【】式の決定・変化の割合・変域など

【】式の決定

[問題 1]

関数 $y=ax^2$ について，$x=3$ のとき，$y=18$ である。このとき，a の値を求めよ。

(岡山県)(*)

[解答欄]

[問題 2]

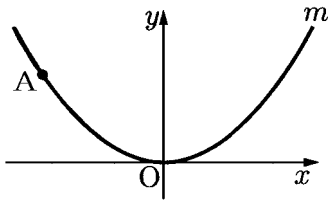
y は x の 2 乗に比例し，$x=3$ のとき，$y=-36$ である。このとき，y を x の式で表せ。

(秋田県)(*)

[解答欄]

[問題 3]

右図において，m は関数 $y=ax^2$（a は定数)のグラフを表す。A は m 上の点であり，その座標は(−4，3)である。a の値を求めよ。



(大阪府)(*)

[解答欄]

[問題 4]

y は x の 2 乗に比例し，$x=1$ のとき $y=2$ である。$x=3$ のときの y の値を求めよ。

(沖縄県)(*)

[解答欄]

[問題 5]

右の表は，関数 $y = ax^2$ について，x と y の関係を表したものである。このとき a の値および表の b の値を求めよ。

x	$\cdots$	-6	$\cdots$	4	$\cdots$
y	$\cdots$	b	$\cdots$	6	$\cdots$

(滋賀県)(*)

[解答欄]

$a =$	$b =$

【】変域

[問題 6]

関数 $y=3x^2$ について，x の変域が $-3 \leqq x \leqq 2$ のときの y の変域を求めよ。

(福島県)(*)

[解答欄]

[問題 7]

関数 $y=\frac{2}{3}x^2$ について，x の変域が $-1 \leqq x \leqq 3$ のときの y の変域を求めよ。

(福岡県)(*)

[解答欄]

[問題 8]

関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ について，x の変域が，$2 \leqq x \leqq 6$ のときの y の変域を求めよ。

(補充問題)(**)

[解答欄]

[問題 9]

関数 $y=ax^2$ について，x の変域が $-2 \leqq x \leqq 1$ のとき，y の変域が $0 \leqq y \leqq 8$ である。このとき，定数 a の値を求めよ。

(岡山県)(**)

[解答欄]

[問題 10]

関数 $y=x^2$ について，x の変域が $a \leqq x \leqq 2$ のとき，y の変域は $0 \leqq y \leqq 9$ である。このときの a の値を求めよ。

(高知県)

[解答欄]

[問題 11]

関数 $y=x^2$ について，x の変域を $a \leqq x \leqq a+2$ とするとき，y の変域が $0 \leqq y \leqq 4$ となるような a の値を，次の[　　]の中からすべて選べ。

[-2　-1　　0　　1　　2]

(埼玉県)(**)

[解答欄]

[問題 12]

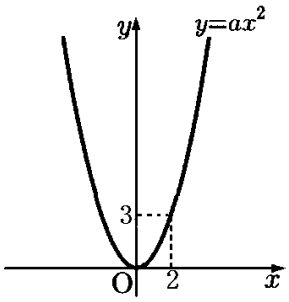
関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ で，x の変域が $a \leqq x \leqq 6$ のとき，y の変域は $0 \leqq y \leqq 9$ である。a がとることのできる値の範囲を求めよ。

(徳島県)(**)

[解答欄]

[問題 13]

右の図のように，関数 $y=ax^2$ のグラフ上に点(2，3)がある。次の各問いに答えよ。



(1) a の値を求めよ。

(2) 次のアとイにあてはまる数をそれぞれ求めよ。

関数 $y=ax^2$ において，x の変域が $b \leqq x \leqq 2$ のときの y の変域は $0 \leqq y \leqq 3$ である。このとき，b の値の範囲は，

(　ア　)$\leqq b \leqq$(　イ　)である。

(3) 関数 $y=ax^2$ において，x の変域が $-4 \leqq x \leqq 3$ のときの y の変域と，関数 $y=cx^2$ において，x の変域が $-2 \leqq x \leqq 3$ のときの y の変域とが等しいとき，c の値を求めよ。

(兵庫県)(**)

[解答欄]

(1)	(2)ア	イ
(3)		

【】変化の割合

[問題 14]

関数 $y=-3x^2$ について，x の値が 1 から 3 まで増加するときの変化の割合を求めよ。

(愛知県)(*)

[解答欄]

[問題 15]

関数 $y=\dfrac{6}{x}$ で，x の値が 1 から 3 まで増加するときの変化の割合を求めよ。

(秋田県)

[解答欄]

[問題 16]

関数 $y=ax^2$ において，x の値が 1 から 4 まで増加するときの変化の割合が -5 であるとき，a の値を求めよ。

(広島県)(**)

[解答欄]

[問題 17]

関数 $y=x^2$ について，x が a から $a+5$ まで増加するとき，変化の割合は 7 である。このとき，a の値を答えなさい。(3 点)

(新潟県)(**)

[解答欄]

[問題 18]

関数 $y=ax^2$（a は定数)と関数 $y=-8x+7$ について，x の値が 1 から 3 まで増加するときの変化の割合が等しいとき，a の値を求めよ。

(愛知県)(**)

[解答欄]

[問題 19]

ある自動車が動き始めてから x 秒間に進んだ距離を y m とすると，$0 \leqq x \leqq 8$ の範囲では $y=\frac{3}{4}x^2$ の関係があった。この自動車が動き始めて 1 秒後から 3 秒後までの平均の速さは毎秒何 m か。

(山口県)(**)

[解答欄]

[問題 20]

関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ で，x の値が 2 から 4 まで増加するときの変化の割合を m，x の値が 52 から 54 まで増加するときの変化の割合を n とする。m と n の大きさを比べるとき，どのようなことがいえるか，次の①～④の中から正しいものを 1 つ選べ。

ア　m と n は等しい。

イ　m の方が大きい。

ウ　n の方が大きい。

エ　m と n のどちらが大きいかは，判断ができない。

(佐賀県)(**)

[解答欄]

【】グラフの特徴

[問題 21]

関数 $y=ax^2$ のグラフの特徴として適切なものを，次のア～オからすべて選び，その記号を書け。

ア　原点を通る。

イ　x 軸について対称な曲線である。

ウ　$a>0$ のときは上に開き，x 軸より下側にはない。

エ　$a<0$ のとき，x の値が増加すると $x>0$ の範囲では，y の値は減少する。

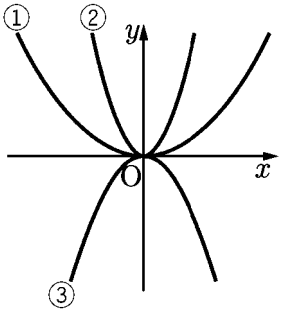
オ　a の値の絶対値が大きいほど，グラフの開き方は大きい。

(奈良県)(*)

[解答欄]

[問題 22]

右の図の①～③の放物線は，下のア～ウの関数のグラフである。①～③は，それぞれどの関数のグラフか。ア～ウの中から選び，その記号をそれぞれ書け。



ア　$y=2x^2$

イ　$y=\frac{1}{3}x^2$

ウ　$y=-x^2$

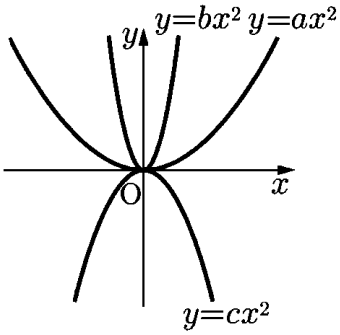
(広島県)

[解答欄]

①	②	③

[問題 23]

