}$

$\angle BAC = 90^\circ$ なので $\angle BAP + \angle CAQ = 90^\circ$

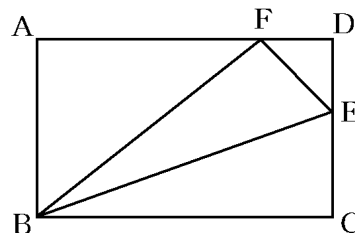
また $\angle BAP + \angle ABP = 90^\circ$

$\therefore \angle ABP = \angle CAQ \dots \textcircled{2}$

①, ②より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle ABP \sim \triangle CAQ$

[問題]

長方形ABCDのCD上にEをとり、BEを折り目にしてCがAD上にくるように折り返した。この点をFとするとき、 $\triangle ABF$ と $\triangle DFE$ が相似になることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle ABF$ と $\triangle DFE$ において

$\angle BAF = \angle FDE = 90^\circ \dots \textcircled{1}$

FとCは対応しているのので $\angle BFE = 90^\circ$

$\therefore \angle AFB + \angle EFD = 90^\circ$

また $\angle AFB + \angle FBA = 90^\circ$

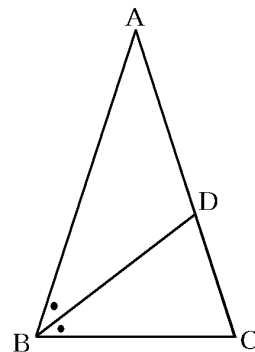
よって $\angle FBA = \angle EFD \dots \textcircled{2}$

①, ②より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle ABF \sim \triangle DFE$

【】 相似の証明⑤(特殊な二等辺三角形)

[問題]

右の図のように、 $\angle A = 36^\circ$ 、 $AB = AC$ の二等辺三角形ABCがあり、 $\angle B$ の二等分線をBDとする。このとき、 $\triangle ABC$ は $\triangle BDC$ と相似となることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle ABC$ と $\triangle BDC$ において

仮定より $AB = AC$ なので $\angle ABC = \angle ACB$

また $\angle A = 36^\circ$ なので $\angle ABC = \angle ACB = 72^\circ$

仮定よりBDは $\angle B$ の二等分線なので $\angle CBD = 36^\circ$

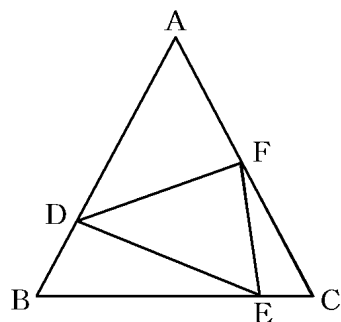
$\therefore \angle BAC = \angle DBC \cdots \textcircled{1}$

$\angle C$ は共通 $\cdots \textcircled{2}$

$\textcircled{1}$ 、 $\textcircled{2}$ より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle ABC \sim \triangle BDC$

[問題]

右の図は、正三角形ABC上のDFを折り目として頂点AがEの位置にくるように折った状態を示している。△DBEと△ECFが相似になることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

△DBEと△ECFにおいて

△ABCは正三角形なので $\angle B = \angle C = 60^\circ \dots \textcircled{1}$

$\angle BED + \angle CEF = 180^\circ - \angle DEF = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$

$\angle BED + \angle BDE = 180^\circ - \angle B = 120^\circ$

$\therefore \angle BDE = \angle CEF \dots \textcircled{2}$

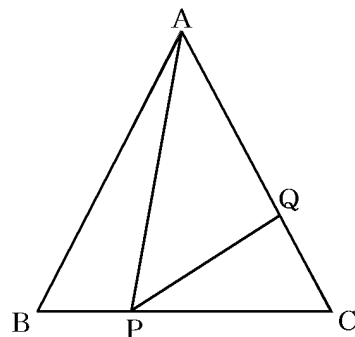
①, ②より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle DBE \sim \triangle ECF$

[問題]

右の図で、△ABCは、1辺の長さが9cmの正三角形である。BP=3cm、 $\angle APQ = 60^\circ$ のとき、

(1) △ABPと△PCQが相似になることを証明せよ。

(2) AQの長さを求めよ。



[解答欄]

(1)

(2)

[解答]

(1) $\triangle ABP$ と $\triangle PCQ$ において

仮定より $\angle ABP = \angle PCQ = 60^\circ \cdots \textcircled{1}$

$\angle APQ = 60^\circ$ なので $\angle APB + \angle CPQ = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$

$\angle C = 60^\circ$ なので $\angle PQC + \angle CPQ = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$

$\therefore \angle APB = \angle PQC \cdots \textcircled{2}$

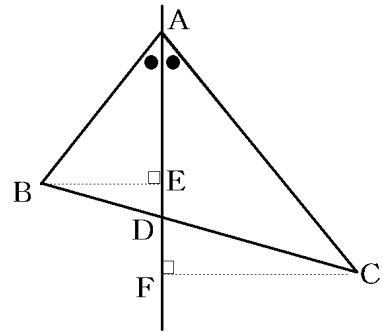
$\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle ABP \sim \triangle PCQ$

(2) 7cm

【】 相似の証明(角の二等分)

[問題]

右の図の $\triangle ABC$ において、 $\angle A$ の二等分線と辺 BC との交点を D とすると、 $AB : AC = BD : CD$ であることを右の図を使って証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle ABE$ と $\triangle ACF$ において

仮定より $\angle BAE = \angle CAF$, $\angle AEB = \angle AFC = 90^\circ$

2組の角がそれぞれ等しいので、 $\triangle ABE \sim \triangle ACF$

$$\therefore AB : AC = BE : CF \cdots \textcircled{1}$$

次に、 $\triangle BDE$ と $\triangle CDF$ において

対頂角は等しいので $\angle BDE = \angle CDF$

$$\angle BED = \angle CFD = 90^\circ$$

2組の角がそれぞれ等しいので、 $\triangle BDE \sim \triangle CDF$

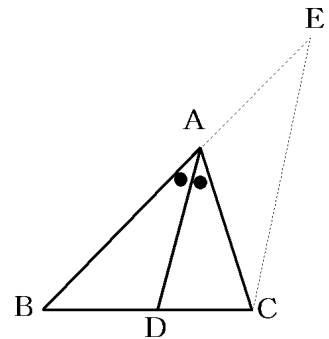
$$\therefore BE : CF = BD : CD \cdots \textcircled{2}$$

