

【】式の決定・変化の割合・変域など

【】式の決定

[問題 1]

関数  $y = ax^2$  について、 $x = 3$  のとき、 $y = 18$  である。このとき、 $a$  の値を求めよ。  
(岡山県)(\*)

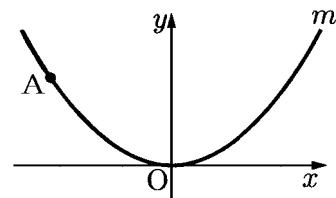
[問題 2]

$y$  は  $x$  の 2 乗に比例し、 $x = 3$  のとき、 $y = -36$  である。このとき、 $y$  を  $x$  の式で表せ。  
(秋田県)(\*)

[問題 3]

右図において、 $m$  は関数  $y = ax^2$  ( $a$  は定数) のグラフを表す。  
A は  $m$  上の点であり、その座標は  $(-4, 3)$  である。 $a$  の値を求めよ。

(大阪府)(\*)



[問題 4]

$y$  は  $x$  の 2 乗に比例し、 $x = 1$  のとき  $y = 2$  である。 $x = 3$  のときの  $y$  の値を求めよ。  
(沖縄県)(\*)

[問題 5]

右の表は、関数  $y = ax^2$  について、 $x$  と  $y$  の関係を表したものである。このとき  $a$  の値および表の  $b$  の値を求めよ。

(滋賀県)(\*)

$x$	…	-6	…	4	…
$y$	…	$b$	…	6	…

## 【】変域

### [問題 6]

関数  $y = 3x^2$  について、 $x$  の変域が  $-3 \leq x \leq 2$  のときの  $y$  の変域を求めよ。  
(福島県)(\*)

### [問題 7]

関数  $y = \frac{2}{3}x^2$  について、 $x$  の変域が  $-1 \leq x \leq 3$  のときの  $y$  の変域を求めよ。  
(福岡県)(\*)

### [問題 8]

関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  について、 $x$  の変域が、 $2 \leq x \leq 6$  のときの  $y$  の変域を求めよ。  
(補充問題)(\*\*)

### [問題 9]

関数  $y = ax^2$  について、 $x$  の変域が  $-2 \leq x \leq 1$  のとき、 $y$  の変域が  $0 \leq y \leq 8$  である。このとき、定数  $a$  の値を求めよ。  
(岡山県)(\*\*)

### [問題 10]

関数  $y = x^2$  について、 $x$  の変域が  $a \leq x \leq 2$  のとき、 $y$  の変域は  $0 \leq y \leq 9$  である。このときの  $a$  の値を求めよ。  
(高知県)

### [問題 11]

関数  $y = x^2$  について、 $x$  の変域を  $a \leq x \leq a + 2$  とするとき、 $y$  の変域が  $0 \leq y \leq 4$  となるような  $a$  の値を、次の[ ]の中からすべて選べ。  
[ -2    -1    0    1    2 ]  
(埼玉県)(\*\*)

[問題 12]

関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  で、  $x$  の変域が  $a \leq x \leq 6$  のとき、  $y$  の変域は  $0 \leq y \leq 9$  である。  $a$  がとるこ

とのできる値の範囲を求めよ。

(徳島県)(\*\*)

[問題 13]

右の図のように、関数  $y = ax^2$  のグラフ上に点(2, 3)がある。次の各問いに答えよ。

(1)  $a$  の値を求めよ。

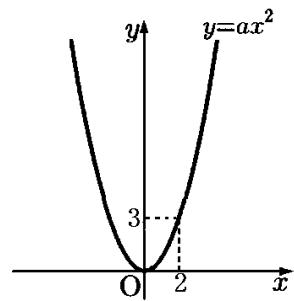
(2) 次のアとイにあてはまる数をそれぞれ求めよ。

関数  $y = ax^2$ において、 $x$  の変域が  $b \leq x \leq 2$  のときの  $y$  の変域  
は  $0 \leq y \leq 3$  である。このとき、 $b$  の値の範囲は、

(ア)  $\leq b \leq$  (イ) である。

(3) 関数  $y = ax^2$ において、 $x$  の変域が  $-4 \leq x \leq 3$  のときの  $y$  の変域と、関数  $y = cx^2$ において、 $x$  の変域が  $-2 \leq x \leq 3$  のときの  $y$  の変域とが等しいとき、 $c$  の値を求めよ。

(兵庫県)(\*\*)



## 【】変化の割合

### [問題 14]

関数  $y = -3x^2$  について、 $x$  の値が 1 から 3 まで増加するときの変化の割合を求めよ。  
(愛知県)(\*)

### [問題 15]

関数  $y = \frac{6}{x}$  で、 $x$  の値が 1 から 3 まで増加するときの変化の割合を求めよ。

(秋田県)

### [問題 16]

関数  $y = ax^2$  において、 $x$  の値が 1 から 4 まで増加するときの変化の割合が -5 であるとき、 $a$  の値を求めよ。  
(広島県)(\*\*)

### [問題 17]

関数  $y = x^2$  について、 $x$  が  $a$  から  $a+5$  まで増加するとき、変化の割合は 7 である。このとき、 $a$  の値を答えなさい。(3 点)  
(新潟県)(\*\*)

### [問題 18]

関数  $y = ax^2$  ( $a$  は定数) と関数  $y = -8x + 7$  について、 $x$  の値が 1 から 3 まで増加するときの変化の割合が等しいとき、 $a$  の値を求めよ。  
(愛知県)(\*\*)

### [問題 19]

ある自動車が動き始めてから  $x$  秒間に進んだ距離を  $y$  m とすると、 $0 \leq x \leq 8$  の範囲では  $y = \frac{3}{4}x^2$  の関係があった。この自動車が動き始めて 1 秒後から 3 秒後までの平均の速さは毎秒何 m か。  
(山口県)(\*\*)

[問題 20]

関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  で、 $x$  の値が 2 から 4 まで増加するときの変化の割合を  $m$ 、 $x$  の値が 52 から

54 まで増加するときの変化の割合を  $n$  とする。 $m$  と  $n$  の大きさを比べるとき、どのようなことがいえるか、次の①～④の中から正しいものを 1 つ選べ。

- ア  $m$  と  $n$  は等しい。
- イ  $m$  の方が大きい。
- ウ  $n$  の方が大きい。
- エ  $m$  と  $n$  のどちらが大きいかは、判断ができない。

(佐賀県)(\*\*)

## 【】グラフの特徴

### [問題 21]

関数  $y = ax^2$  のグラフの特徴として適切なものを、次のア～オからすべて選び、その記号を書け。

- ア 原点を通る。
- イ  $x$  軸について対称な曲線である。
- ウ  $a > 0$  のときは上に開き、 $x$  軸より下側にはない。
- エ  $a < 0$  のとき、 $x$  の値が増加すると  $x > 0$  の範囲では、 $y$  の値は減少する。
- オ  $a$  の値の絶対値が大きいほど、グラフの開き方は大きい。

(奈良県)(\*)

### [問題 22]

右の図の①～③の放物線は、下のア～ウの関数のグラフである。

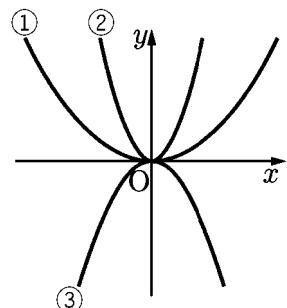
①～③は、それぞれどの関数のグラフか。ア～ウの中から選び、その記号をそれぞれ書け。

ア  $y = 2x^2$

イ  $y = \frac{1}{3}x^2$

ウ  $y = -x^2$

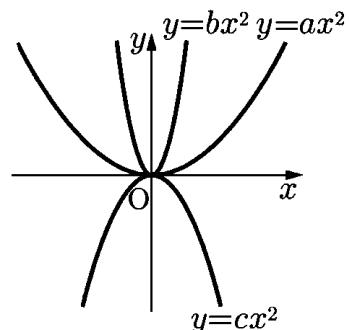
(広島県)



### [問題 23]

右図は、3つの関数  $y = ax^2$ ,  $y = bx^2$ ,  $y = cx^2$  のグラフを、同じ座標軸を使ってかいたものである。図の3つの関数について、比例定数  $a$ ,  $b$ ,  $c$  を小さい順に左から並べて書け。