右図は，3 つの関数 $y=ax^2$，$y=bx^2$，$y=cx^2$ のグラフを，同じ座標軸を使ってかいたものである。図の 3 つの関数について，比例定数 a，b，c を小さい順に左から並べて書け。

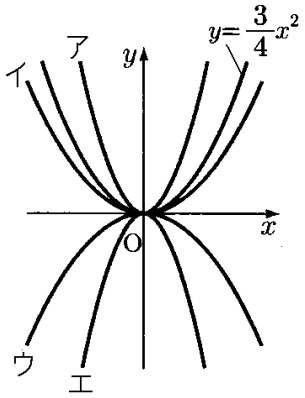


(長野県)(*)

[解答欄]

[問題 24]

右の図のア～エは，$y=ax^2$ の形で表される 4 つのグラフを，関数 $y=\frac{3}{4}x^2$ のグラフと同じ座標軸を使ってかいたものであり，そのうちの 1 つが関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ のグラフである。関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ のグラフを，ア～エから選び，記号で答えよ。



(山口県)(**)

[解答欄]

[問題 25]

関数 $y=2x^2$ のグラフと x 軸について対称であるグラフの式が $y=ax^2$ である。このとき，a の値を求めよ。

(沖縄県)(*)

[解答欄]

[問題 26]

y の値が正の値をとらない関数を，次のア～エから 1 つ選べ。

ア　$y=-\frac{x}{2}$　　イ　$y=-\frac{2}{x}$　　ウ　$y=-2x+3$　　エ　$y=-2x^2$

(岐阜県)(*)

[解答欄]

[問題 27]

関数 $y=-x^2$ の値の増減について説明した次の文が正しくなるように，文章中の①，②の(　　)内からそれぞれ適語を選べ。

$x<0$ の範囲では，x の値が増加するとき，y の値は①(増加／減少)する。また，$x>0$ の範囲では，x の値が増加するとき，y の値は②(増加／減少)する。

(秋田県)(*)

[解答欄]

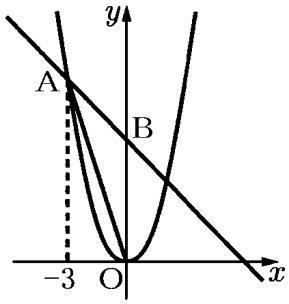
①	②

【】座標・長さなど

【】放物線と直線の式

[問題 28]

右の図のように，関数 $y=x^2$ のグラフ上に，x 座標が－3 となる点 A をとる。点 A を通り，傾きが－1 となる直線と y 軸との交点を B とする。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) 2 点 A，B を通る直線の式を答えよ。

(2) △OAB の面積を求めよ。

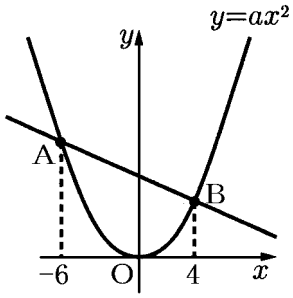
(新潟県)(**)

[解答欄]

(1)	(2)

[問題 29]

右の図のように，関数 $y=ax^2$ ($a>0$)のグラフ上に 2 点 A，B があり，x 座標はそれぞれ－6，4 である。直線 AB の傾きが $-\frac{1}{2}$ であるとき，a の値を求めよ。

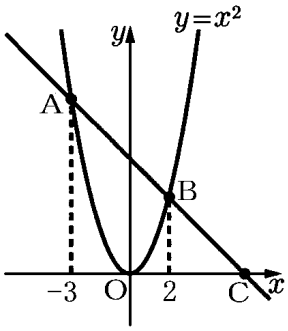


(栃木県)

[解答欄]

[問題 30]

右の図で，2 点 A，B は関数 $y=x^2$ のグラフ上の点であり，点 A の x 座標は－3，点 B の x 座標は 2 である。直線 AB と x 軸との交点を C とする。このとき，点 C の座標を求めよ。

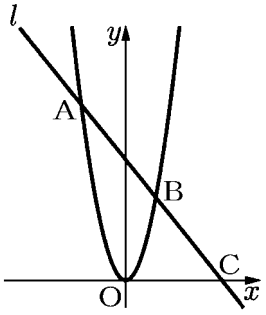


(茨城県)(**)

[解答欄]

[問題 31]

右の図で，曲線は関数 $y=2x^2$ のグラフである。曲線上に x 座標が－3，2 である 2 点 A，B をとり，この 2 点を通る直線 l をひく。直線 l と x 軸との交点を C とするとき，△AOC の面積を求めよ。ただし，座標軸の単位の長さを 1cm とする。

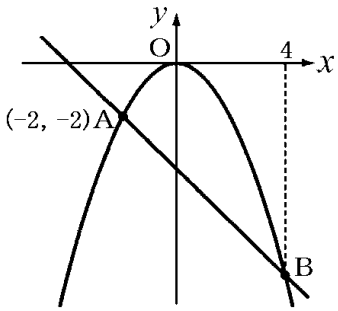


(埼玉県)(**)

[解答欄]

[問題 32]

右の図のように，関数 $y=ax^2$ のグラフ上に点 A(－2，－2)と点 B があり，点 B の x 座標は 4 である。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) a の値を求めよ。

(2) 点 B の y 座標を求めよ。

(3) 直線 AB の式を求めよ。

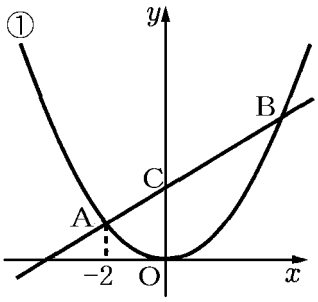
(佐賀県)(**)

[解答欄]

(1)	(2)	(3)

[問題 33]

右の図のように，関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ …①のグラフ上に 2 点 A，B がある。A の x 座標は－2，B の x 座標は正で，B の y 座標は A の y 座標より 3 だけ大きい。また，点 C は直線 AB と y 軸との交点である。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) 点 A の y 座標を求めよ。

(2) 点 B の座標を求めよ。

(3) 直線 AB の式を求めよ。

(4) 線分 BC 上に 2 点 B，C とは異なる点 P をとる。また，関数①のグラフ上に点 Q を，線分 PQ が y 軸と平行になるようにとり，PQ の延長と x 軸との交点を R とする。
PQ：QR＝5：1 となるときの P の座標を求めよ。

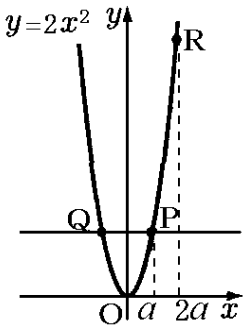
(熊本県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)	(3)
(4)		

[問題 34]

右の図のように，関数 $y=2x^2$ のグラフ上に 2 点 P，Q があり，直線 PQ は x 軸に平行である。点 P の x 座標を a とする。このとき，次の各問いに答えよ。ただし，$a>0$ とする。



(1) 点 Q の座標を a を用いて表せ。

(2) 関数 $y=2x^2$ のグラフ上で x 座標が $2a$ である点を R とする。2 点 Q，R を通る直線の傾きが 7 のとき，a の値を求めよ。

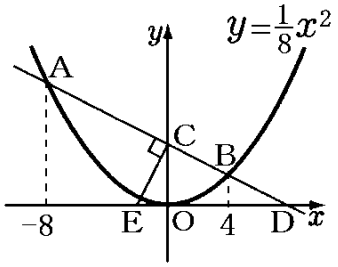
(京都府)(**)

[解答欄]

(1)	(2)

[問題 35]