①, ②より $AB : AC = BD : CD$

[問題]

$\triangle ABC$ の $\angle A$ の二等分線と辺 BC の交わる点を D とするとき、 $AB : AC = BD : CD$ となることを右の図を使って証明せよ。

ただし、 B, A, E は一直線上にあり、 $AE = AC$ とする。



[解答欄]

[解答]

$AC = AE$ なので $\angle ACE = \angle AEC$

また、三角形の2つの内角の和は他の外角に等しいので、

$$2\angle ACE = \angle ACE + \angle AEC = \angle BAC = 2\angle CAD$$

$\therefore \angle ACE = \angle CAD$ となって、錯角が等しいので $AD \parallel EC$

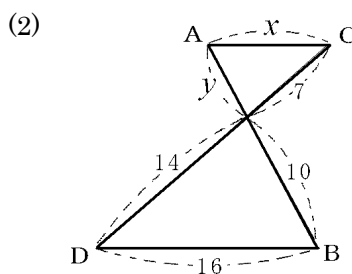
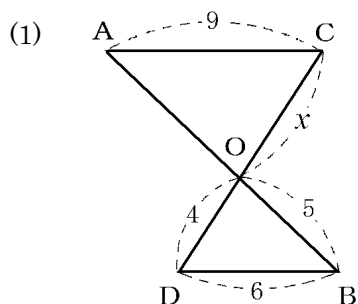
平行線の性質より、 $AB : AE = BD : CD$

仮定より $AE = AC$ なので、 $AB : AC = BD : CD$

【I】平行線の性質(基本)

[問題]

次のそれぞれの図で、ACとBDは平行である。 x 、 y を求めよ。



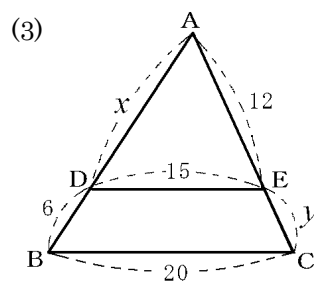
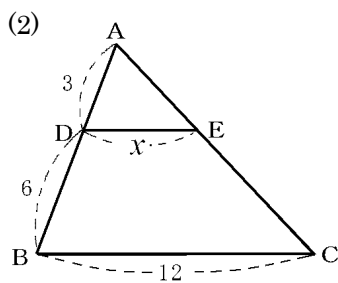
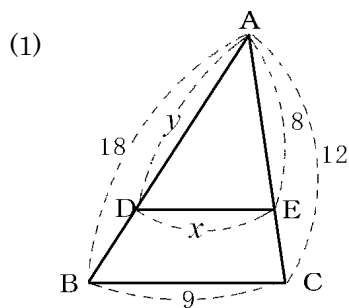
[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答] (1) $x=6$ (2) $x=8, y=5$

[問題]

次のそれぞれの図で、DEとBCは平行である。 x 、 y を求めよ。



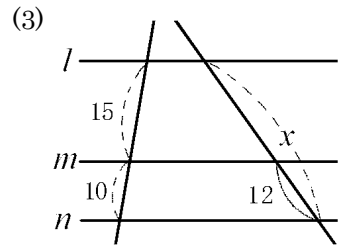
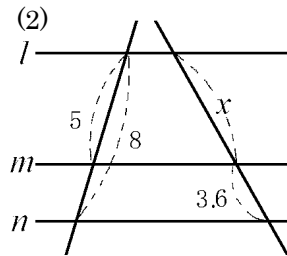
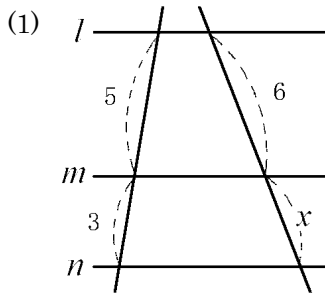
[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答] (1) $x=6, y=12$ (2) $x=4$ (3) $x=18, y=4$

[問題]

l, m, n が平行であるとき, x の値を求めよ。



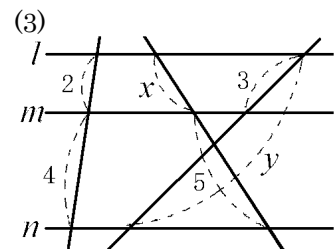
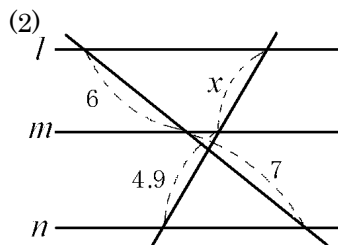
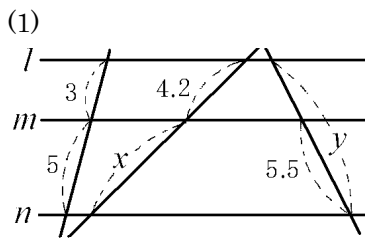
[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答] (1) $x=3.6$ (2) $x=6$ (3) $x=30$

[問題]

l, m, n が平行であるとき, x, y の値を求めよ。



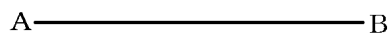
[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答] 1) $x=7, y=8.8$ 2) $x=4.2$ 3) $x=2.5, y=9$

[問題]

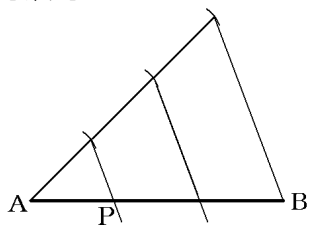
線分ABを1:2の比に分ける点Pを作図により求めよ。



[解答欄]



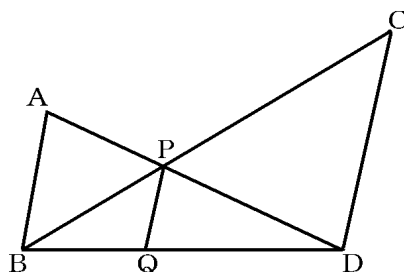
[解答]



【】 平行線の性質(三角形)

[問題]

右の図で、点Pは線分ADとBCの交点であり、線分AB, PQ, CDは平行である。AB=8cm, CD=12cmのとき、線分PQの長さを求めよ。

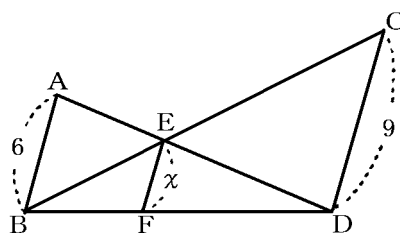


[解答欄]