(長野県)(\*)

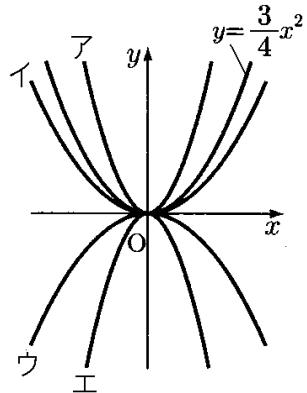


[問題 24]

右の図のア～エは、 $y=ax^2$  の形で表される 4 つのグラフを、関数  $y=\frac{3}{4}x^2$  のグラフと同じ座標軸を使ってかいたものであり、そ

のうちの 1 つが関数  $y=\frac{1}{2}x^2$  のグラフである。関数  $y=\frac{1}{2}x^2$  のグラフを、ア～エから選び、記号で答えよ。

(山口県)(\*\*)



[問題 25]

関数  $y=2x^2$  のグラフと  $x$  軸について対称であるグラフの式が  $y=ax^2$  である。このとき、 $a$  の値を求めよ。

(沖縄県)(\*)

[問題 26]

$y$  の値が正の値をとらない関数を、次のア～エから 1 つ選べ。

ア  $y=-\frac{x}{2}$  イ  $y=-\frac{2}{x}$  ウ  $y=-2x+3$  エ  $y=-2x^2$

(岐阜県)(\*)

[問題 27]

関数  $y=-x^2$  の値の増減について説明した次の文が正しくなるように、文章中の①、②の(　　)内からそれぞれ適語を選べ。

$x < 0$  の範囲では、 $x$  の値が増加するとき、 $y$  の値は①(増加／減少)する。また、 $x > 0$  の範囲では、 $x$  の値が増加するとき、 $y$  の値は②(増加／減少)する。

(秋田県)(\*)

【】座標・長さなど

【】放物線と直線の式

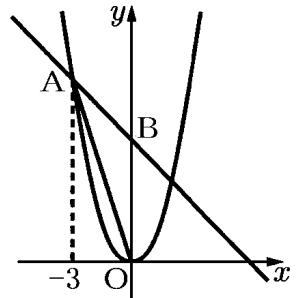
[問題 28]

右の図のように、関数  $y = x^2$  のグラフ上に、 $x$  座標が  $-3$  となる点 A をとる。点 A を通り、傾きが  $-1$  となる直線と  $y$  軸との交点を B とする。このとき、次の各問いに答えよ。

(1) 2 点 A, B を通る直線の式を答えよ。

(2)  $\triangle OAB$  の面積を求めよ。

(新潟県)(\*\*)

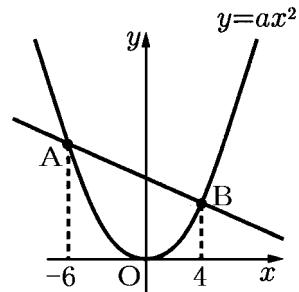


[問題 29]

右の図のように、関数  $y = ax^2$  ( $a > 0$ ) のグラフ上に 2 点 A, B があり、 $x$  座標はそれぞれ  $-6, 4$  である。直線 AB

の傾きが  $-\frac{1}{2}$  であるとき、 $a$  の値を求めよ。

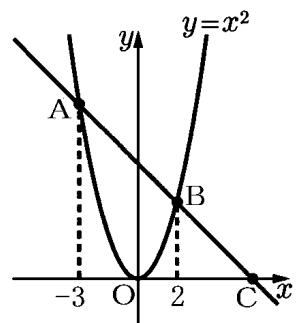
(栃木県)



[問題 30]

右の図で、2 点 A, B は関数  $y = x^2$  のグラフ上の点であり、  
点 A の  $x$  座標は  $-3$ 、点 B の  $x$  座標は  $2$  である。直線 AB と  
 $x$  軸との交点を C とする。このとき、点 C の座標を求めよ。

(茨城県)(\*\*)

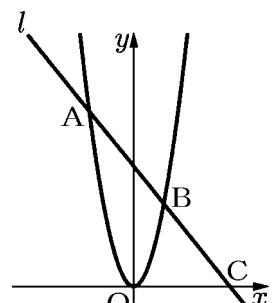


[問題 31]

右の図で、曲線は関数  $y = 2x^2$  のグラフである。曲線上に  $x$  座標  
が  $-3, 2$  である 2 点 A, B をとり、この 2 点を通る直線  $l$  をひく。  
直線  $l$  と  $x$  軸との交点を C とするとき、 $\triangle AOC$  の面積を求めよ。

ただし、座標軸の単位の長さを  $1\text{cm}$  とする。

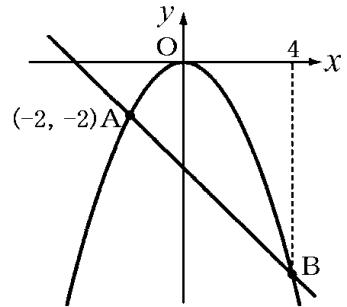
(埼玉県)(\*\*)



[問題 32]

右の図のように、関数  $y = ax^2$  のグラフ上に点 A(-2, -2)と点 B があり、点 B の  $x$  座標は 4 である。このとき、次の各問い合わせよ。

- (1)  $a$  の値を求めよ。
  - (2) 点 B の  $y$  座標を求めよ。
  - (3) 直線 AB の式を求めよ。
- (佐賀県)(\*\*)

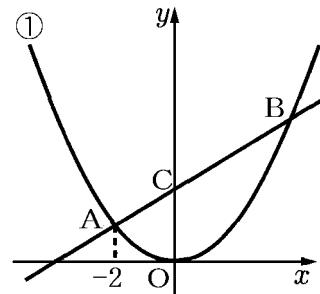


[問題 33]

右の図のように、関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフ上に 2 点 A, B がある。A の  $x$  座標は -2, B の  $x$  座標は正で、B の  $y$  座標は A の  $y$  座標より 3 だけ大きい。また、点 C は直線 AB と  $y$  軸との交点である。このとき、次の各問い合わせよ。

- (1) 点 A の  $y$  座標を求めよ。
  - (2) 点 B の座標を求めよ。
  - (3) 直線 AB の式を求めよ。
  - (4) 線分 BC 上に 2 点 B, C とは異なる点 P をとる。また、関数①のグラフ上に点 Q を、線分 PQ が  $y$  軸と平行になるようにとり、PQ の延長と  $x$  軸との交点を R とする。
- $PQ : QR = 5 : 1$  となるときの P の座標を求めよ。

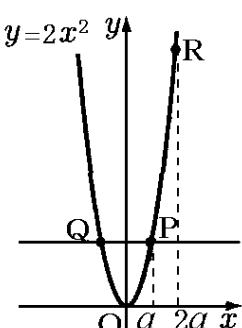
(熊本県)(\*\*\*)



[問題 34]

右の図のように、関数  $y = 2x^2$  のグラフ上に 2 点 P, Q があり、直線 PQ は  $x$  軸に平行である。点 P の  $x$  座標を  $a$  とする。このとき、次の各問い合わせよ。ただし、 $a > 0$  とする。

- (1) 点 Q の座標を  $a$  を用いて表せ。
  - (2) 関数  $y = 2x^2$  のグラフ上で  $x$  座標が  $2a$  である点を R とする。2 点 Q, R を通る直線の傾きが 7 のとき、 $a$  の値を求めよ。
- (京都府)(\*\*)



[問題 35]

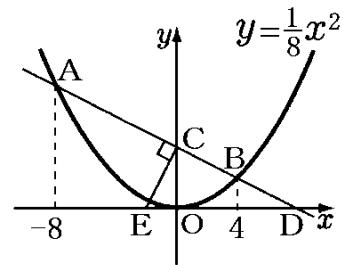
右の図のように、関数  $y = \frac{1}{8}x^2$  のグラフ上に 2 点 A, B があり、2 点 A, B の  $x$  座標はそれぞれ  $-8, 4$  である。2 点 A, B を通る直線と  $y$  軸との交点を C,  $x$  軸との交点を D とする。また、 $x$  軸上に  $\angle ACE = 90^\circ$  となるように点 E をとる。このとき、次の各問いに答えよ。