右の図のように，関数 $y=\frac{1}{8}x^2$ のグラフ上に 2 点 A，B があり，2 点 A，B の x 座標はそれぞれ－8，4 である。2 点 A，B を通る直線と y 軸との交点を C，x 軸との交点を D とする。また，x 軸上に∠ACE＝90°となるように点 E をとる。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) 2 点 A，B を通る直線の式を求めよ。

(2) 点 D の座標を求めよ。

(3) 線分 DE の長さを求めよ。

(京都府)(***)

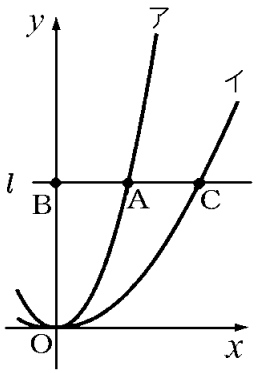
[解答欄]

(1)	(2)	(3)

【】座標・長さなど

[問題 36]

右の図において，アは関数 $y=x^2$，イは関数 $y=ax^2\,(a>0)$のグラフである。点 A はア上の点であり，x 座標は 2 である。点 A を通り x 軸に平行な直線を l とする。直線 l と y 軸の交点を B とし，直線 l とイの交点のうち，x 座標が正である点を C とする。点 A が線分 BC の中点であるとき，a の値を求めよ。

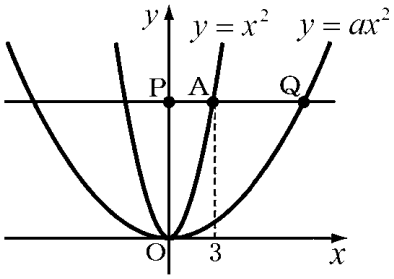


(秋田県)(**)

[解答欄]

[問題 37]

右の図は，2 つの関数 $y=x^2$，$y=ax^2\,(a>0)$のグラフである。関数 $y=x^2$ のグラフ上で，x 座標が 3 である点を A とする。また，A を通り x 軸に平行な直線が，y 軸と交わる点を P, 関数 $y=ax^2$ のグラフと交わる点のうち，x 座標が正の数である点を Q とする。このとき，OP＝PQ となるような a の値を求めよ。

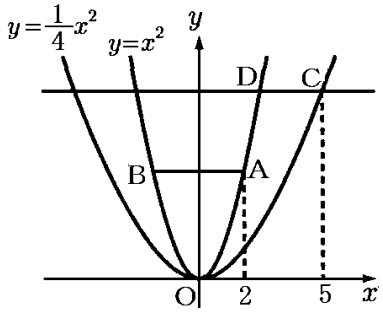


(栃木県)(**)

[解答欄]

[問題 38]

右の図のように，関数 $y=x^2$ のグラフ上に，x 座標が 2 である点 A と，点 A と y 座標が等しく x 座標が異なる点 B をとり，点 A と点 B を結ぶ。また，関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフ上に，x 座標が 5 である点 C をとり，点 C を通り x 軸に平行な直線と関数 $y=x^2$ のグラフとの交点のうち，x 座標が正である点を D とする。線分 AB と線分 CD の長さの比を求めよ。



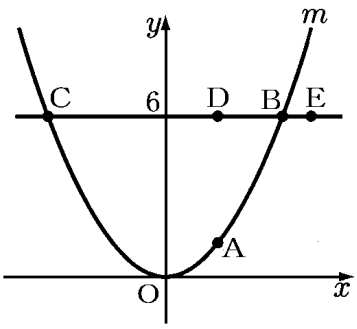
(宮城県)(**)

[解答欄]

AB：CD＝

[問題 39]

右図において，m は $y=\frac{1}{3}x^2$ のグラフを表す。A，B，C は m 上の点であって，A の x 座標は 2 である。B の x 座標は，C の x 座標より大きい。D，E は，B と C とを結んでできる直線上の点であり，B，C，D，E の y 座標はいずれも 6 である。D の x 座標は A の x 座標に等しく，E の x 座標は B の x 座標より大きい。



(1) B の x 座標と C の x 座標をそれぞれ求めよ。

(2) E の x 座標を t とする。$DE^2=CE\times BE$ となるときの t の値を求めよ。

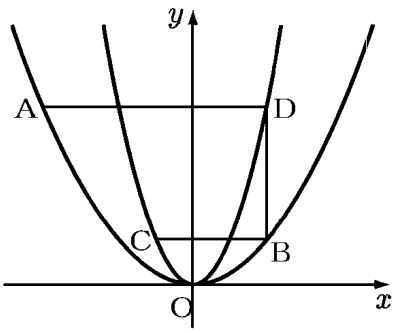
(大阪府)(**)

[解答欄]

(1)B：	C：	(2)

[問題 40]

右の図のように, 関数 $y=x^2$ のグラフ上に 2 点 A, B, 関数 $y=4x^2$ のグラフ上に 2 点 C，D がある。点 A，C の x 座標は負の数，点 B，D の x 座標は正の数で，線分 AD，BC は x 軸に平行，線分 BD は y 軸に平行である。このとき，AD : BC を求めよ。



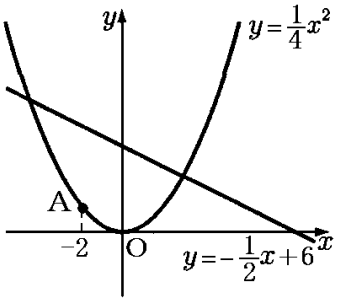
(広島県改)(**)

[解答欄]

AD : BC＝

[問題 41]

右の図のように, 関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフと直線 $y=-\frac{1}{2}x+6$ がある。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) 関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフ上に, x 座標が－2 となる点 A をとるとき，A の y 座標を求めよ。

(2) 関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフ上を動く点 P と, 直線 $y=-\frac{1}{2}x+6$ 上を動く点 Q がある。P，Q の x 座標が等しく，PQ＝6 であるとき，P の x 座標をすべて求めよ。

(岩手県)(**)

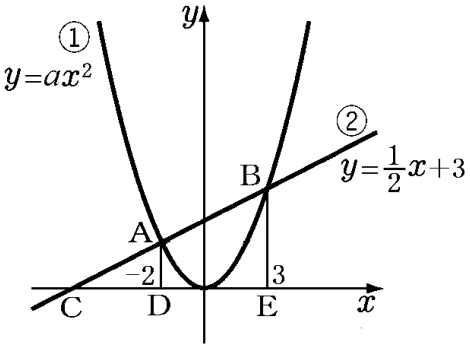
[解答欄]

(1)	(2)

【】線分比など

[問題 42]

右の図において，①は関数 $y=ax^2$，②は関数 $y=\frac{1}{2}x+3$ のグラフである。点 A，B は①と②の交点で，x 座標はそれぞれ－2，3 である。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) a の値を求めよ。

(2) 図のように，②と x 軸との交点を C とし，点 A，B から x 軸に垂線をひき，その交点をそれぞれ D，E とする。BA : AC を最も簡単な整数の比で表せ。

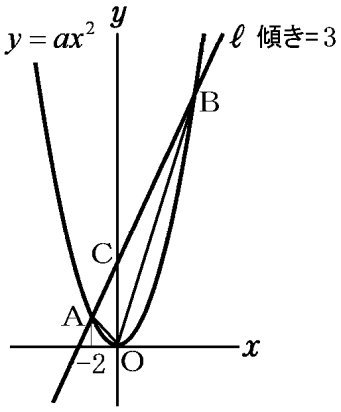
(山梨県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)

[問題 43]

右の図の放物線は関数 $y=ax^2$ のグラフであり，直線 l と 2 点 A，B で交わっている。また，点 C は直線 l と y 軸との交点である。点 A の x 座標が－2，直線 l の傾きが 3 であり，△AOC と△BOC の面積比が 1 : 3 であるとき，a の値を求めよ。