[解答] $\frac{24}{5}$ cm

[問題]

右の図でAB, CD, EFが平行であるとき、 x の値を求めよ。

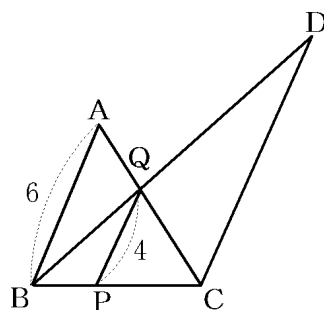


[解答欄]

[解答] $x = \frac{18}{5}$

[問題]

右の図で、AB, QP, CDが平行であるとき、CDの長さを求めよ。



[解答欄]

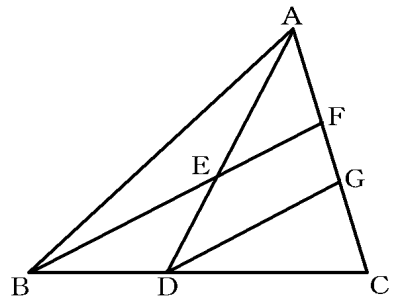
[解答] 12

[問題]

右の図で、 $BD : DC = 2 : 3$ 、 $AE : ED = 5 : 3$ 、 $BF \parallel DG$ であるとき、 $FG : AC$ の値を求めよ。

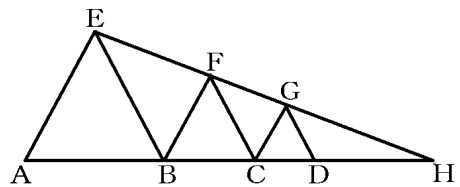
[解答欄]

[解答] $FG : AC = 6 : 25$



[問題]

右の図で、4点A, B, C, Dは一直線上にあり、 $\triangle ABE$, $\triangle BCF$, $\triangle CDG$ はそれぞれAB, BC, CDを1辺とする正三角形である。また、3点E, F, Gは一直線上にあり、Hは直線ABと直線EFとの交点である。AE=6cm, AH=18cmのとき、線分CGの長さを求めよ。



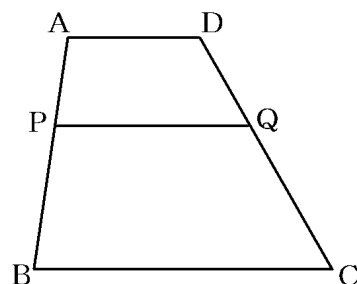
[解答欄]

[解答] $CG = \frac{8}{3}$ cm

【】 平行線の性質(台形)

[問題]

右の図で、四角形ABCDはADとBCが平行である台形である。また、点P、Qはそれぞれ辺AB、CD上の点で、PQとADは平行である。AD=8cm、BC=18cm、AP:AB=2:5 のとき、PQの長さを求めよ。

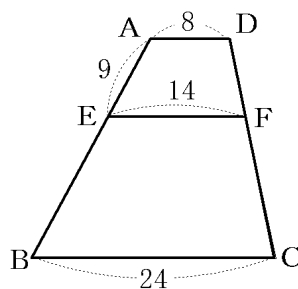


[解答欄]

[解答] 12cm

[問題]

右の図で、四角形ABCDはADとBCが平行である台形である。また、点E、Fはそれぞれ辺AB、CD上の点で、EFとADは平行である。BEの長さを求めよ。

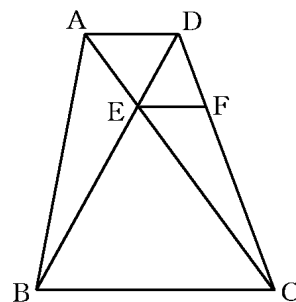


[解答欄]

[解答] 15

[問題]

右の図のような、AD=2cm、BC=5cm、ADとBCが平行である台形ABCDにおいて、対角線の交点Eから、辺BCに平行な直線を引き、CDとの交点をFとしたとき、EFの長さは何cmか。

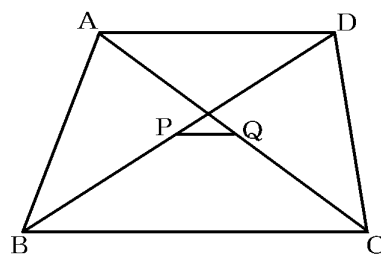


[解答欄]

[解答] $\frac{10}{7}$ cm

[問題]

右の図において、四角形ABCDはAD // BC,
AD < BCの台形で、対角線BD, ACの
中点をそれぞれP, Qとする。BC = x,
AD = yとして、PQの長さをx, y
を用いた式で表せ。



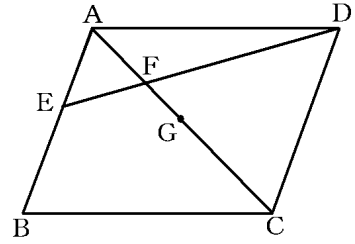
[解答欄]

[解答] $\frac{1}{2}x - \frac{1}{2}y$

【】 平行線の性質(平行四辺形)

[問題]

右の図のように、平行四辺形 $ABCD$ があり、辺 AB を $2:3$ に分ける点を E 、線分 DE と対角線 AC の交点を F 、対角線 AC の中点を G とする。このとき、 $AF:FG$ を最も簡単な整数の比で答えよ。



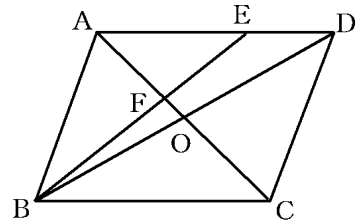
[解答欄]

[解答] $AF:FG=4:3$

[問題]

右の図で、四角形 $ABCD$ は平行四辺形であり、 $AE:ED=3:2$ である。このとき、次の比を最も簡単な整数の比で表せ。

- (1) $AF:FC$
- (2) $FO:OC$



[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

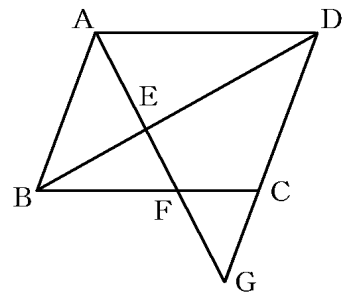
[解答] (1) $3:5$ (2) $1:4$

[問題]