(1) 2 点 A, B を通る直線の式を求めよ。

(2) 点 D の座標を求めよ。

(3) 線分 DE の長さを求めよ。

(京都府)(\*\*\*)

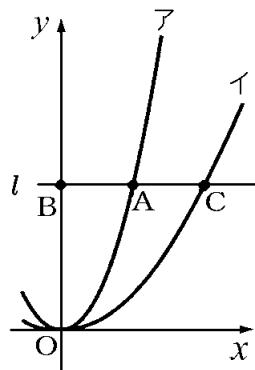


【】座標・長さなど

[問題 36]

右の図において、アは関数  $y = x^2$ 、イは関数  $y = ax^2 (a > 0)$  のグラフである。点 A はア上の点であり、 $x$  座標は 2 である。点 A を通り  $x$  軸に平行な直線を  $l$  とする。直線  $l$  と  $y$  軸の交点を B とし、直線  $l$  とイの交点のうち、 $x$  座標が正である点を C とする。点 A が線分 BC の中点であるとき、 $a$  の値を求めよ。

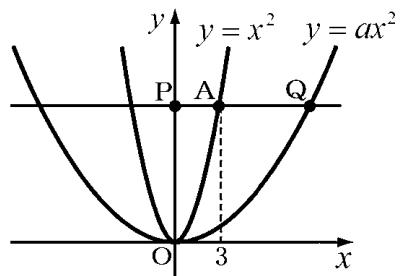
(秋田県)(\*\*)



[問題 37]

右の図は、2つの関数  $y = x^2$ 、 $y = ax^2 (a > 0)$  のグラフである。関数  $y = x^2$  のグラフ上で、 $x$  座標が 3 である点を A とする。また、A を通り  $x$  軸に平行な直線が、 $y$  軸と交わる点を P、関数  $y = ax^2$  のグラフと交わる点のうち、 $x$  座標が正の数である点を Q とする。このとき、 $OP = PQ$  となるような  $a$  の値を求めよ。

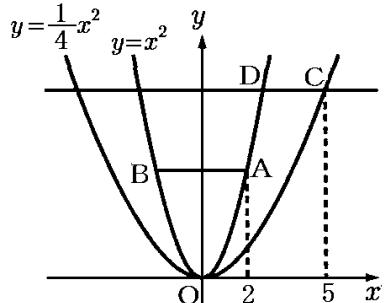
(栃木県)(\*\*)



[問題 38]

右の図のように、関数  $y = x^2$  のグラフ上に、 $x$  座標が 2 である点 A と、点 A と  $y$  座標が等しく  $x$  座標が異なる点 B をとり、点 A と点 B を結ぶ。また、関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフ上に、 $x$  座標が 5 である点 C をとり、点 C を通り  $x$  軸に平行な直線と関数  $y = x^2$  のグラフとの交点のうち、 $x$  座標が正である点を D とする。線分 AB と線分 CD の長さの比を求めよ。

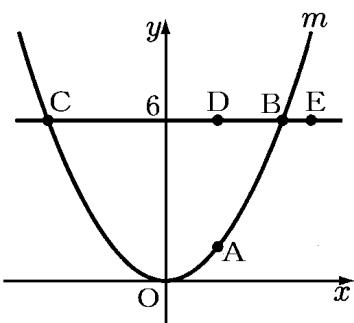
(宮城県)(\*\*)



[問題 39]

右図において、 $m$  は  $y = \frac{1}{3}x^2$  のグラフを表す。A, B, C は  $m$  上の点であって、A の  $x$  座標は 2 である。B の  $x$  座標は、C の  $x$  座標より大きい。D, E は、B と C とを結んでできる直線上の点であり、B, C, D, E の  $y$  座標はいずれも 6 である。D の  $x$  座標は A の  $x$  座標に等しく、E の  $x$  座標は B の  $x$  座標より大きい。

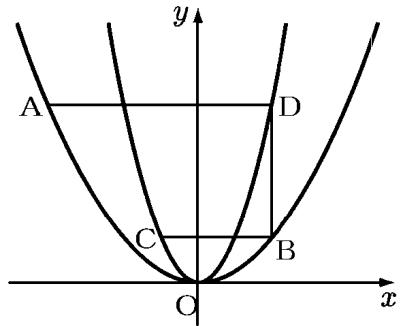
- (1) B の  $x$  座標と C の  $x$  座標をそれぞれ求めよ。
  - (2) E の  $x$  座標を  $t$  とする。 $DE^2 = CE \times BE$  となるときの  $t$  の値を求めよ。
- (大阪府)(\*\*)



[問題 40]

右の図のように、関数  $y = x^2$  のグラフ上に 2 点 A, B、関数  $y = 4x^2$  のグラフ上に 2 点 C, D がある。点 A, C の  $x$  座標は負の数、点 B, D の  $x$  座標は正の数で、線分 AD, BC は  $x$  軸に平行、線分 BD は  $y$  軸に平行である。このとき、AD : BC を求めよ。

(広島県改)(\*\*)



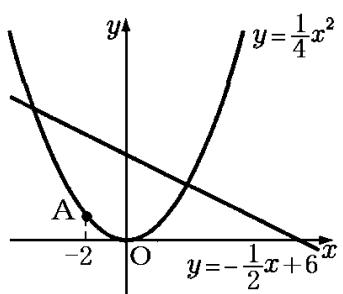
[問題 41]

右の図のように、関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフと直線  $y = -\frac{1}{2}x + 6$  がある。このとき、次の各問いに答えよ。

- (1) 関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフ上に、 $x$  座標が  $-2$  となる点 A をとるとき、A の  $y$  座標を求めよ。

(2) 関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフ上を動く点 P と、直線  $y = -\frac{1}{2}x + 6$  上を動く点 Q がある。P, Q の  $x$  座標が等しく、 $PQ = 6$  であるとき、P の  $x$  座標をすべて求めよ。

(岩手県)(\*\*)



## 【】線分比など

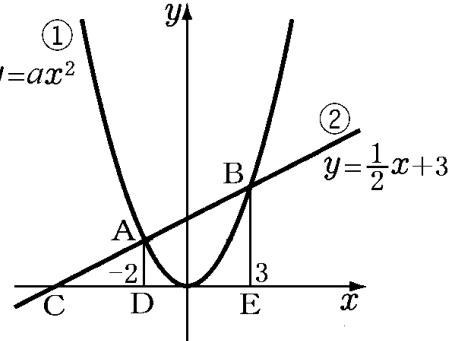
### [問題 42]

右の図において、①は関数  $y = ax^2$ 、②は関数  $y = \frac{1}{2}x + 3$  のグラフである。点 A, B は①と②の交点で、 $x$  座標はそれぞれ  $-2, 3$  である。このとき、次の各問い合わせよ。

(1)  $a$  の値を求めよ。

(2) 図のように、②と  $x$  軸との交点を C とし、点 A, B から  $x$  軸に垂線をひき、その交点をそれぞれ D, E とする。BA : AC を最も簡単な整数の比で表せ。

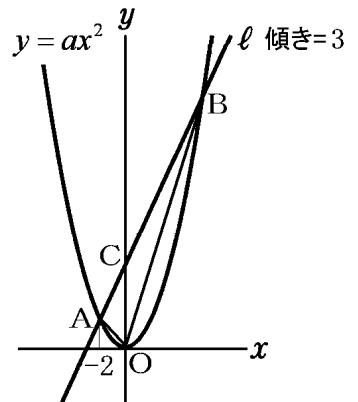
(山梨県)(\*\*\*)



### [問題 43]

右の図の放物線は関数  $y = ax^2$  のグラフであり、直線  $l$  と 2 点 A, B で交わっている。また、点 C は直線  $l$  と  $y$  軸との交点である。点 A の  $x$  座標が  $-2$ 、直線  $l$  の傾きが  $3$  であり、 $\triangle AOC$  と  $\triangle BOC$  の面積比が  $1 : 3$  であるとき、 $a$  の値を求めよ。