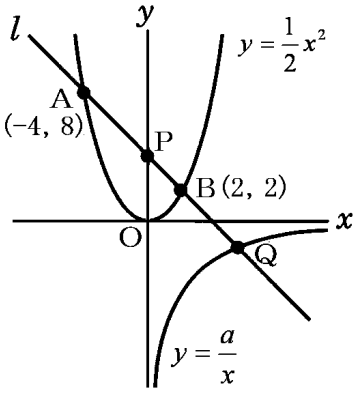


(三重県)(***)

[解答欄]

[問題 44]

右の図のように，関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ のグラフ上の点 A(−4，8)，B(2，2)を通る直線 l がある。また，この直線が y 軸および関数 $y=\frac{a}{x}$（a は負の定数，$x>0$)のグラフと交わる点を，それぞれ P，Q とする。△OAP : △OQP＝2 : 3 になるとき，a の値を求めよ。

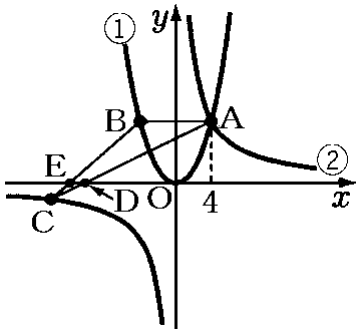


(沖縄県)(***)

[解答欄]

[問題 45]

右の図で，点 O は原点であり，放物線①は関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ のグラフである。双曲線②は反比例 $y=\frac{a}{x}$ のグラフで，$a>0$ である。点 A は，放物線①と双曲線②との交点で，その x 座標は 4 である。点 B は，放物線①上の点で，線分 AB は x 軸に平行である。点 C は，双曲線②上の点で，その x 座標は負の数である。線分 AC，線分 BC と x 軸との交点をそれぞれ D，E とする。
AB : DE＝5 : 1 であるとき，点 C の座標を求めよ。

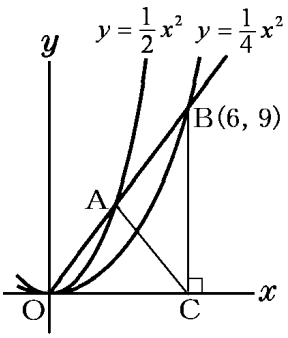


(香川県)(***)

[解答欄]

[問題 46]

右の図のように，関数 $y=\frac{1}{2}x^2$， $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフと，原点を通る直線との交点をそれぞれ A，B とする。点 B から x 軸に垂線 BC をひく。点 B の座標が(6，9)のとき，△BOC と△BAC の面積の比を求めなさい。

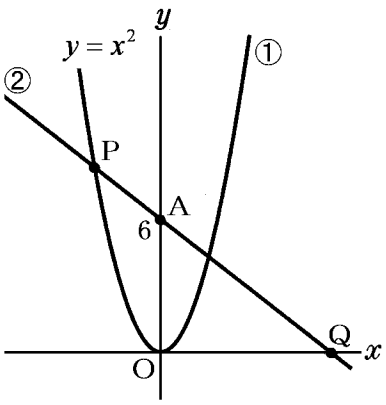


(埼玉県)(***)

[解答欄]

[問題 47]

右の図において，曲線①は関数 $y=x^2$ のグラフである。点 A(0，6)を通る右下がりの直線②が曲線①と交わる 2 点のうち x 座標が負の点を P とし，また，直線②と x 軸との交点を Q とする。PA : AQ＝1 : 3 となるとき，点 P の座標を求めよ。

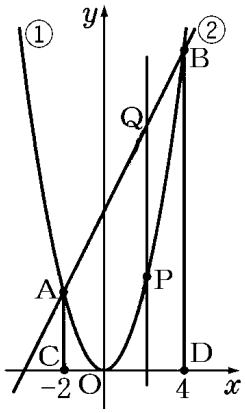


(茨城県)(***)

[解答欄]

[問題 48]

右の図において，①は関数 $y=x^2$，②は関数 $y=2x+8$ のグラフである。2 点 A，B は①と②の交点で， x 座標はそれぞれ－2 と 4 である。点 A，B から x 軸に垂線をひき， x 軸との交点をそれぞれ C，D とする。また，点 P は①のグラフ上を A から B まで動く。点 P の x 座標が正のとき，点 P を通り， y 軸に平行な直線をひき，②のグラフとの交点を Q とする。直線 CQ と直線 OP が平行となるような点 P の座標を求めよ。



(石川県)(***)

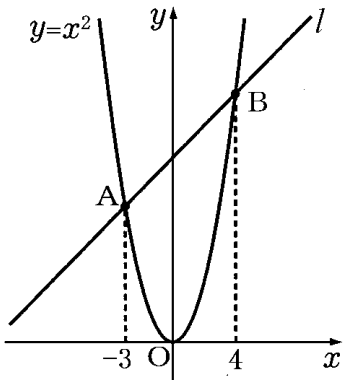
[解答欄]

【】面積

【】面積を求める：2 つの三角形の和

[問題 49]

右の図のように，関数 $y=x^2$ のグラフと直線 l が 2 点 A，B で交わっている。点 A の x 座標は－3，点 B の x 座標は 4 である。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) 直線 l の式を求めよ。

(2) △OAB の面積を求めよ。

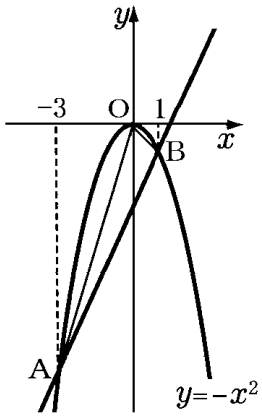
(富山県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)

[問題 50]

右の図のように，関数 $y=-x^2$ のグラフ上に，x 座標がそれぞれ－3，1 となる点 A，B をとるとき，次の各問いに答えよ。



(1) 2 点 A，B を通る直線の式を求めよ。

(2) △OAB の面積を求めよ。

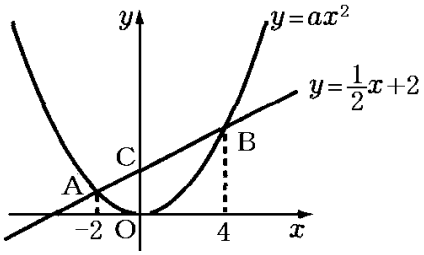
(新潟県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)

[問題 51]

右の図のように，関数 $y=ax^2$ のグラフと直線 $y=\frac{1}{2}x+2$ が，2 点 A，B で交わっている。2 点 A，B の x 座標が，それぞれ－2，4 であるとき，次の各問いに答えよ。ただし，$a>0$ とする。また，原点 O から点(1，0)までの距離及び原点 O から点(0，1)までの距離をそれぞれ 1cm とする。



(1) a の値を求めよ。

(2) △OAB の面積を求めよ。

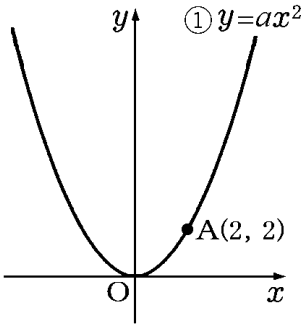
(千葉県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)

[問題 52]

右の図のように関数 $y=ax^2$・・・①のグラフが，点 A(2，2)を通っている。このとき，次の各問いに答えよ。ただし，原点は O とする。



(1) a の値を求めよ。

(2) 点 A を通り，傾きが－1 の直線の式を求めよ。

(3) (2)で求めた直線と①のグラフとの交点のうち，点 A とは異なる点を B とするとき，△OAB の面積を求めよ。

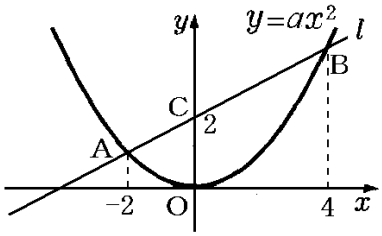
(鳥取県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)	(3)