右の図のような平行四辺形 $ABCD$ において、 $BF:FC=3:2$ とする。 $BD=10\text{cm}$ のとき、 BE の長さを求めよ。

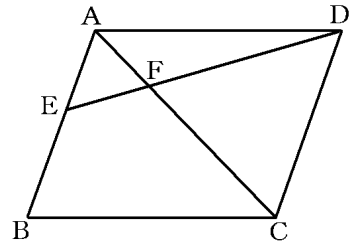
[解答欄]

[解答] 3.75cm



[問題]

右の図のように、平行四辺形ABCDがあり、辺ABを2 : 3に分ける点をE、線分DEと対角線ACの交点をFとする。平行四辺形ABCD面積は $\triangle AEF$ の面積の何倍か。

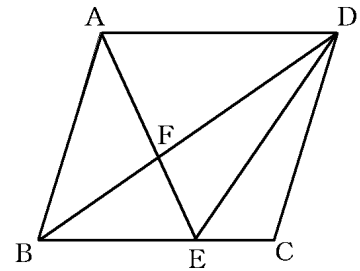


[解答欄]

[解答] 17.5倍

[問題]

四角形ABCDは平行四辺形で、 $BE : EC = 2 : 1$ である。 $(\triangle DEF \text{の面積}) : (\text{平行四辺形ABCDの面積})$ を最も簡単な整数比で答えよ。

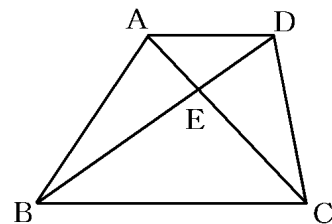


[解答欄]

[解答] 1 : 5

[問題]

ADとBCが平行である台形ABCDで、 $AD = 4\text{cm}$ 、 $BC = 8\text{cm}$ とする。 $\triangle ADE$ の面積が 6cm^2 のとき、台形ABCDの面積を求めよ。



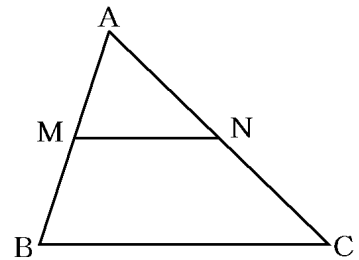
[解答欄]

[解答] 54cm^2

【】 中点連結定理①(定理の証明)

[問題]

$\triangle ABC$ の辺 AB , AC の中点をそれぞれ M , N とする。
このとき, MN は BC と平行で, $MN : BC = 1 : 2$ となる
ことを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle AMN$ と $\triangle ABC$ において

$\angle A$ は共通・・・①

仮定より $AM : AB = AN : AC = 1 : 2$ ・・・②

①, ②より2組の辺の比が等しく, そのはさむ角が等しいから

$\triangle AMN \sim \triangle ABC$

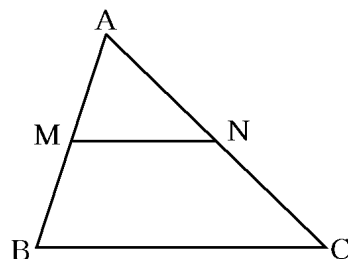
$\therefore MN : BC = 1 : 2$

また, 対応する角は等しいので $\angle AMN = \angle ABC$

同位角が等しいので $MN \parallel BC$

[問題]

$\triangle ABC$ の辺 AB の中点を M とし、 M を通り辺 BC に平行な直線が AC と交わる点を N とすると、 $AN=NC$ となることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle AMN$ と $\triangle ABC$ において

$\angle A$ は共通・・・①

仮定より $MN \parallel BC$ なので、同位角が等しく $\angle AMN = \angle ABC$ ・・・②

①、②より2組の角がそれぞれ等しいので $\triangle AMN \sim \triangle ABC$

仮定より $AM : AB = 1 : 2$

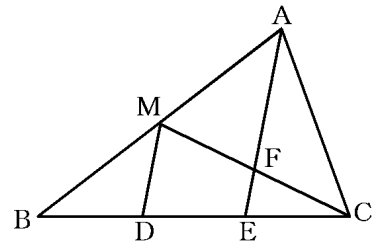
$\therefore AN : AC = 1 : 2$

$\therefore AN = NC$

【I】中点連結定理②(3分点)

【問題】

三角形ABCで、右の図のように、辺ABの中点をM、辺BCを3等分する点をD、Eとし、AEとCMの交点をFとする。MD=4cmであるとき、線分AFの長さを求めよ。



【解答欄】

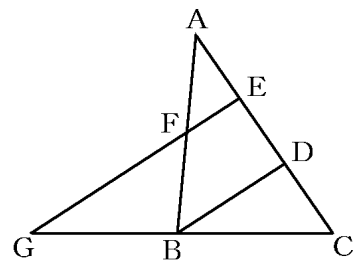
【解答】 6cm

【問題】

右の図で、Fは辺ABの中点であり、E、Dは辺ACを3等分する点である。FGの長さはBDの長さの何倍か。

【解答欄】

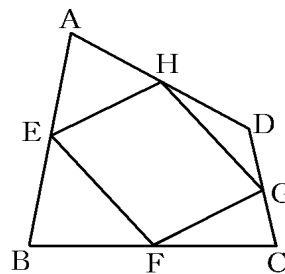
【解答】 1.5倍



【】 中点連結定理③(平行四辺形になることの証明)

[問題]

四角形ABCDの辺AB, BC, CD, DAの中点をそれぞれE, F, G, Hとすると, 四角形EFGHは平行四辺形であることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

△ABDにおいて

仮定よりAE=EB, AH=HDなので中点連結定理より

$$BD // EH, \quad BD = 2EH \cdots \textcircled{1}$$

また, △CBDにおいて, 同様にして

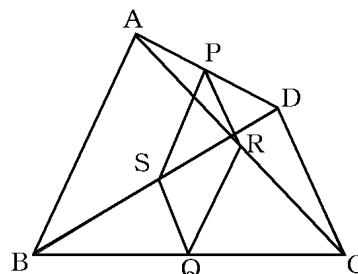
$$BD // FG, \quad BD = 2FG \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{より } EH // FG, \quad EH = FG$$

1組の辺が平行で等しいので四角形EFGHは平行四辺形である。

[問題]

右の図の四角形ABCDにおいて, AD, BCの中点をそれぞれP, Qとし, また対角線AC, BDの中点をそれぞれR, Sとすると, 四角形PSQRは平行四辺形であることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle DAB$ において