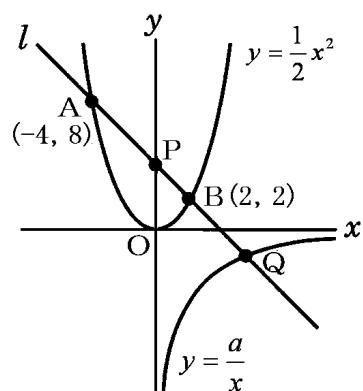
(三重県)(\*\*\*)



### [問題 44]

右の図のように、関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフ上の点 A( $-4, 8$ )、B( $2, 2$ )を通る直線  $l$  がある。また、この直線が  $y$  軸および関数  $y = \frac{a}{x}$  ( $a$  は負の定数、 $x > 0$ ) のグラフと交わる点を、それぞれ P, Q とする。 $\triangle OAP : \triangle OQP = 2 : 3$  になるとき、 $a$  の値を求めよ。

(沖縄県)(\*\*\*)



[問題 45]

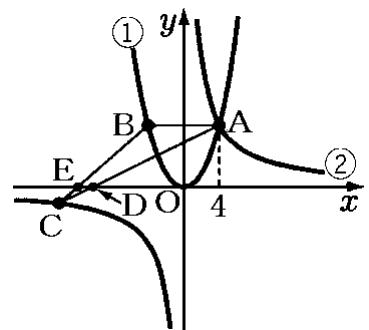
右の図で、点 O は原点であり、放物線①は関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフである。双曲線②は反比例  $y = \frac{a}{x}$  のグラフで、 $a > 0$  である。

点 A は、放物線①と双曲線②との交点で、その  $x$  座標は 4 である。点 B は、放物線①上の点で、線分 AB は  $x$  軸に平行である。

点 C は、双曲線②上の点で、その  $x$  座標は負の数である。線分 AC、線分 BC と  $x$  軸との交点をそれぞれ D、E とする。

$AB : DE = 5 : 1$  であるとき、点 C の座標を求めよ。

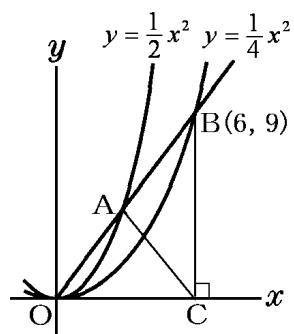
(香川県)(\*\*\*)



[問題 46]

右の図のように、関数  $y = \frac{1}{2}x^2$ ,  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフと、原点を通る直線との交点をそれぞれ A, B とする。点 B から  $x$  軸に垂線 BC をひく。点 B の座標が(6, 9)のとき、 $\triangle BOC$  と  $\triangle BAC$  の面積の比を求めなさい。

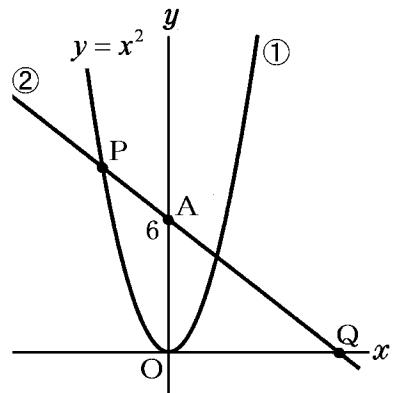
(埼玉県)(\*\*\*)



[問題 47]

右の図において、曲線①は関数  $y = x^2$  のグラフである。点 A(0, 6)を通る右下がりの直線②が曲線①と交わる 2 点のうち  $x$  座標が負の点を P とし、また、直線②と  $x$  軸との交点を Q とする。 $PA : AQ = 1 : 3$  となるとき、点 P の座標を求めよ。

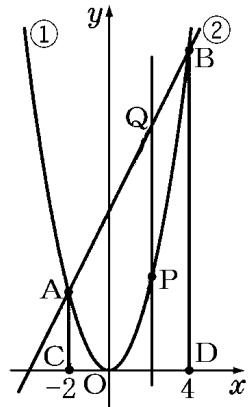
(茨城県)(\*\*\*)



[問題 48]

右の図において、①は関数  $y = x^2$ 、②は関数  $y = 2x + 8$  のグラフである。2 点 A, B は①と②の交点で、 $x$  座標はそれぞれ -2 と 4 である。点 A, B から  $x$  軸に垂線をひき、 $x$  軸との交点をそれぞれ C, D とする。また、点 P は①のグラフ上を A から B まで動く。点 P の  $x$  座標が正のとき、点 P を通り、 $y$  軸に平行な直線をひき、②のグラフとの交点を Q とする。直線 CQ と直線 OP が平行となるような点 P の座標を求めよ。

(石川県)(\*\*\*)



【】面積

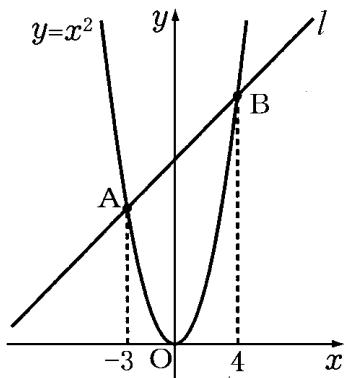
【】面積を求める：2つの三角形の和

[問題 49]

右の図のように、関数  $y = x^2$  のグラフと直線  $l$  が 2 点 A, B で交わっている。点 A の  $x$  座標は  $-3$ 、点 B の  $x$  座標は  $4$  である。このとき、次の各問い合わせよ。

- (1) 直線  $l$  の式を求めよ。
- (2)  $\triangle OAB$  の面積を求めよ。

(富山県)(\*\*\*)

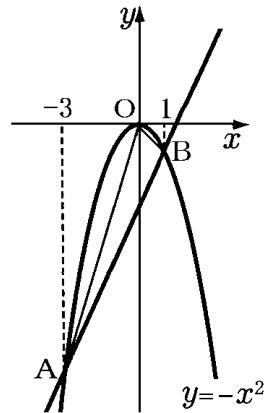


[問題 50]

右の図のように、関数  $y = -x^2$  のグラフ上に、 $x$  座標がそれぞれ  $-3, 1$  となる点 A, B をとるとき、次の各問い合わせよ。

- (1) 2 点 A, B を通る直線の式を求めよ。
- (2)  $\triangle OAB$  の面積を求めよ。

(新潟県)(\*\*\*)

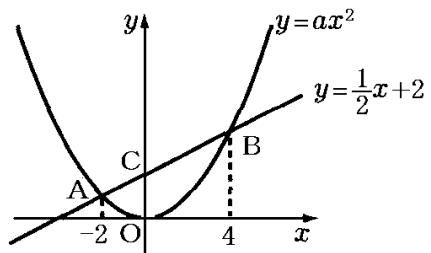


[問題 51]

右の図のように、関数  $y = ax^2$  のグラフと直線  $y = \frac{1}{2}x + 2$  が、2 点 A, B で交わっている。2 点 A, B の  $x$  座標が、それぞれ  $-2, 4$  であるとき、次の各問い合わせよ。ただし、 $a > 0$  とする。また、原点 O から点  $(1, 0)$  までの距離及び原点 O から点  $(0, 1)$  までの距離をそれぞれ  $1\text{cm}$  とする。

- (1)  $a$  の値を求めよ。
- (2)  $\triangle OAB$  の面積を求めよ。

(千葉県)(\*\*\*)

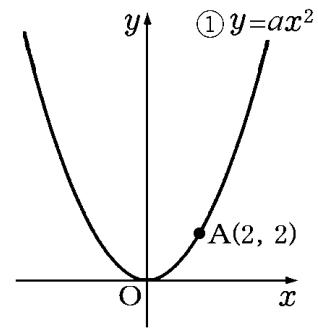


[問題 52]

右の図のように関数  $y=ax^2 \cdots ①$  のグラフが、点 A(2, 2)を通っている。このとき、次の各問い合わせよ。ただし、原点は O とする。

- (1)  $a$  の値を求めよ。
- (2) 点 A を通り、傾きが -1 の直線の式を求めよ。
- (3) (2)で求めた直線と①のグラフとの交点のうち、点 A とは異なる点を B とするとき、 $\triangle OAB$  の面積を求めよ。

(鳥取県)(\*\*\*)