[問題 53]

右の図で，曲線は関数 $y=ax^2$ のグラフである。曲線上に x 座標が－2，4 である 2 点 A，B をとり，この 2 点を通る直線 l をひく。直線 l が y 軸と点 C(0，2)で交わるとき，次の各問いに答えよ。ただし，座標軸の単位の長さを 1cm とする。



(1) △OBC の面積を求めよ。

(2) a の値を求めよ。

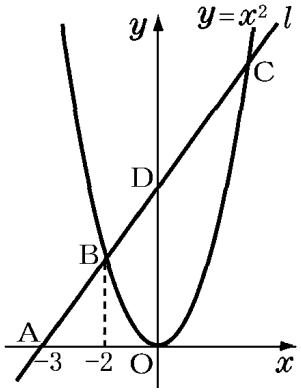
(埼玉県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)

[問題 54]

右の図で，曲線は関数 $y=x^2$ のグラフである。x 軸上に x 座標が－3 である点 A をとり，点 A を通り傾きが正の直線 l をひく。直線 l と曲線との交点のうち x 座標が負のものを B, 正のものを C とし，直線 l と y 軸との交点を D とする。点 B の x 座標が－2 のとき，△BOD の面積を求めよ。ただし，座標軸の単位の長さを 1cm とする。

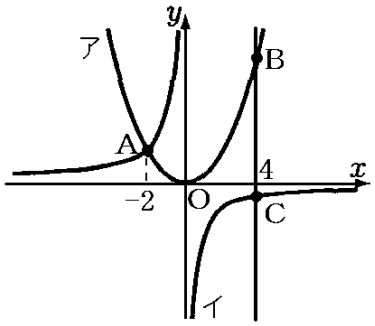


(埼玉県)(***)

[解答欄]

[問題 55]

右の図において，放物線アは関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ のグラフで，放物線ア上にある 2 点 A，B は，x 座標がそれぞれ－2，4 である。また，双曲線イは点 A を通る反比例のグラフで，点 C は，点 B を通り y 軸に平行な直線と双曲線イとの交点である。次の各問いに答えよ。



(1) A の y 座標を求めよ。

(2) 双曲線イのグラフについて，y を x の式で表せ。

(3) △ABC の面積を求めよ。

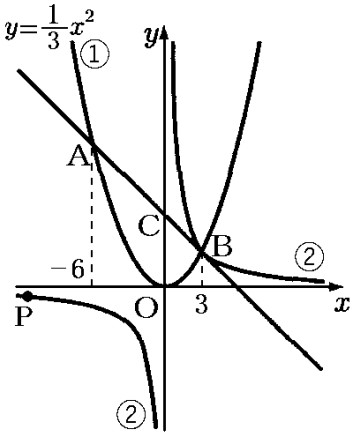
(群馬県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)	(3)

[問題 56]

右の図において，①は関数 $y=\frac{1}{3}x^2$ のグラフ，②は反比例のグラフである。①と②は点 B で交わっていて，点 B の x 座標は 3 である。また，①のグラフ上に x 座標が－6 である点 A をとり，直線 AB と y 軸との交点を C とする。②のグラフ上に x 座標が負である点 P をとる。△OAB と△OCP の面積が等しくなるとき，点 P の座標を求めよ。

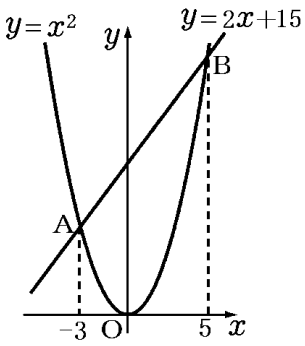


(山形県)(***)

[解答欄]

[問題 57]

右の図のように，関数 $y=x^2$ と関数 $y=2x+15$ のグラフがある。2 つのグラフは 2 点 A，B で交わり，点 A，B の x 座標は，それぞれ－3，5 である。関数 $y=x^2$ のグラフ上に点 P を，△APB の面積が 48 になるようにとりたい。ただし，点 P の x 座標は $0<x<5$ とする。点 P の座標を求めよ。

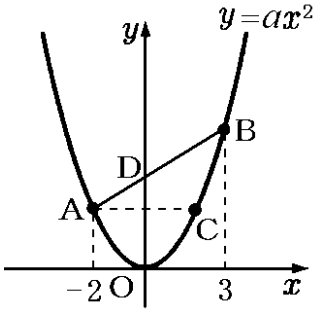


(長野県)(***)

[解答欄]

[問題 58]

右の図のように，関数 $y=ax^2$（a は正の定数)のグラフ上に，2 点 A，B がある。点 A の x 座標を－2，点 B の x 座標を 3 とする。点 A と y 軸について対称な点を C とし，線分 AB と y 軸との交点を D とする。△BCD の面積が 10 のとき，a の値を求めよ。



(北海道)(****)

[解答欄]

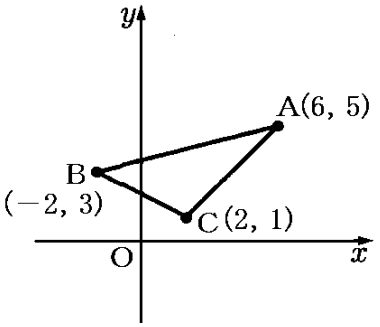
【】面積を求める：外側長方形から複数の三角形を引く

[問題 59]

右の図のように，3 点 A(6，5)，B(－2，3)，C(2，1)を頂点とする△ABC がある。△ABC の面積を求めよ。

(佐賀県)(**)

[解答欄]

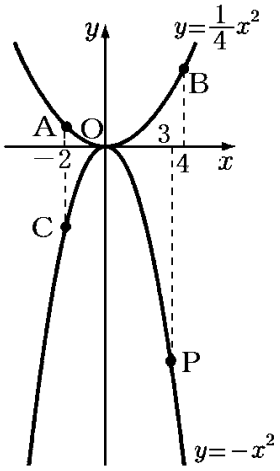


[問題 60]

右の図のように, 関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフ上に 2 点 A, B があり，その x 座標はそれぞれ－2，4 である。また，関数 $y=-x^2$ のグラフ上に 2 点 C，P があり，点 C の x 座標は－2，点 P はグラフ上を動く点で，その x 座標は正の数である。点 P の x 座標が 3 のとき，四角形 ACPB の面積を求めよ。

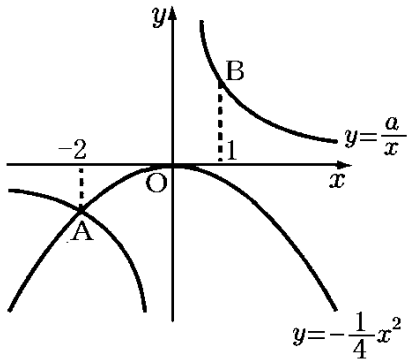
(奈良県)(**)

[解答欄]



[問題 61]

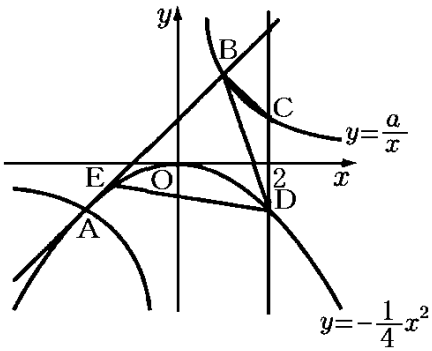
右の図のように，関数 $y=\frac{a}{x}$ $(a>0)$のグラフ上に 2 点 A，B があり，それぞれの x 座標は－2，1 である。関数 $y=\frac{a}{x}$ と関数 $y=-\frac{1}{4}x^2$ のグラフは，点 A で交わっている。次の各問いに答えよ。