$DP=PA$, $DS=SB$ なので中点連結定理より

$AB \parallel PS$, $AB=2PS$ ・・・①

また, $\triangle CAB$ において, 同様にして

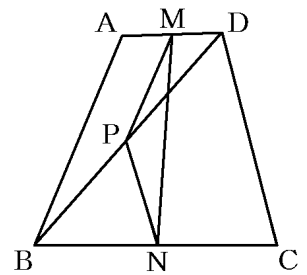
$AB \parallel RQ$, $AB=2RQ$ ・・・②

①, ②より $PS \parallel RQ$, $PS=RQ$

1組の辺が平行で等しいので四角形 $PSQR$ は平行四辺形である。

[問題]

右の図で $AB=CD$ で, M , N , P はそれぞれ AD , BC , BD の中点である。 $\triangle PMN$ が二等辺三角形であることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$\triangle DAB$ において

$DM=MA$, $DP=PB$ なので中点連結定理より

$$AB=2MP \cdots \textcircled{1}$$

同様にして $\triangle BCD$ において

$$CD=2NP \cdots \textcircled{2}$$

仮定より $AB=CD$ なので $\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ より $MP=NP$

$\therefore \triangle PMN$ は二等辺三角形である。

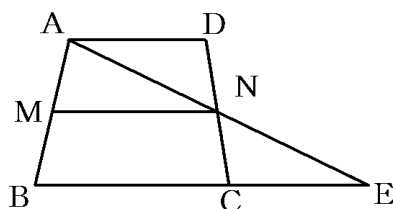
【】 中点連結定理④(台形の中点連結定理)

[問題]

ADとBCが平行である台形ABCDでAB, DCの中点をそれぞれM, Nとするとき,

$$MN = \frac{1}{2}(AD + BC) \text{で, } MN \text{ と } BC \text{ が平行になること}$$

を, 右の図を使って証明せよ。



[解答欄]

[解答]

△ADNと△ECNにおいて

仮定より $DN = CN \cdots \textcircled{1}$

対頂角は等しいので $\angle AND = \angle ENC \cdots \textcircled{2}$

$AD \parallel BE$ なので, 錯角が等しく $\angle ADN = \angle ECN \cdots \textcircled{3}$

①, ②, ③より1辺とその両端の角がそれぞれ等しいので

$\triangle ADN \cong \triangle ECN \quad \therefore AN = EN$

また仮定より $AM = BM$

よって中点連結定理より $MN \parallel BE$, $MN = \frac{1}{2} BE$

$\triangle ADN \cong \triangle ECN$ なので $AD = CE$

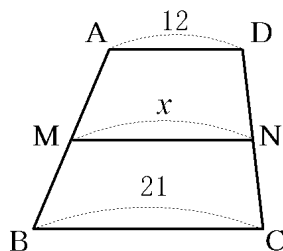
$$\therefore MN = \frac{1}{2} BE = \frac{1}{2} (CE + BC) = \frac{1}{2} (AD + BC)$$

[問題]

ADとBCが平行である台形ABCDの辺AB, DCの中点をそれぞれM, Nとすると、 x を求めよ。

[解答欄]

[解答] 16.5

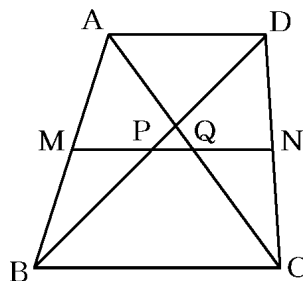


[問題]

右の図で、ADとBCは平行で、M, Nはそれぞれ辺AB, DCの中点である。AD=8cm, BC=12cmのとき、PQの長さを求めよ。

[解答欄]

[解答] 2cm

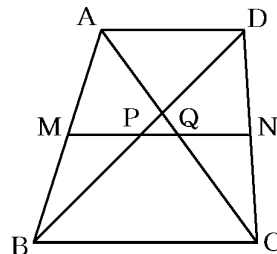


[問題]

右の図で、ADとBCは平行で、M, Nはそれぞれ辺AB, DCの中点であり、P, QはMNの3等分点である。ADの長さが2cmのとき、BCの長さを求めよ。

[解答欄]

[解答] 4cm



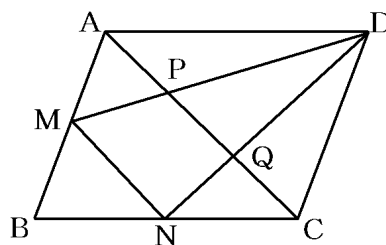
【】 中点連結定理⑤(比の配分)

[問題]

右の図の平行四辺形で、M、Nはそれぞれ、AB、BCの中点とする。このとき、 $PQ : MN$ を求めよ。

[解答欄]

[解答] 2 : 3

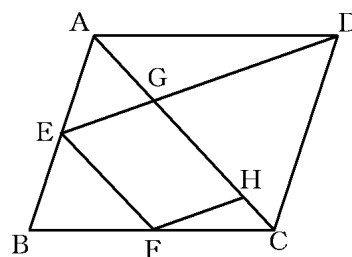


[問題]

右の図で、四角形ABCDは平行四辺形、Eは辺ABの中点、Fは辺BC上の点で、EFとACは平行である。また、GはACとDEの交点、HはAC上の点で、EGとFHは平行である。AG : GH : HCを求めよ。

[解答欄]

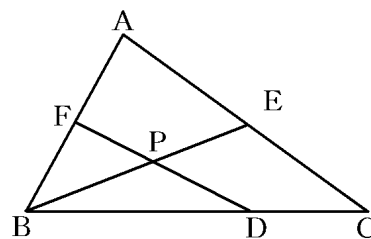
[解答] 2 : 3 : 1



【】 中点連結(面積比)

[問題]

右の図のように、 $\triangle ABC$ の辺 BC を $2:1$ に内分する点を D とし、 2 辺 AC 、 AB の中点をそれぞれ E 、 F とする。 BE と DF との交点を P とすると、 $\triangle ABC$ の面積は $\triangle FBP$ の面積の何倍か。

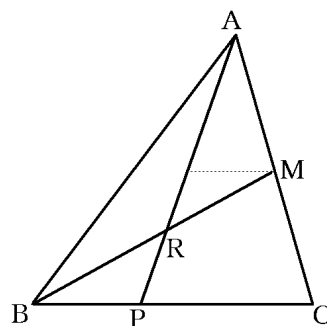


[解答欄]

[解答] 7倍

[問題]