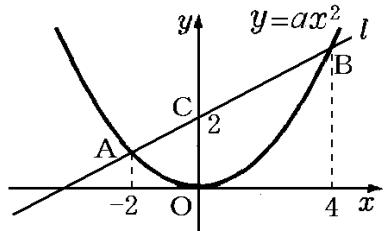


[問題 53]

右の図で、曲線は関数  $y=ax^2$  のグラフである。曲線上に  $x$  座標が -2, 4 である 2 点 A, B をとり、この 2 点を通る直線  $l$  をひく。直線  $l$  が  $y$  軸と点 C(0, 2) で交わるとき、次の各問い合わせよ。ただし、座標軸の単位の長さを 1cm とする。

- (1)  $\triangle OBC$  の面積を求めよ。
- (2)  $a$  の値を求めよ。

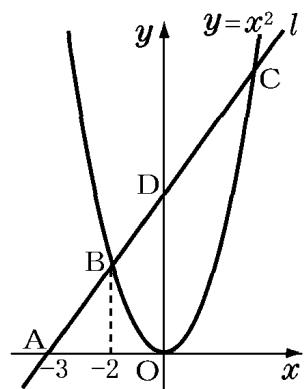
(埼玉県)(\*\*\*)



[問題 54]

右の図で、曲線は関数  $y=x^2$  のグラフである。 $x$  軸上に  $x$  座標が -3 である点 A をとり、点 A を通り傾きが正の直線  $l$  をひく。直線  $l$  と曲線との交点のうち  $x$  座標が負のものを B, 正のものを C とし、直線  $l$  と  $y$  軸との交点を D とする。点 B の  $x$  座標が -2 のとき、 $\triangle BOD$  の面積を求めよ。ただし、座標軸の単位の長さを 1cm とする。

(埼玉県)(\*\*\*)



[問題 55]

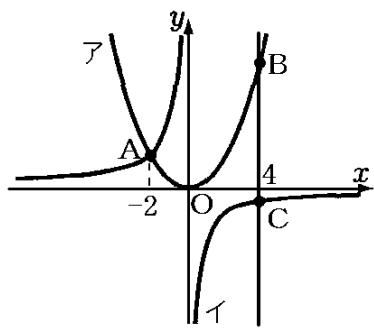
右の図において、放物線アは関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフで、

放物線ア上にある 2 点 A, B は、 $x$  座標がそれぞれ -2, 4 である。また、双曲線イは点 A を通る反比例のグラフで、点 C は、点 B を通り  $y$  軸に平行な直線と双曲線イとの交点である。次の各問いに答えよ。

- (1) A の  $y$  座標を求めよ。
- (2) 双曲線イのグラフについて、 $y$  を  $x$  の式で表せ。

(3)  $\triangle ABC$  の面積を求めよ。

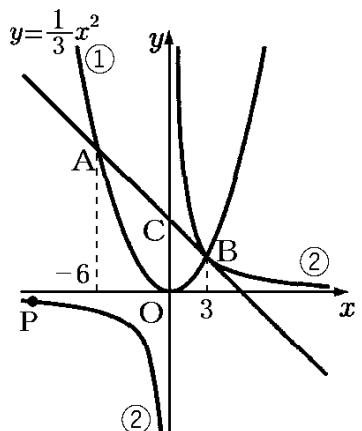
(群馬県)(\*\*\*)



[問題 56]

右の図において、①は関数  $y = \frac{1}{3}x^2$  のグラフ、②は反比例のグラフである。①と②は点 B で交わっていて、点 B の  $x$  座標は 3 である。また、①のグラフ上に  $x$  座標が -6 である点 A をとり、直線 AB と  $y$  軸との交点を C とする。②のグラフ上に  $x$  座標が負である点 P をとる。 $\triangle OAB$  と  $\triangle OCP$  の面積が等しくなるとき、点 P の座標を求めよ。

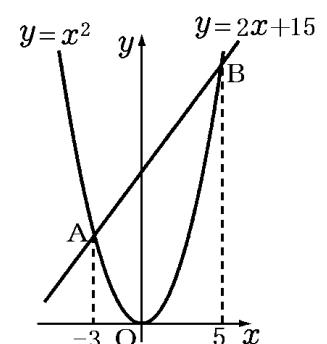
(山形県)(\*\*\*)



[問題 57]

右の図のように、関数  $y = x^2$  と関数  $y = 2x + 15$  のグラフがある。2 つのグラフは 2 点 A, B で交わり、点 A, B の  $x$  座標は、それぞれ -3, 5 である。関数  $y = x^2$  のグラフ上に点 P を、 $\triangle APB$  の面積が 48 になるようにとりたい。ただし、点 P の  $x$  座標は  $0 < x < 5$  とする。点 P の座標を求めよ。

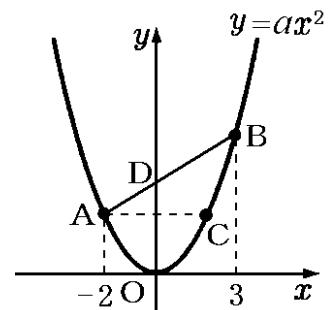
(長野県)(\*\*\*)



[問題 58]

右の図のように、関数  $y=ax^2$  ( $a$  は正の定数) のグラフ上に、  
2 点 A, B がある。点 A の  $x$  座標を  $-2$ , 点 B の  $x$  座標を  $3$  と  
する。点 A と  $y$  軸について対称な点を C とし、線分 AB と  $y$  軸  
との交点を D とする。 $\triangle BCD$  の面積が  $10$  のとき、 $a$  の値を求  
めよ。

(北海道)(\*\*\*\*)

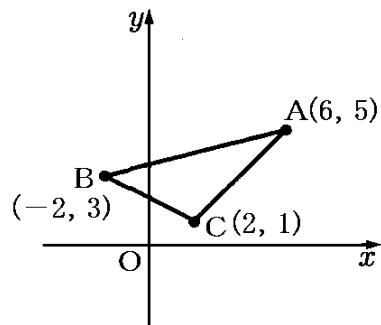


【】面積を求める：外側長方形から複数の三角形を引く

[問題 59]

右の図のように、3点 A(6, 5), B(-2, 3), C(2, 1) を頂点とする  $\triangle ABC$  がある。 $\triangle ABC$  の面積を求めよ。

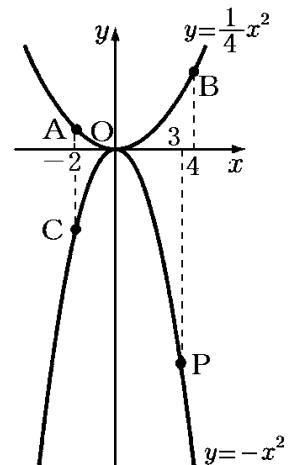
(佐賀県)(\*\*)



[問題 60]

右の図のように、関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフ上に 2 点 A, B があり、その  $x$  座標はそれぞれ  $-2, 4$  である。また、関数  $y = -x^2$  のグラフ上に 2 点 C, P があり、点 C の  $x$  座標は  $-2$ 、点 P はグラフ上で動く点で、その  $x$  座標は正の数である。点 P の  $x$  座標が  $3$  のとき、四角形 ACPB の面積を求めよ。

(奈良県)(\*\*)

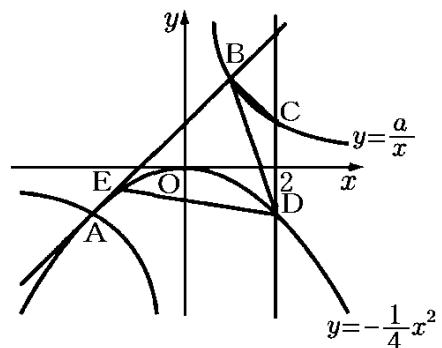
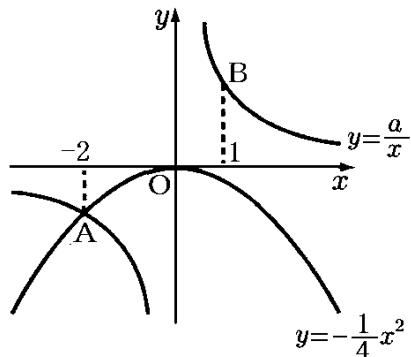