(1) a の値を求めよ。

(2) 直線 AB の式を求めよ。

(3) 右の図のように，関数 $y=\frac{a}{x}$ のグラフ上に x 座標が 2 である点 C をとる。点 C を通り y 軸に平行な直線と関数 $y=-\frac{1}{4}x^2$ のグラフとの交点を D とする。線分 AB 上に点 E をとり，△BED の面積が△BDC の面積の5倍となるようにする。点Eの x 座標を求めよ。



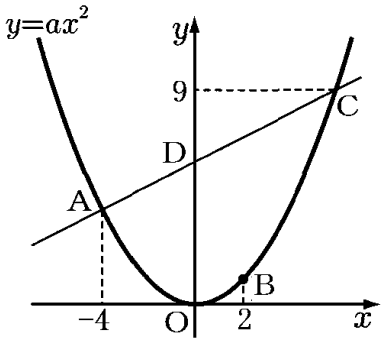
(大分県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)	(3)

[問題 62]

右の図のように，関数 $y=ax^2$ (a は定数)のグラフ上に 3 点 A，B，C がある。A の x 座標は－4，B の x 座標は 2，C の y 座標は 9 であり，C の x 座標は正である。点 D は直線 AC と y 軸との交点であり，点 O は原点である。また，関数 $y=ax^2$ について，x の変域が $-4 \leqq x \leqq 2$ のとき，y の変域は $0 \leqq y \leqq 4$ である。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) a の値を求めよ。

(2) 直線 AC の式を求めよ。

(3) 線分 CD 上に 2 点 C，D とは異なる点 P をとる。四角形 POBC の面積が 20 となるときの P の座標を求めよ。

(熊本県)(***)

[解答欄]

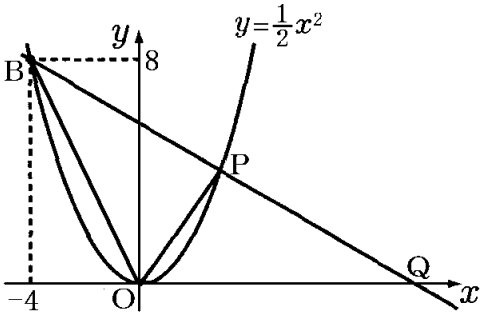
(1)	(2)	(3)

【】面積を 2 等分，面積比

[中点]

[問題 63]

右の図のように関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ のグラフ上を動く点 P がある。この点 P と点 B(−4，8)とを結んでできる直線 BP と x 軸との交点を Q とする。このとき，△OPB の面積と△OPQ の面積が等しくなるような点 P の x 座標を求めよ。ただし，点 P は $x>0$ を満たす範囲を動くものとする。



(鳥取県改)(**)

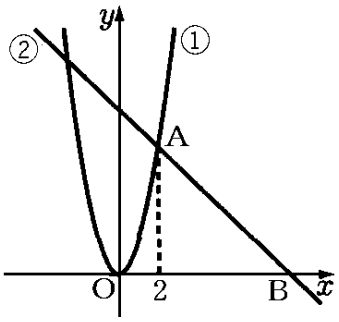
[解答欄]

[問題 64]

右の図において，①は関数 $y=2x^2$ のグラフで，②は傾きが−1 の直線である。点 A は①と②の交点で，その x 座標は 2 であり，点 B は②と x 軸の交点である。このとき，次の各問いに答えよ。

(1) 直線②の式を求めよ。

(2) 線分 AB 上に点 C をとり，点 O と点 C を通る直線を l とする。この直線 l が三角形 OAB の面積を二等分するとき，直線 l の式を求めよ。



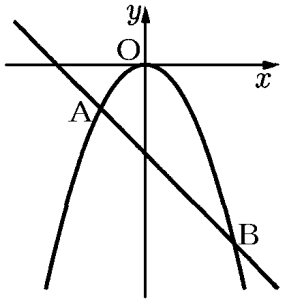
(高知県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)

[問題 65]

右の図のように，関数 $y=-\frac{1}{2}x^2$ のグラフ上に 2 点 A，B があり，A，B の x 座標はそれぞれ－2，4 である。直線 AB 上に点 P があり，直線 OP が△OAB の面積を 2 等分しているとき，点 P の座標を求めよ。



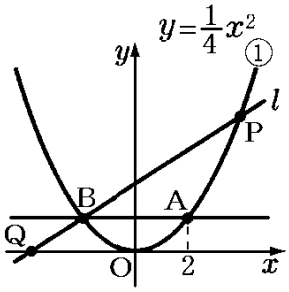
(鹿児島県)(**)

[解答欄]

[底辺が共通(高さが共通)]

[問題 66]

右の図の①は，関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフである。このグラフ上に点 A があり，その x 座標は 2 である。点 A を通り x 軸に平行な直線とグラフ①との交点のうち，点 A と異なる点を B とする。点 P は①のグラフ上を動く点であり，その x 座標は 2 より大きいものとする。図のように，2 点 B，P を通る直線を l とし，直線 l と x 軸との交点を Q とする。△ABQ の面積と△ABP の面積が等しくなるとき，点 P の x 座標を求めよ。



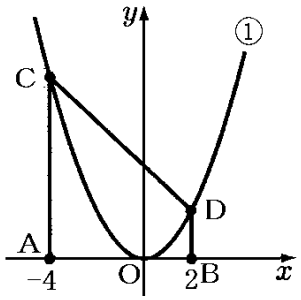
(島根県)(***)

[解答欄]

[台形の面積の 2 等分など]

[問題 67]

右の図で，点 O は原点であり，2 点 A，B の座標はそれぞれ(−4, 0), (2, 0)である。放物線①は関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ のグラフである。点 A を通り，y 軸に平行な直線をひき，放物線①との交点を C とする。また，点 B を通り，y 軸に平行な直線をひき，放物線①との交点を D とし, 点 C と点 D を結ぶ。線分 CD 上に点 E をとる。直線 AE が台形 ABDC の面積を 2 等分するとき，点 E の x 座標はいくらか。点 E の x 座標を a として，a の値を求めよ。

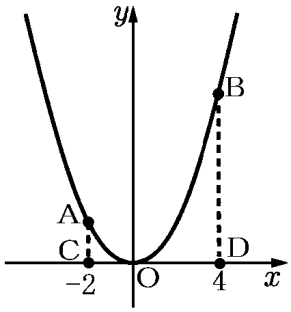


(香川県)(***)

[解答欄]

[問題 68]

右の図のように，関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ のグラフ上に 2 点 A，B があり，x 軸に 2 点 C，D がある。2 点 A，C の x 座標はともに−2 であり，2 点 B，D の x 座標はともに 4 である。線分 AB 上に点 E をとり，四角形 ACDE と△BDE をつくる。四角形 ACDE の面積と△BDE の面積の比が 2 : 1 となるとき，点 E の x 座標を求めよ。

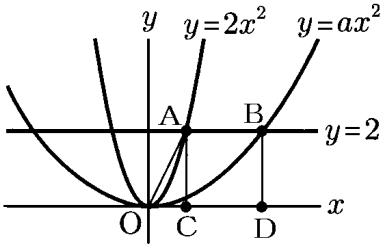


(三重県)(***)

[解答欄]

[問題 69]