右の図のような $\triangle ABC$ の辺 BC 上に $BP:PC=1:2$ となる点 P をとり、これと A とを結ぶ。辺 AC の中点を M とし、線分 AP と線分 BM との交点を R とする。四角形 $RPCM$ の面積は $\triangle BPR$ の面積の何倍か。



[解答欄]

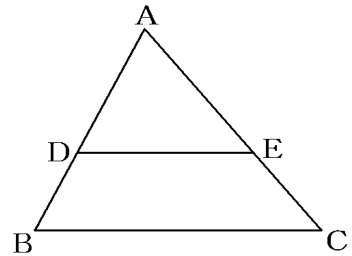
[解答] 5倍

【】 相似比と面積比

[問題]

右図で、 $DE \parallel BC$ で、 $AD : DB = 3 : 2$ のとき、次の問いに答えよ。

- (1) $\triangle ADE$ と $\triangle ABC$ の面積の比を求めよ。
- (2) $\triangle ABC$ の面積が 50cm^2 のとき、台形 $DBCE$ の面積を求めよ。



[解答欄]

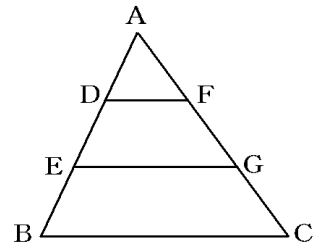
(1)	(2)
-----	-----

[解答] (1) $9 : 25$ (2) 32cm^2

[問題]

右の図において DF 、 EG 、 BC は互いに平行で、 $AD = DE = BE$ である。このとき、次の問いに答えよ。

- (1) $\triangle ADF$ と $\triangle AEG$ の面積比を求めよ。
- (2) $\triangle ABC$ の面積が 54cm^2 のとき、 $\triangle ADF$ 、台形 $DEGF$ 、台形 $EBCG$ の面積を求めよ。



[解答欄]

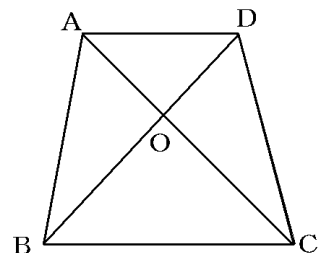
(1)	(2) $\triangle ADF$:	台形 $DEGF$:
台形 $EBCG$:		

[解答] (1) $1 : 4$ (2) $\triangle ADF : 6\text{cm}^2$ 台形 $DEGF : 18\text{cm}^2$ 台形 $EBCG : 30\text{cm}^2$

[問題]

AD と BC が平行である台形 $ABCD$ の対角線の交点を O とする。 $AD = 4\text{cm}$ 、 $BC = 6\text{cm}$ 、 $\triangle ODA = 4\text{cm}^2$ のとき、

- (1) $\triangle OBC$ の面積を求めよ。
- (2) 台形 $ABCD$ の面積を求めよ。



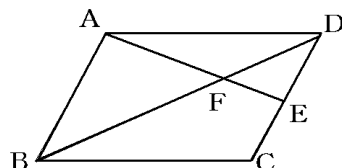
[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答] (1) 9cm^2 (2) 25cm^2

[問題]

右の図の平行四辺形 $ABCD$ において、 E は CD の中点である。 AE と BD の交点を F とする。 $AB=4\text{cm}$ 、 $\triangle FAB=12\text{cm}^2$ のとき、次の問いに答えよ。



- (1) $\triangle FED$ の面積を求めよ。
- (2) $\triangle AFD$ の面積を求めよ。
- (3) 四角形 $FBCE$ の面積を求めよ。

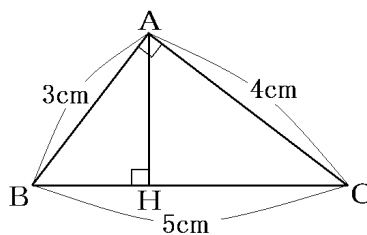
[解答欄]

(1)	(2)	(3)
-----	-----	-----

[解答] (1) 3cm^2 (2) 6cm^2 (3) 15cm^2

[問題]

右の図において、 $\triangle ABC$ と $\triangle HBA$ と $\triangle HAC$ の面積比を求めよ。



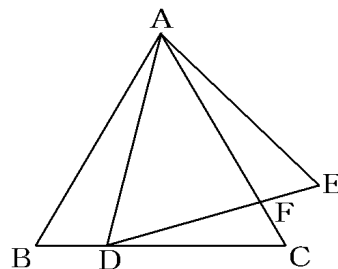
[解答欄]

--

[解答] $25 : 9 : 16$

[問題]

右の図のように、正三角形 ABC の辺 BC 上に点 D をとり、 AD を1辺とする正三角形 ADE をつくり、 AC と DE の交点を F とする。 $BD : DC=1 : 2$ のとき、 $\triangle DCF$ の面積は $\triangle ABC$ の面積の何倍か。



[解答欄]

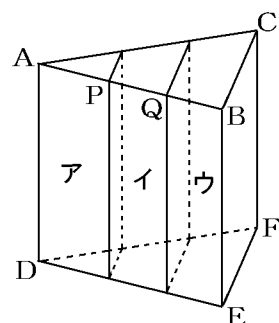
[解答] $\frac{4}{27}$ 倍

[問題]

点A, B, C, D, E, Fを頂点とする三角柱がある。図のように、辺ABを3等分する点を、それぞれ、P, Qとし、点P, Qを通して、側面BEFCに平行な面で切って、3つの角柱ア, イ, ウをつくる。このとき、角柱アの体積と角柱ウの体積の比を求めよ。

[解答欄]

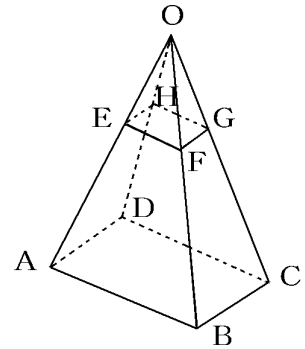
[解答] 1 : 5



【】 相似比と体積比

[問題]

右の図のような四角すいO-ABCDがある。底面ABCDは長方形で、切り口EFGHは底面に平行である。AB=8cm, BC=6cm, 高さ15cm, EF=2cmである。



- (1) 四角すいO-ABCDとO-EFGHの体積比を求めよ。
 (2) 切り取った残りの四角すい台の体積を求めよ。

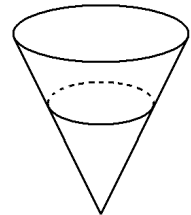
[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答] (1) 64 : 1 (2) $\frac{945}{4} \text{ cm}^3$