[問題 61]

右の図のように、関数  $y = \frac{a}{x}$  ( $a > 0$ ) のグラフ上に 2 点 A, B があり、それぞれの  $x$  座標は  $-2, 1$  である。関数  $y = \frac{a}{x}$  と関数  $y = -\frac{1}{4}x^2$  のグラフは、点 A で交わっている。次の各問いに答えよ。

- (1)  $a$  の値を求めよ。
- (2) 直線 AB の式を求めよ。

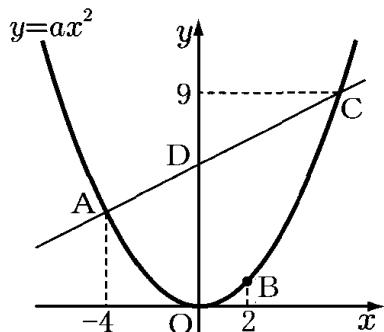
(3) 右の図のように、関数  $y = \frac{a}{x}$  のグラフ上に  $x$  座標が 2 である点 C をとる。点 C を通り  $y$  軸に平行な直線と関数  $y = -\frac{1}{4}x^2$  のグラフとの交点を D とする。線分 AB 上に点 E をとり、 $\triangle BED$  の面積が  $\triangle BDC$  の面積の 5 倍となるようにする。点 E の  $x$  座標を求めよ。  
(大分県)(\*\*\*)



[問題 62]

右の図のように、関数  $y = ax^2$  ( $a$  は定数) のグラフ上に 3 点 A, B, C がある。A の  $x$  座標は  $-4$ , B の  $x$  座標は  $2$ , C の  $y$  座標は  $9$  であり、C の  $x$  座標は正である。点 D は直線 AC と  $y$  軸との交点であり、点 O は原点である。また、関数  $y = ax^2$  について、 $x$  の変域が  $-4 \leq x \leq 2$  のとき、 $y$  の変域は  $0 \leq y \leq 4$  である。このとき、次の各問いに答えよ。

- (1)  $a$  の値を求めよ。
  - (2) 直線 AC の式を求めよ。
  - (3) 線分 CD 上に 2 点 C, D とは異なる点 P をとる。四角形 POBC の面積が 20 となるときの P の座標を求めよ。
- (熊本県)(\*\*\*)



【】面積を2等分、面積比

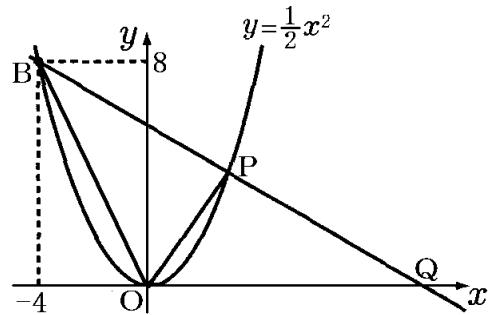
[中点]

[問題 63]

右の図のように関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフ上を動く

点 P がある。この点 P と点 B(-4, 8)とを結んでできる直線 BP と x 軸との交点を Q とする。このとき、 $\triangle OPB$  の面積と $\triangle OPQ$  の面積が等しくなるような点 P の x 座標を求めよ。ただし、点 P は  $x > 0$  を満たす範囲を動くものとする。

(鳥取県改)(\*\*)



[問題 64]

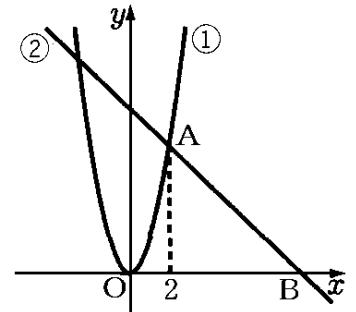
右の図において、①は関数  $y = 2x^2$  のグラフで、②は傾きが -1 の直線である。点 A は①と②の交点で、その x 座標は 2 であり、点 B は②と x 軸の交点である。このとき、次の各問いに答えよ。

(1) 直線②の式を求めよ。

(2) 線分 AB 上に点 C をとり、点 O と点 C を通る直線を l とする。

この直線 l が三角形 OAB の面積を二等分するとき、直線 l の式を求めよ。

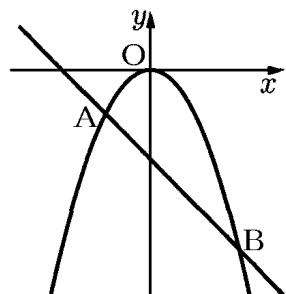
(高知県)(\*\*\*)



[問題 65]

右の図のように、関数  $y = -\frac{1}{2}x^2$  のグラフ上に 2 点 A, B があり、A, B の x 座標はそれぞれ -2, 4 である。直線 AB 上に点 P があり、直線 OP が $\triangle OAB$  の面積を 2 等分しているとき、点 P の座標を求めよ。

(鹿児島県)(\*\*)

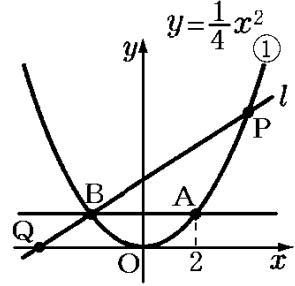


[底辺が共通(高さが共通)]

[問題 66]

右の図の①は、関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフである。このグラフ上に点 A があり、その  $x$  座標は 2 である。点 A を通り  $x$  軸に平行な直線とグラフ①との交点のうち、点 A と異なる点を B とする。点 P は①のグラフ上を動く点であり、その  $x$  座標は 2 より大きいものとする。図のように、2 点 B, P を通る直線を  $l$  とし、直線  $l$  と  $x$  軸との交点を Q とする。 $\triangle ABQ$  の面積と  $\triangle ABP$  の面積が等しくなるとき、点 P の  $x$  座標を求めよ。

(島根県)(\*\*\*)



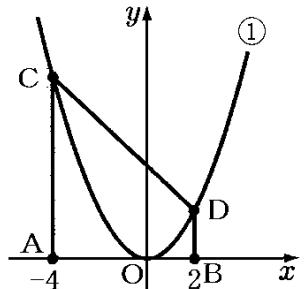
[台形の面積の 2 等分など]

[問題 67]

右の図で、点 O は原点であり、2 点 A, B の座標はそれぞれ  $(-4, 0), (2, 0)$  である。放物線①は関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフである。点 A を通り、 $y$  軸に平行な直線をひき、放物線①との交点を C とする。また、点 B を通り、 $y$  軸に平行な直線をひき、放物線①との交点を D とし、点 C と点 D を結ぶ。線分 CD 上に点 E をとる。

直線 AE が台形 ABDC の面積を 2 等分するとき、点 E の  $x$  座標はいくらか。点 E の  $x$  座標を  $a$  として、 $a$  の値を求めよ。

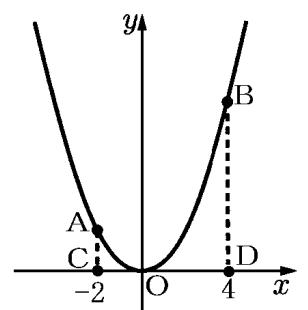
(香川県)(\*\*\*)



[問題 68]

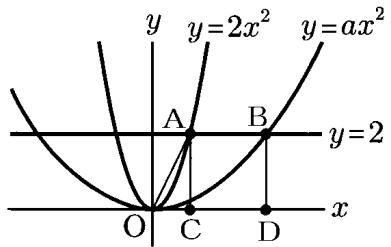
右の図のように、関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフ上に 2 点 A, B があり、 $x$  軸に 2 点 C, D がある。2 点 A, C の  $x$  座標はともに -2 であり、2 点 B, D の  $x$  座標はともに 4 である。線分 AB 上に点 E をとり、四角形 ACDE と  $\triangle BDE$  をつくる。四角形 ACDE の面積と  $\triangle BDE$  の面積の比が 2 : 1 となるとき、点 E の  $x$  座標を求めよ。

(三重県)(\*\*\*)



[問題 69]