右の図で，O は原点，A，B はそれぞれ，直線 $y=2$ と 2 つの関数 $y=2x^2$， $y=ax^2$（a は定数， $a>0$)のグラフとの交点のうち，x 座標が正である点である。また，C，D は x 軸上の点で，四角形 ACDB は正方形である。このとき，次の問いに答えよ。



(1) a の値を求めよ。

(2) 点 C を通り，台形 AODB の面積を 2 等分する直線の式を求めよ。

(愛知県)(***)

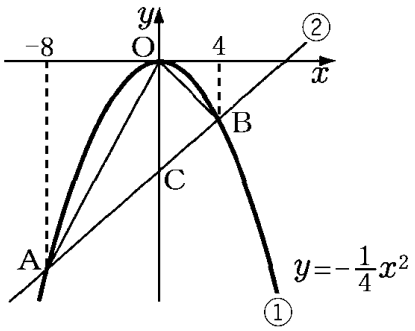
[解答欄]

(1)	(2)

[三角形の面積を一定の比に分ける]

[問題 70]

右の図で，①は関数 $y=-\frac{1}{4}x^2$ のグラフである。点 A，B は①上にあり，点 A の x 座標は－8，点 B の x 座標は 4 である。②は点 A，B を通る直線であり， y 軸との交点を C とする。次の各問いに答えよ。ただし，座標軸の単位の長さを 1cm とする。



(1) 直線②の式を求めよ。

(2) △OAB の面積を求めよ。

(3) 点 Q を△OAB の辺 OA 上にとり，線分 CQ が△OAB の面積を 2 等分するとき，点 Q の座標を求めよ。

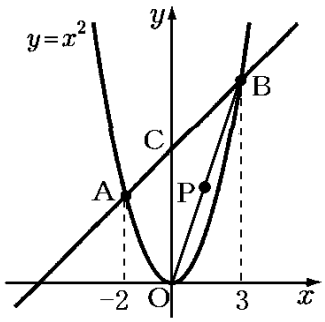
(青森県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)	(3)

[問題 71]

右の図のように，関数 $y=x^2$ のグラフ上に 2 点 A，B があり，2 点 A，B の x 座標はそれぞれ－2，3 である。直線 AB と y 軸との交点を C とする。次の各問いに答えよ。



(1) 直線 AB の式を求めよ。

(2) △OAB の面積を求めよ。

(3) 図のように，線分 OB 上に点 P を，四角形 OACP と △BCP の面積の比が 2 : 1 になるようにとる。このとき，点 P の x 座標を求めよ。

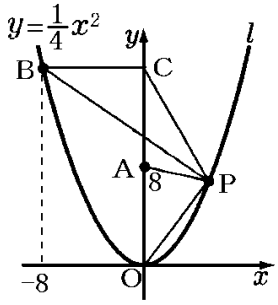
(長崎県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)	(3)

[問題 72]

右の図で，点 O は原点，点 A の座標は(0，8)であり，曲線 l は関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフを表している。点 B は曲線 l 上にあり，x 座標は－8 である。点 P の x 座標が 8 より小さい正の数であるとき，点 B を通り x 軸に平行な直線を引き，y 軸との交点を C とし，点 O と点 P，点 A と点 P，点 B と点 P，点 C と点 P をそれぞれ結んだ場合を表している。△CBP の面積が△AOP の面積の 3 倍になるとき，点 P の x 座標を求めよ。

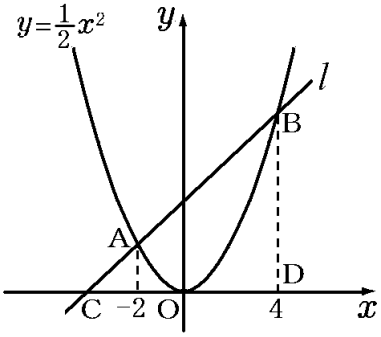


(東京都)(***)

[解答欄]

[問題 73]

右の図のように, 関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ のグラフと直線 l の交点を A，B とし，直線 l と x 軸の交点を C とする。また，点 B から x 軸に垂線 BD をひく。点 A の x 座標が－2，点 B の x 座標が 4 であるとき，次の各問いに答えよ。ただし，原点 O から点(1，0)までの距離及び原点 O から点(0，1)までの距離をそれぞれ 1cm とする。



(1) 直線 l の式を求めよ。

(2) 関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ のグラフ上に点 P がある。ただし，点 P の x 座標は 0 より大きく 4 より小さい。△PCD と△PBD の面積の比が 1：6 であるとき，点 P の x 座標を求めよ。

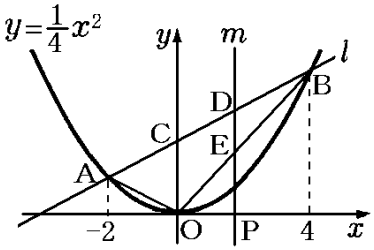
(千葉県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)

[問題 74]

右の図で, 曲線は関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフである。曲線上に x 座標が－2，4 である 2 点 A，B をとり，この 2 点を通る直線 l をひく。図のように，x 軸上の $0 \leqq x \leqq 4$ の範囲に点 P をとり，点 P を通って y 軸に平行な直線 m をひく。直線 m と直線 l の交点を D, 直線 m と線分 OB との交点を E とする。△OAB と△BDE の面積の比が 4：1 のとき，点 P の x 座標を求めよ。

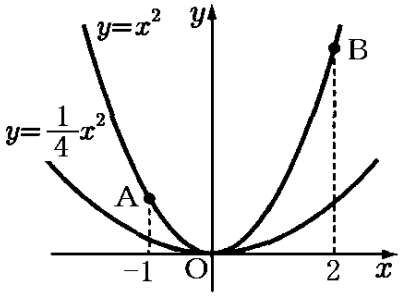


(埼玉県)(***)

[解答欄]

[問題 75]

右の図のように，関数 $y=x^2$ のグラフと関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフがある。2 点 A，B は関数 $y=x^2$ のグラフ上の点であり，A，B の x 座標はそれぞれ－1，2 である。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) 2 点 A，B を通る直線の傾きを求めよ。

(2) 関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフ上に点 P をとり，P の x 座標を t とする。ただし，$0<t<2$ とする。また，P を通り y 軸に平行な直線と関数 $y=x^2$ のグラフ，直線 AB との交点をそれぞれ Q，R とする。

① $t=1$ のとき，線分 PQ と線分 QR の長さの比を求めよ。

② 線分 AP，PB，BQ，QA で囲まれた図形の面積が△AQB の面積と等しくなる t の値を求めよ。

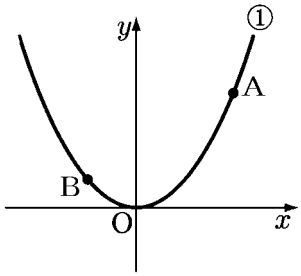
(福島県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)②PQ：QR＝	②

[問題 76]

右の図のように，関数 $y=x^2$ のグラフ上に，2 点 A，B がある。点 A の x 座標を 2，点 B の x 座標を－1 とする。点 A と x 座標が等しい x 軸上の点を C とする。△ABC と△OAB において，線分 AB を底辺としたときのそれぞれの高さの比を，もっとも簡単な整数の比で求めよ。



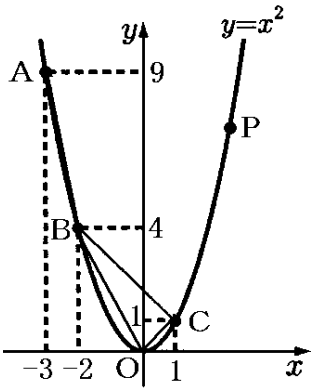
(北海道)(***)

[解答欄]

[問題 77]