[問題]

次のような、底面の半径が15cm、高さが30cmの円すいの容器がある。この容器に20cmの高さまで水を入れたとき、この水の体積は、容器の容積の何分のいくつか。

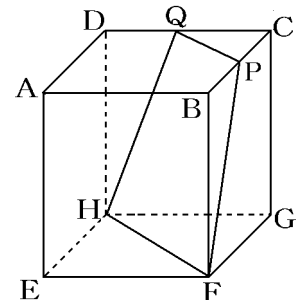


[解答欄]

[解答] $\frac{8}{27}$

[問題]

右の図のように、1辺4cmの立方体において、辺BC, CD上にそれぞれ中点P, Qをとり、4点P, Q, H, Fを通る平面でこの立方体を切った。このとき、立体PCQ-FGHの体積を求めよ。



[解答欄]

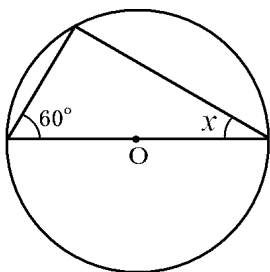
[解答] $\frac{56}{3}\text{cm}^3$

【】 直径と円周角

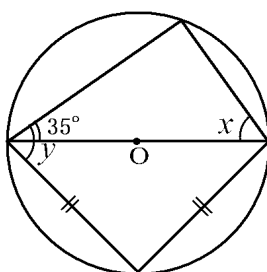
[問題]

x, y を求めよ。

(1)



(2)



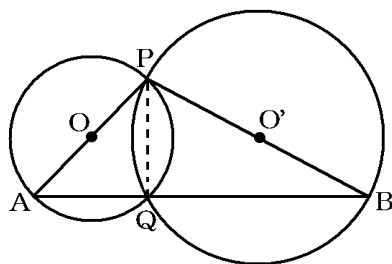
[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答] (1) $x = 30^\circ$ (2) $x = 55^\circ, y = 45^\circ$

[問題]

2つの円O, O'が2点P, Qで交わっている。PA, PBをそれぞれ円O, O'の直径とするとき, 3点A, Q, Bは1つの直線上にあることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

APは円Oの直径なので, $\angle AQP = 90^\circ$

BPは円O'の直径なので, $\angle BQP = 90^\circ$

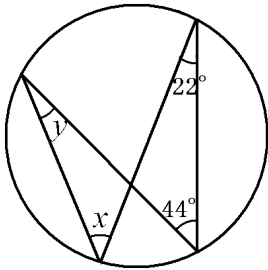
ゆえに, A, Q, Bは1つの直線上にある。

【】 円周角

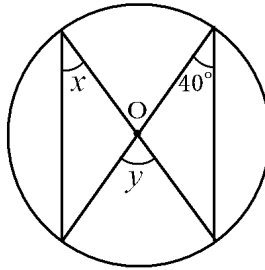
[問題]

x, y を求めよ。

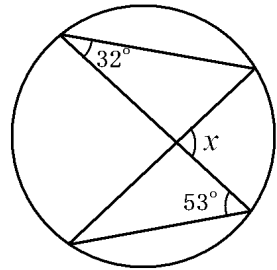
(1)



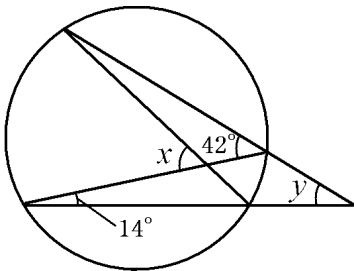
(2)



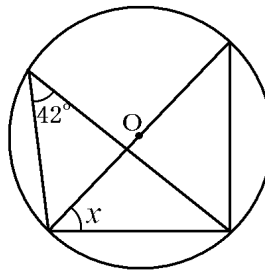
(3)



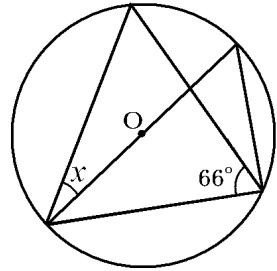
(4)



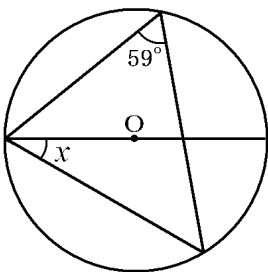
(5)



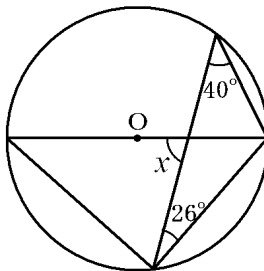
(6)



(7)



(8)



[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)	(5)	(6)
(7)	(8)	

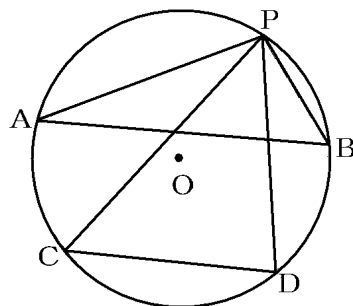
[解答] (1) $x = 44^\circ$, $y = 22^\circ$ (2) $x = 40^\circ$, $y = 80^\circ$ (3) $x = 85^\circ$

(4) $x = 56^\circ$, $y = 28^\circ$ (5) $x = 48^\circ$ (6) $x = 24^\circ$ (7) $x = 31^\circ$ (8) $x = 76^\circ$

【】 円周角と角の証明

[問題]

右の図で、 AB と CD は平行で、点 P が円 O の周上の図のような位置にあるとき、 $\angle APC = \angle BPD$ であることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

B, C を結ぶ。

仮定より、 $AB \parallel CD$ なので、錯角が等しく、

$$\angle ABC = \angle DCB \cdots \textcircled{1}$$

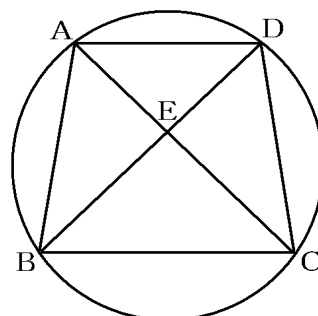
弧 AC に注目すると、円周角が等しいので、 $\angle ABC = \angle APC \cdots \textcircled{2}$