右の図で、O は原点、A, B はそれぞれ、直線  $y=2$  と 2 つの関数  $y=2x^2$ ,  $y=ax^2$  ( $a$  は定数,  $a > 0$ ) のグラフとの交点のうち、 $x$  座標が正である点である。また、C, D は  $x$  軸上の点で、四角形 ACDB は正方形である。このとき、次の問い合わせに答えよ。



(1)  $a$  の値を求めよ。

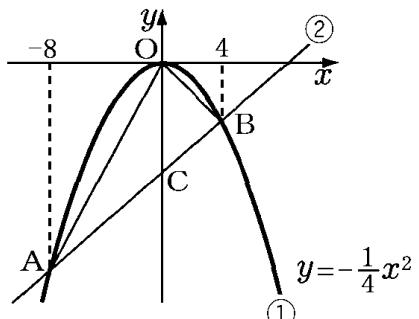
(2) 点 C を通り、台形 AODB の面積を 2 等分する直線の式を求めよ。

(愛知県)(\*\*\*)

[三角形の面積を一定の比に分ける]

[問題 70]

右の図で、①は関数  $y=-\frac{1}{4}x^2$  のグラフである。点 A, B は①上にあり、点 A の  $x$  座標は  $-8$ 、点 B の  $x$  座標は  $4$  である。②は点 A, B を通る直線であり、 $y$  軸との交点を C とする。次の各問い合わせに答えよ。ただし、座標軸の単位の長さを  $1\text{cm}$  とする。



(1) 直線②の式を求めよ。

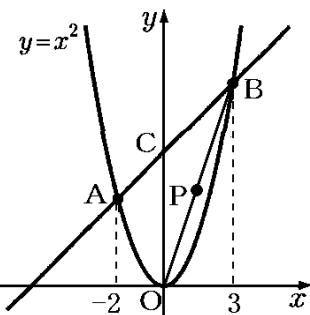
(2)  $\triangle OAB$  の面積を求めよ。

(3) 点 Q を  $\triangle OAB$  の辺 OA 上にとり、線分 CQ が  $\triangle OAB$  の面積を 2 等分するとき、点 Q の座標を求めよ。

(青森県)(\*\*\*)

[問題 71]

右の図のように、関数  $y=x^2$  のグラフ上に 2 点 A, B があり、2 点 A, B の  $x$  座標はそれぞれ  $-2$ ,  $3$  である。直線 AB と  $y$  軸との交点を C とする。次の各問い合わせに答えよ。



(1) 直線 AB の式を求めよ。

(2)  $\triangle OAB$  の面積を求めよ。

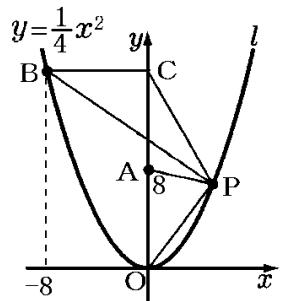
(3) 図のように、線分 OB 上に点 P を、四角形 OACP と  $\triangle BCP$  の面積の比が  $2:1$  になるようにとる。このとき、点 P の  $x$  座標を求めよ。

(長崎県)(\*\*\*)

[問題 72]

右の図で、点 O は原点、点 A の座標は(0, 8)であり、曲線  $l$  は関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフを表している。点 B は曲線  $l$  上にあり、 $x$  座標は -8 である。点 P の  $x$  座標が 8 より小さい正の数であるとき、点 B を通り  $x$  軸に平行な直線を引き、 $y$  軸との交点を C とし、点 O と点 P、点 A と点 P、点 B と点 P、点 C と点 P をそれぞれ結んだ場合を表している。 $\triangle CBP$  の面積が  $\triangle AOP$  の面積の 3 倍になるとき、点 P の  $x$  座標を求めよ。

(東京都)(\*\*\*)



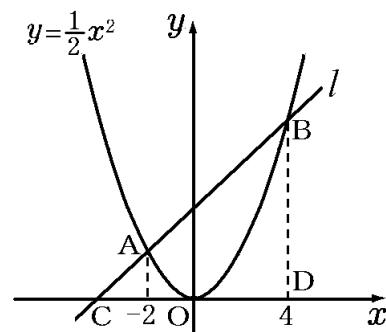
[問題 73]

右の図のように、関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフと直線  $l$  の交点を A, B とし、直線  $l$  と  $x$  軸の交点を C とする。また、点 B から  $x$  軸に垂線 BD をひく。点 A の  $x$  座標が -2、点 B の  $x$  座標が 4 であるとき、次の各問いに答えよ。ただし、原点 O から点(1, 0)までの距離及び原点 O から点(0, 1)までの距離をそれぞれ 1cm とする。

(1) 直線  $l$  の式を求めよ。

(2) 関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフ上に点 P がある。ただし、点 P の  $x$  座標は 0 より大きく 4 より小さい。△PCD と△PBD の面積の比が 1 : 6 であるとき、点 P の  $x$  座標を求めよ。

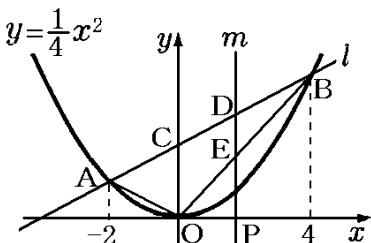
(千葉県)(\*\*\*)



[問題 74]

右の図で、曲線は関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフである。曲線上に  $x$  座標が -2, 4 である 2 点 A, B をとり、この 2 点を通る直線  $l$  をひく。図のように、 $x$  軸上の  $0 \leq x \leq 4$  の範囲に点 P をとり、点 P を通って  $y$  軸に平行な直線  $m$  をひく。直線  $m$  と直線  $l$  の交点を D, 直線  $m$  と線分 OB との交点を E とする。 $\triangle OAB$  と  $\triangle BDE$  の面積の比が 4 : 1 のとき、点 P の  $x$  座標を求めよ。

(埼玉県)(\*\*\*)



[問題 75]

右の図のように、関数  $y = x^2$  のグラフと関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフがある。2点 A, B は関数  $y = x^2$  のグラフ上の点であり、A, B の  $x$  座標はそれぞれ -1, 2 である。このとき、次の各問いに答えよ。

(1) 2点 A, B を通る直線の傾きを求めよ。

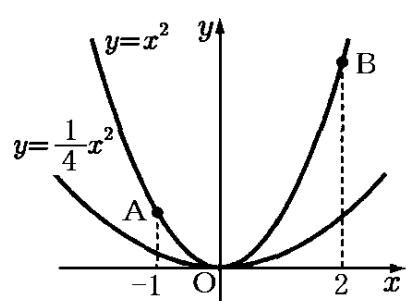
(2) 関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフ上に点 P をとり、P の  $x$  座標

を  $t$  とする。ただし、 $0 < t < 2$  とする。また、P を通り  $y$  軸に平行な直線と関数  $y = x^2$  のグラフ、直線 AB との交点をそれぞれ Q, R とする。

①  $t = 1$  のとき、線分 PQ と線分 QR の長さの比を求めよ。

② 線分 AP, PB, BQ, QA で囲まれた図形の面積が  $\triangle AQB$  の面積と等しくなる  $t$  の値を求めよ。

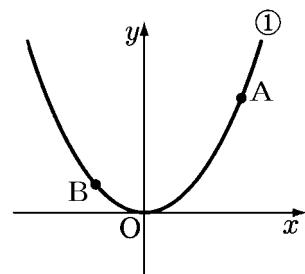
(福島県)(\*\*\*)



[問題 76]

右の図のように、関数  $y = x^2$  のグラフ上に、2点 A, B がある。点 A の  $x$  座標を 2、点 B の  $x$  座標を -1 とする。点 A と  $x$  軸上の点 C とする。 $\triangle ABC$  と  $\triangle OAB$  において、線分 AB を底辺としたときのそれぞれの高さの比を、もっとも簡単な整数の比で求めよ。

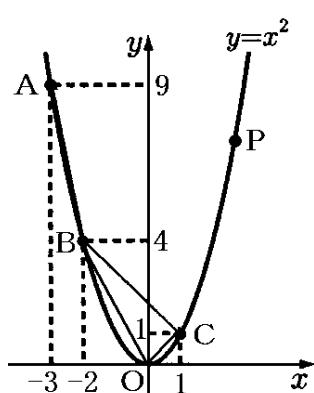
(北海道)(\*\*\*)