右の図のように，関数 $y=x^2$ のグラフ上に 3 点 A(−3，9)，B(−2，4)，C(1，1)がある。点 P を関数 $y=x^2$ のグラフ上にとる。△OBC の面積と△OAP の面積の比が 1：5 になるときの点 P の座標を求めよ。ただし，点 P の x 座標は正とする。

(徳島県)(***)



[解答欄]

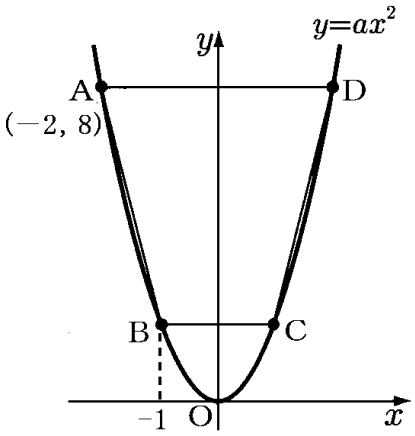
[問題 78]

右の図で，O は原点，A，B，C，D は関数 $y=ax^2$（a は定数，$a>0$)のグラフ上の点で，線分 AD，BC はともに x 軸に平行である。点 A の座標が(−2，8)，点 B の x 座標が−1 であるとき，次の各問いに答えよ。

(1) a の値を求めよ。

(2) 点 B を通り，四角形 ABCD の面積を 2 等分する直線の式を求めよ。

(愛知県)(***)

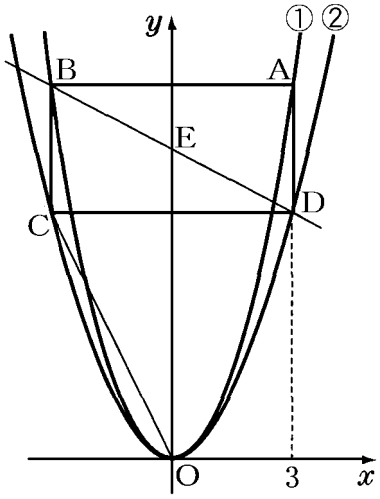


[解答欄]

(1)	(2)

[問題 79]

右の図のように，2 つの関数 $y=x^2$・・・①， $y=ax^2$（a は定数)・・・②のグラフと長方形 ABCD がある。2 点 A，B は関数①のグラフ上にあり，A の x 座標は 3 であって，辺 AB は x 軸に平行である。2 点 C，D は関数②のグラフ上にあり，C の x 座標は負で，C の y 座標は B の y 座標よりも小さい。点 E は直線 BD と y 軸との交点であり，点 O は原点である。また，長方形 ABCD において，AB : AD＝2 : 1 である。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) a の値を求めよ。

(2) 直線 BD の式を求めよ。

(3) 線分 OC 上に 2 点 O，C とは異なる点 P をとる。線分 EP が四角形 ODBC の面積を 2 等分するときの P の x 座標を求めよ。

(熊本県改)(****)

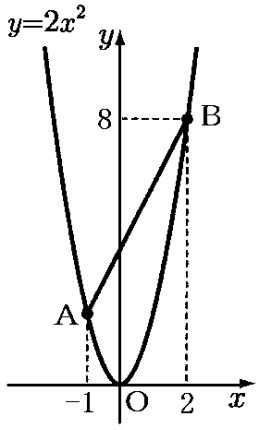
[解答欄]

(1)	(2)	(3)

【】等積変形の利用

[問題 80]

関数 $y=2x^2$ のグラフ上に 2 点 A, B がある。点 A の x 座標は－1，点 B の座標は(2，8)である。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) 点 A の y 座標を求めよ。

(2) 直線 AB の式を求めよ。

(3) 関数 $y=2x^2$ のグラフ上の点で，2 点 O，B の間にある点 P をとると，△PAB の面積は△OAB の面積に等しくなった。このとき，点 P の座標を求めよ。ただし，点 P は，点 O とは異なるものとする。

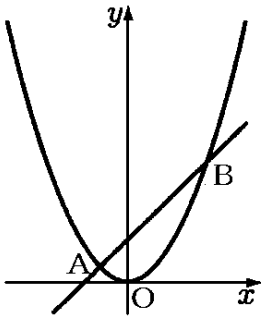
(沖縄県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)	(3)

[問題 81]

右の図で，曲線は関数 $y=\frac{1}{2}x^2$ のグラフである。曲線上に x 座標が－1, 3 である 2 点 A, B をとる。このとき，次の各問いに答えよ。



(1) 直線 AB の式を求めよ。

(2) 曲線上を，x 座標が $x<-1$ の範囲で動く点 P を考える。△PAB と△POB の面積が等しくなるとき，点 P の座標を求めよ。

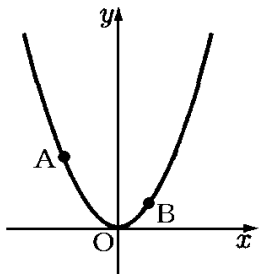
(埼玉県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)

[問題 82]

右の図のように，関数 $y=x^2$ のグラフ上に，2 点 A，B がある。点 A の x 座標を－2，点 B の x 座標を 1 とする。x 軸上に点 P をとり，△OAB と△OBP の面積が等しくなるようにするとき，点 P の座標を求めよ。ただし，点 P の x 座標は負であるものとする。

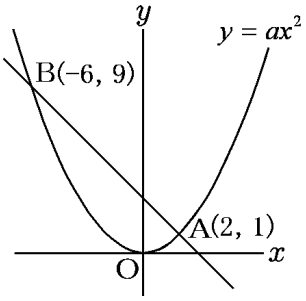


(北海道)(***)

[解答欄]

[問題 83]

右の図のように，関数 $y = ax^2$ のグラフ上に 2 点 A(2，1)，B(－6，9)がある。原点を O として，次の問いに答えよ。



(1) a の値を求めよ。

(2) 直線 AB の式を求めよ。

(3) 関数 $y = ax^2$ のグラフ上に点 P をとり，直線 AB と直線 OP が平行になるようにする。このとき，三角形 ABP の面積を求めよ。

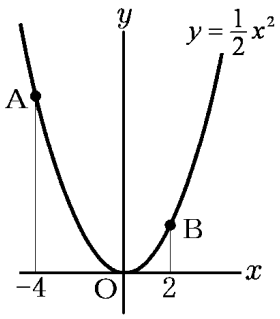
(長崎県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)	(3)

[問題 84]

右の図は，関数 $y = \frac{1}{2}x^2$ のグラフである。このグラフ上に 2 点 A，B があり，x 座標はそれぞれ－4，2 である。△AOC の面積が△AOB の面積の 2 倍となるように，y 軸上に点 C(0，c)をとる。このときの c の値を求めよ。ただし，c＞0 とする。

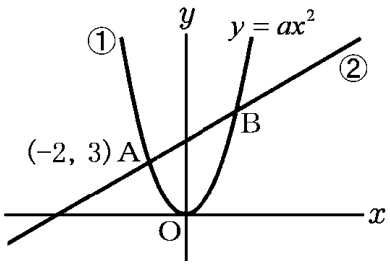


(富山県)(***)

[解答欄]

[問題 85]

右の図において，①は関数 $y = ax^2$ のグラフで，②は傾きが $\frac{1}{2}$ の直線であり，①と②は 2 点 A, B で交わっている。点 A の座標が(－2, 3)であるとき，次の問いに答えなさい。



(1) 定数 a の値を求めよ。

(2) x 軸上に x 座標が正である点Pをとり，△PABの面積が△OABの面積の2倍となるようにしたい。このときの点Pの x 座標を求めよ。

(高知県)(***)

[解答欄]

(1)	(2)