弧 BD に注目すると、円周角が等しいので、 $\angle DCB = \angle BPD \cdots \textcircled{3}$

①, ②, ③より、 $\angle APC = \angle BPD$

[問題]

図のように、円に内接する四角形 $ABCD$ があり、その対角線 AC, BD の交点を E とする。このとき、 $EB = EC$ ならば、 AD と BC が平行になることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$EB=EC$ なので, $\angle EBC=\angle ECB$

弧 AB に注目すると, 円周角が等しいので,

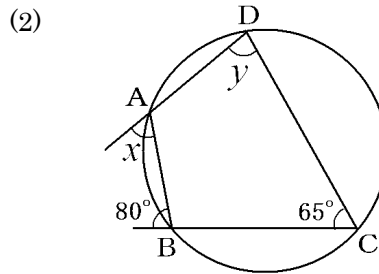
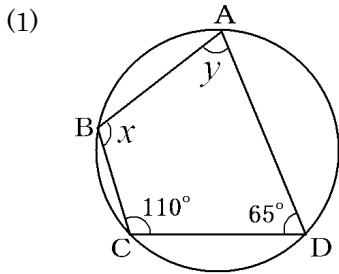
$\angle ECB=\angle ADB$

ゆえに, $\angle EBC=\angle ADB$ で錯角が等しいので, $AD \parallel BC$

【I】円に内接する四角形

[問題]

次の四角形ABCDは、どれも円に内接している。∠x, ∠yの大きさを求めよ。



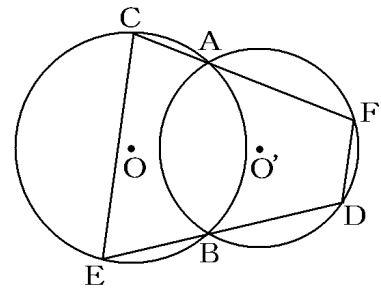
[解答欄]

(1)	(2)
-----	-----

[解答] (1) $\angle x = 115^\circ$ $\angle y = 70^\circ$ (2) $\angle x = 65^\circ$ $\angle y = 80^\circ$

[問題]

2点A, Bで交わる2つの円O, O'があり, 点Aを通る直線が円O, O'と交わる点を, それぞれC, F, 点Bを通る直線が円O, O'と交わる点を, それぞれE, Dとする。右の図において, $CE \parallel FD$ となることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

四角形ACEBは円Oに内接しているので、

$$\angle BEC = \angle BAF \cdots \textcircled{1}$$

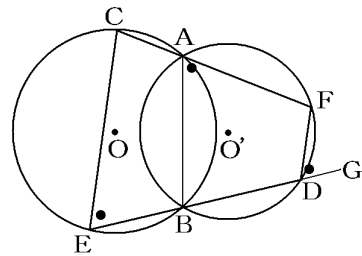
直線BDの延長線上に点Gをとる。

四角形ABDFは円O'に内接しているので、

$$\angle BAF = \angle FDG \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{より}, \angle BEC = \angle FDG$$

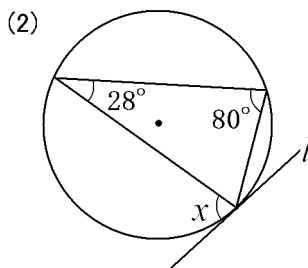
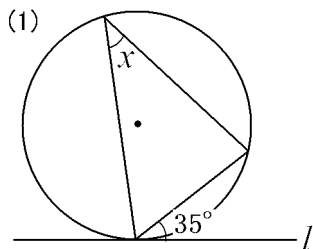
よって、同位角が等しいので、 $CE \parallel FD$



【】 接弦定理

【問題】

次の図で、直線 l は円 O の接線である。 $\angle x$ の大きさを求めよ。



【解答欄】

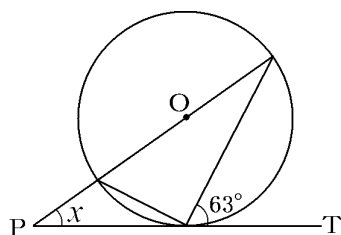
(1)	(2)
-----	-----

【解答】 (1) 35° (2) 80°

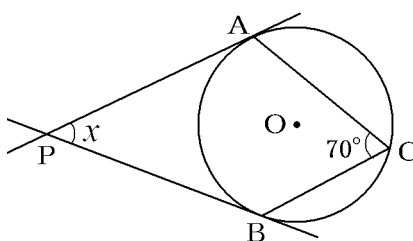
【問題】

次の図で、 $\angle x$ の大きさを求めよ。

(1)



(2)



【解答欄】

(1)	(2)
-----	-----

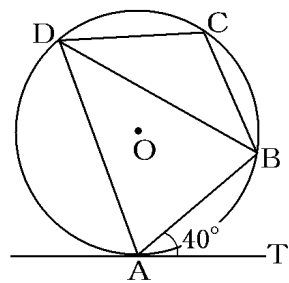
【解答】 (1) 36° (2) 40°

[問題]

右の図のように、円Oに四角形ABCDが内接しており、
Aにおける接線をATとする。いま、 $AD=BD$ 、
 $\angle BAT=40^\circ$ のとき、 $\angle BCD$ の大きさを求めよ。

[解答欄]

[解答] 110°



[印刷／他のPDFファイルについて]

※ このファイルは、FdText数学(9,600円)の一部をPDF形式に変換したサンプルで、印刷・編集はできないようになっています。製品版のFdText数学はWordの文書ファイルで、印刷・編集を自由に行うことができます。

※ FdText(英語・数学・社会・理科・国語)全分野のPDFファイル、および製品版の購入方法は<http://www.fdtype.com/txt/> に掲載しております。

※ 弊社は、FdTextのほかにFdData中間期末過去問(数学・理科・社会)(各18,900円)を販売しております。PDF形式のサンプル(全内容)は、
<http://www.fdtype.com/dat/> に掲載しております。

※ [FdData無料閲覧ソフト(RunFdData)]を、Windowsのデスクトップ上にインストールすれば、FdData中間期末の全PDFファイルを自由に閲覧できます。次のリンクを左クリックするとインストールが開始されます。

【 <http://fddata.deci.jp/lnk/instRunFdDataWDs.exe> 】

※ダイアログが表示されたら、【実行】ボタンを左クリックしてください。インストール中、いくつかの警告が出ますが、【実行】[許可する][次へ]等を選択します。

【Fd教材開発】(092) 404-2266

<http://www.fdtype.com/dat/>