[問題 77]

右の図のように、関数  $y = x^2$  のグラフ上に 3点 A(-3, 9), B(-2, 4), C(1, 1) がある。点 P を関数  $y = x^2$  のグラフ上にとる。 $\triangle OBC$  の面積と  $\triangle OAP$  の面積の比が 1 : 5 になるときの点 P の座標を求めよ。ただし、点 P の  $x$  座標は正とする。

(徳島県)(\*\*\*)

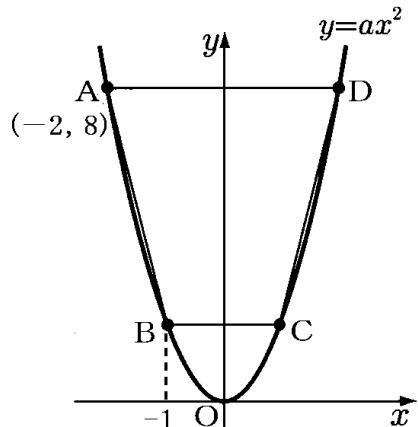


[問題 78]

右の図で、O は原点、A, B, C, D は関数  $y = ax^2$  ( $a$  は定数、 $a > 0$ ) のグラフ上の点で、線分 AD, BC はともに  $x$  軸に平行である。点 A の座標が  $(-2, 8)$ 、点 B の  $x$  座標が  $-1$  であるとき、次の各問に答えよ。

- (1)  $a$  の値を求めよ。
- (2) 点 B を通り、四角形 ABCD の面積を 2 等分する直線の式を求めよ。

(愛知県)(\*\*\*)

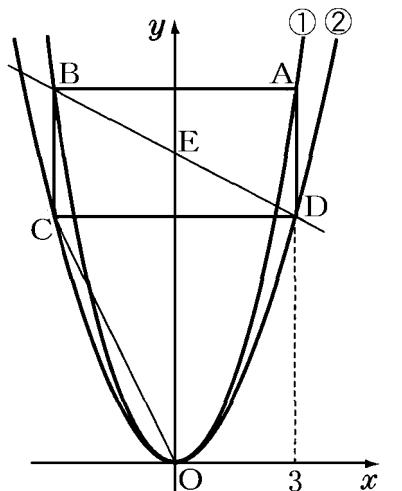


[問題 79]

右の図のように、2 つの関数  $y = x^2 \cdots ①$ ,  $y = ax^2$  ( $a$  は定数)  $\cdots ②$  のグラフと長方形 ABCD がある。2 点 A, B は関数①のグラフ上にあり、A の  $x$  座標は 3 であって、辺 AB は  $x$  軸に平行である。2 点 C, D は関数②のグラフ上にあり、C の  $x$  座標は負で、C の  $y$  座標は B の  $y$  座標よりも小さい。点 E は直線 BD と  $y$  軸との交点であり、点 O は原点である。また、長方形 ABCD において、 $AB : AD = 2 : 1$  である。このとき、次の各問に答えよ。

- (1)  $a$  の値を求めよ。
- (2) 直線 BD の式を求めよ。
- (3) 線分 OC 上に 2 点 O, C とは異なる点 P をとる。線分 EP が四角形 ODBC の面積を 2 等分するときの P の  $x$  座標を求めよ。

(熊本県改)(\*\*\*\*)



## 【】等積変形の利用

### [問題 80]

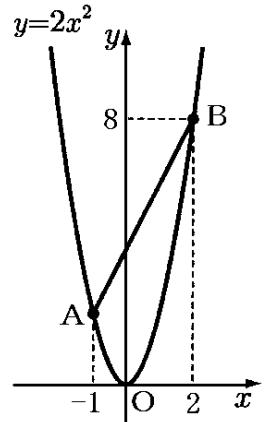
関数  $y = 2x^2$  のグラフ上に 2 点 A, B がある。点 A の  $x$  座標は  $-1$ , 点 B の座標は  $(2, 8)$  である。このとき、次の各問い合わせよ。

(1) 点 A の  $y$  座標を求めよ。

(2) 直線 AB の式を求めよ。

(3) 関数  $y = 2x^2$  のグラフ上の点で、2 点 O, B の間にある点 P をとると、 $\triangle PAB$  の面積は  $\triangle OAB$  の面積に等しくなった。このとき、点 P の座標を求めよ。ただし、点 P は、点 O とは異なるものとする。

(沖縄県)(\*\*\*)



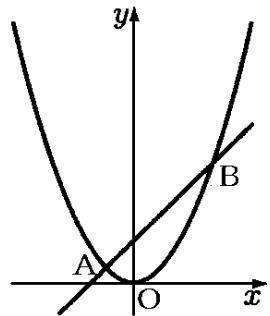
### [問題 81]

右の図で、曲線は関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフである。曲線上に  $x$  座標が  $-1, 3$  である 2 点 A, B をとる。このとき、次の各問い合わせよ。

(1) 直線 AB の式を求めよ。

(2) 曲線上を、 $x$  座標が  $x < -1$  の範囲で動く点 P を考える。 $\triangle PAB$  と  $\triangle POB$  の面積が等しくなるとき、点 P の座標を求めよ。

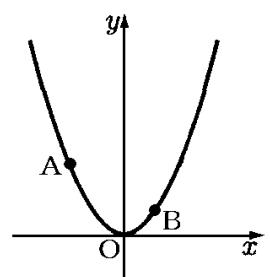
(埼玉県)(\*\*\*)



### [問題 82]

右の図のように、関数  $y = x^2$  のグラフ上に、2 点 A, B がある。点 A の  $x$  座標を  $-2$ 、点 B の  $x$  座標を  $1$  とする。 $x$  軸上に点 P をとり、 $\triangle OAB$  と  $\triangle OBP$  の面積が等しくなるようにするとき、点 P の座標を求めよ。ただし、点 P の  $x$  座標は負であるものとする。

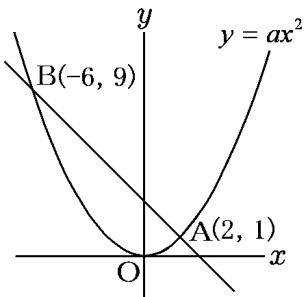
(北海道)(\*\*\*)



[問題 83]

右の図のように、関数  $y = ax^2$  のグラフ上に 2 点 A(2, 1), B(-6, 9)がある。原点を O として、次の問い合わせに答えよ。

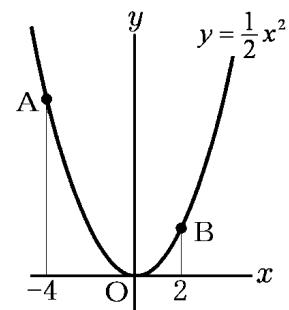
- (1)  $a$  の値を求めよ。
  - (2) 直線 AB の式を求めよ。
  - (3) 関数  $y = ax^2$  のグラフ上に点 P をとり、直線 AB と直線 OP が平行になるようにする。このとき、三角形 ABP の面積を求めよ。
- (長崎県)(\*\*\*)



[問題 84]

右の図は、関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフである。このグラフ上に 2 点 A, B があり、 $x$  座標はそれぞれ -4, 2 である。 $\triangle AOC$  の面積が  $\triangle AOB$  の面積の 2 倍となるように、 $y$  軸上に点 C(0, c)をとる。このときの  $c$  の値を求めよ。ただし、 $c > 0$  とする。

(富山県)(\*\*\*)



[問題 85]

右の図において、①は関数  $y = ax^2$  のグラフで、②は傾きが  $\frac{1}{2}$  の直線であり、①と②は 2 点 A, B で交わっている。

- 点 A の座標が  $(-2, 3)$  であるとき、次の問い合わせに答えなさい。
- (1) 定数  $a$  の値を求めよ。
  - (2)  $x$  軸上に  $x$  座標が正である点 P をとり、 $\triangle PAB$  の面積が  $\triangle OAB$  の面積の 2 倍となるようにしたい。このときの点 P の  $x$  座標を求めよ。
- (高知県)(\*\*\*)

